



موسسه ایران دانش نوین

رویای خودت شو...

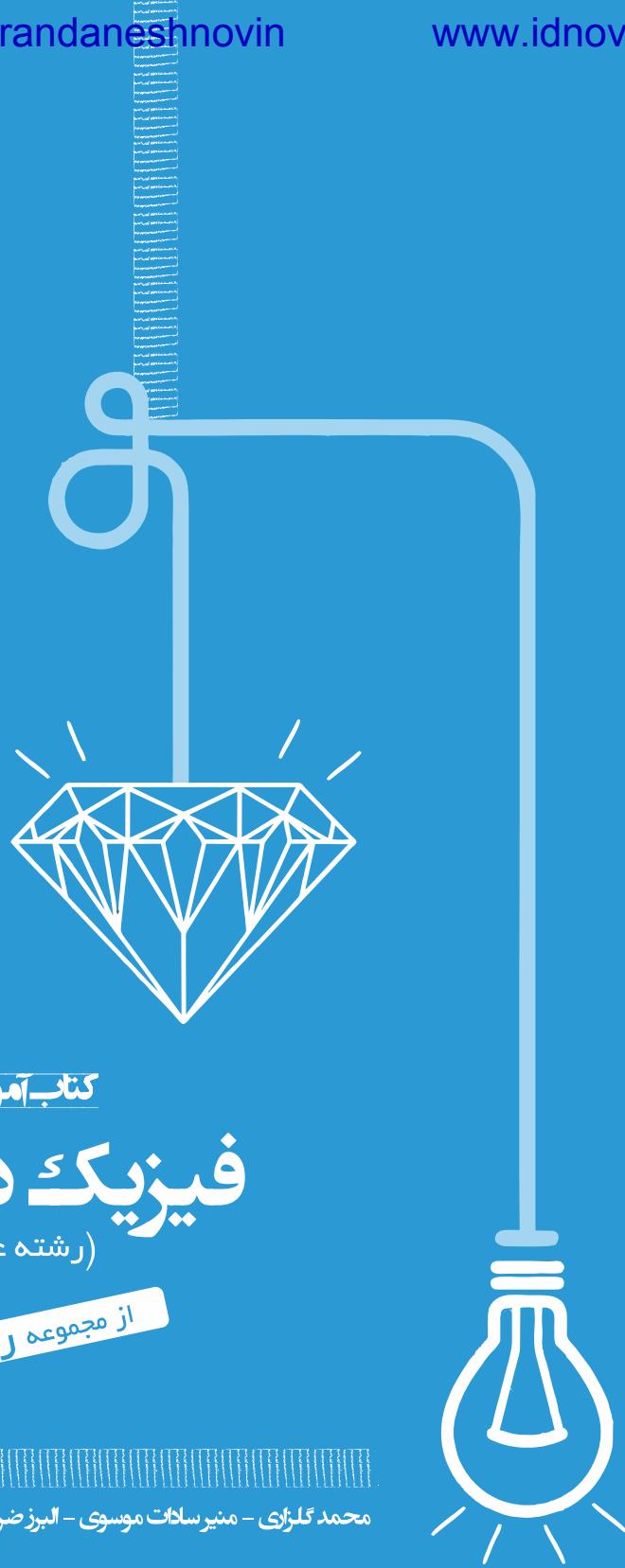


@IranDaneshNovies

برای دانلود بقیه ی گام به گام ها و جزوات با کلیک روی لینک های زیر به سایت یا کanal ما در تلگرام سر بزنید:

www.IDNovin.com

<https://telegram.me/irandaneshnovin>



کتاب آموزش

فیزیک دوازدهم

(رشته علوم تجربی)

از مجموعه رشادت

محمد گلزاری - منیر سادات موسوی - البرز ضرغام بروجنی - ابراهیم دانشمند مهریانی

بِسْمِ
الرَّحْمَنِ
الرَّحِيمِ

بهنام خداوند جان و فرد

کزین بر تم اندیشه بزنگزد



با سلام

خداوند را شاکریم که کتاب «**فیزیک دوازدهم یاقوت**» از مجموعه کتاب‌های «رشادت» مبتکران را زمانی در اختیار همکاران گرامی و دانشآموزان عزیز قرار می‌دهیم که کتاب «**فیزیک دهم**» از این مجموعه پیش‌تر مورد تأیید سازمان پژوهش و برنامه‌ریزی آموزش و پرورش قرار گرفته و «**فیزیک یازدهم**» در دست بررسی آن سازمان است.

در این کتاب نیز مانند دیگر کتاب‌های فیزیک سری رشادت سر فصل به چندین گفتار تقسیم شده است و در هر گفتار شامل عناوین زیر است:

- ◀ درسنامه کامل با مثال‌های متنوع تشریحی و چهارگزینه‌ای
- ◀ نمونه سوال‌های تشریحی و پر تکرار از آزمون‌های نهایی سال‌های قبل
- ◀ مجموعه تست‌های مفهومی بر اساس اهداف کتاب درسی
- ◀ سوال‌های چهارگزینه‌ای جامع از آزمون‌های سراسری و آزاد
- ◀ سوال‌های نکته‌دار و چالشی از کتاب‌های مطرح جهان

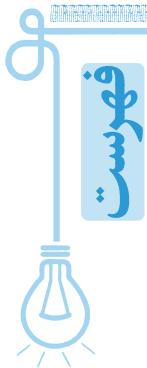
لازم به ذکر است تست‌های مقدماتی با توجه به سطوح یادگیری در طبقه‌بندی بلوم تقسیم گردیده و از حیطه‌های یادسپاری آغاز و به سطوح فهم و کاربرد و تحلیل رسیده است. همچنین سوالات نکته‌دار و پیچیده با علامت مشخص شده‌اند.

امیدواریم کتاب پیش رو که چکیده چندین سال تدریس مؤلفین است مورد استفاده دانشآموزان و دبیران گرامی قرار گیرد. در پایان لازم می‌دانیم از مؤلفین کتاب آقای محمد گلزاری، خانم منیرسادات موسوی، آقای البرز ضرغام بروجنی و آقای ابراهیم دانشمند مهربانی که این کتاب را زیر نظر دبیر مجموعه مهندس هادی عزیززاده تألیف کرده‌اند تشکر کنیم.

همچنین از خانم سپیده خداوردی (حروفچین و صفحه‌آرا)، خانم‌ها سمانه مسروری و بهاره خدامی (گرافیست‌ها) و زهرا گودرز و سپیده رشیدی (طراح جلد) بسیار سپاسگزاریم و برای همه این عزیزان آرزوی موفقیت می‌کنیم.

انتشارات مبتکران





فصل اول: حرکت بر خط راست



گفتار ۱: چارچوب مرجع، مکان، جایه‌جایی و مسافت/آشنایی با انواع نمودارها و حرکت با سرعت ثابت ۹	
گفتار ۲: حرکت با شتاب ثابت و شناخت نمودارهای آن ۳۳	
تست‌های مقدماتی فصل ۱ ۵۲	
پاسخ‌نامه تست‌های مقدماتی ۶۱	
پرسش‌های چهارگزینه‌ای جامع فصل ۱ ۹۷	
پاسخ‌نامه پرسش‌های چهارگزینه‌ای جامع ۷۴	

فصل دوم: دینامیک



گفتار ۱: نیرو و قانون‌های نیوتون ۸۳	
گفتار ۲: معرفی نیروهای خاص ۹۵	
گفتار ۳: تکانه / نیروی گرانشی ۱۲۱	
تست‌های مقدماتی فصل ۲ ۱۲۹	
پاسخ‌نامه تست‌های مقدماتی ۱۳۶	
پرسش‌های چهارگزینه‌ای جامع فصل ۲ ۱۴۳	
پاسخ‌نامه پرسش‌های چهارگزینه‌ای جامع ۱۵۰	





فصل سوم: نوسان و امواج



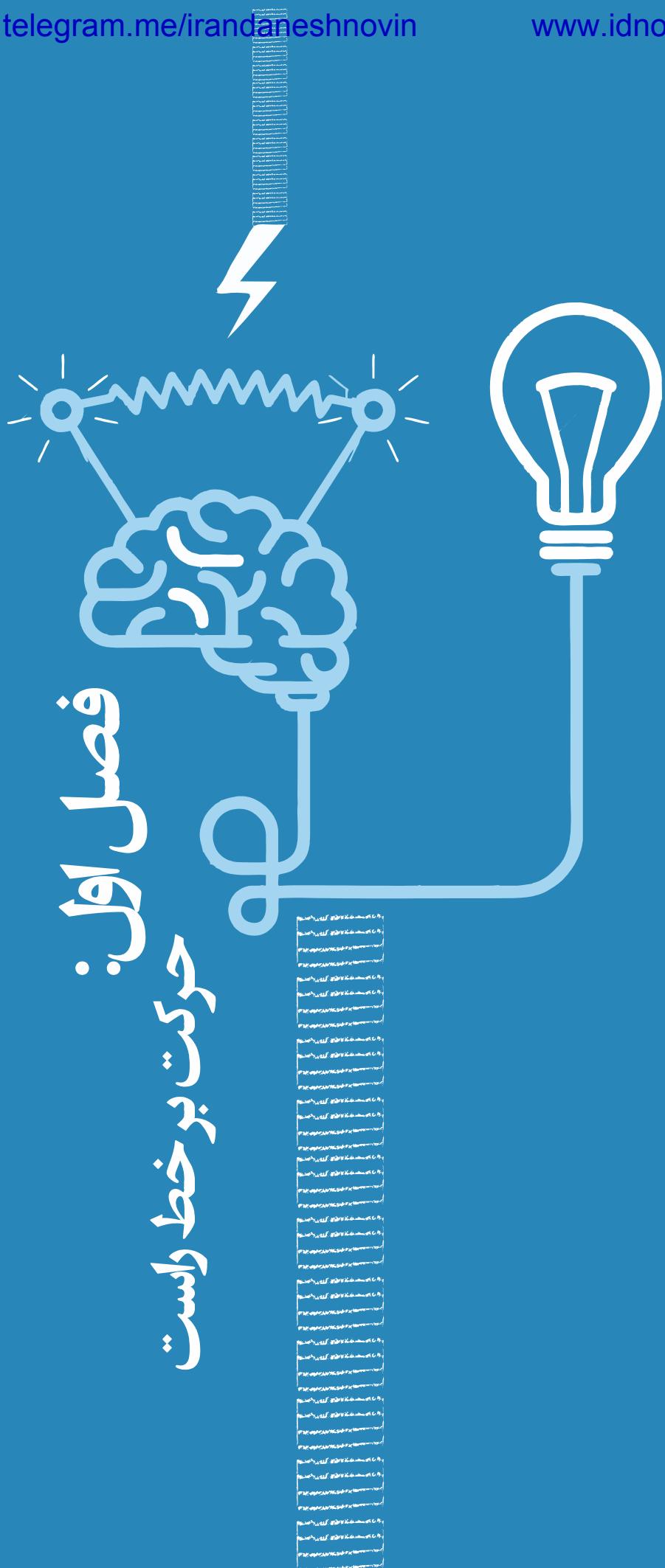
۱۶۳	گفتار ۱: آشنایی با حرکت نوسانی ساده
۱۷۱	گفتار ۲: آشنایی با سامانه وزنه - فنر و انرژی در حرکت نوسانی و آونگ ساده
۱۸۱	گفتار ۳: موج های عرضی و امواج الکترومغناطیسی
۱۹۲	گفتار ۴: موج های طولی و موج صوتی
۱۹۹	گفتار ۵: بازتاب و شکست موج
۲۱۱	تست های مقدماتی فصل ۳
۲۲۶	پاسخ نامه تست های مقدماتی
۲۴۱	پرسش های چهارگزینه ای جامع فصل ۳
۲۵۵	پاسخ نامه پرسش های چهارگزینه ای جامع

فصل چهارم: آشنایی با فیزیک اتمی و هسته ای



۲۷۵	گفتار ۱: اثر فتوالکتریک / طیف خطی، طیف جذبی، مدل های اتمی و لیزر
۲۹۱	گفتار ۲: آشنایی با ساختار هسته
۲۹۶	گفتار ۳: پرتوزایی طبیعی و نیمه عمر
۳۰۵	تست های مقدماتی فصل ۴
۳۱۷	پاسخ نامه تست های مقدماتی
۳۲۵	پرسش های چهارگزینه ای جامع فصل ۴
۳۳۱	پاسخ نامه پرسش های چهارگزینه ای جامع







مقدمه

درک مفهوم حرکت در طبیعت پایه درک طبیعت است. لئوناردو داوینچی می‌گوید: درک حرکت، درک طبیعت است. اگر بتوانیم بفهمیم که یک جسم چگونه حرکت می‌کند، می‌توانیم مکان آن را تعیین کرده و حرکات آنی آن را پیش‌بینی کنیم. در علم فیزیک علاقه داریم حرکت هر چیزی را توصیف کنیم، از توپ فوتبال گرفته تا ستارگان دوردست و حتی سیاه چاله‌ها!

برای درک حرکت اجسام، از مطالعه اجسام ساده شروع می‌کنیم. مثلاً بررسی حرکت یک توپ از بررسی حرکت یک هوایپما آسان‌تر است و هنگام مطالعه حرکت توپ صرفاً بر حرکت یک جسم به عنوان یک کل متتمرکز می‌شویم و نگران قطعات مختلف آن نیستیم. یک توپ می‌تواند بر روی زمین بغلتد و یک مکعب می‌تواند سر بخورد. کدام ساده‌تر است؟

در فیزیک پایه دهم با مفهوم مدل‌سازی در فیزیک آشنا شدیم. فیزیک‌دان‌ها تمایل دارند با یک نقطه سروکار داشته باشند. پس ابتدا بر حرکت یک جسم نقطه‌ای مرکز می‌کنیم. جسم نقطه‌ای به جسمی گفته می‌شود که بتوانیم از ابعاد آن چشم پوشی کنیم. ولی در مسائل ممکن است از اجسام واقعی مانند اتم‌میل و هوایپما نام ببریم. آیا این کار اشتباه است؟ اگر بتوانیم از جزئیات درونی جسم و چرخش آن چشم پوشی کنیم این فرض درست است.

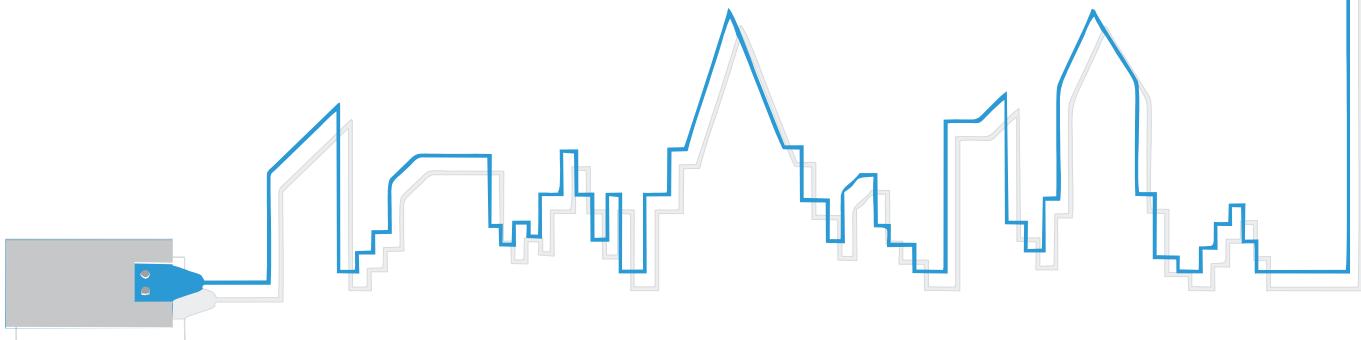
آن چه دراین فصل خواهیم آموخت:

نقش اول: چارچوب مرجع چیست؟ مکان چگونه تعیین می‌شود؟ چه تفاوتی بین جابه‌جایی و مسافت وجود دارد؟ تندی و سرعت چه تفاوتی با هم دارند و چگونه محاسبه می‌شوند؟ حرکت دو جسم نسبت به هم چگونه است؟ شناخت حرکت با سرعت ثابت و نمودارهای آن.

نقش دوم: شناخت شتاب، بررسی حرکت با شتاب ثابت و شناخت نمودارهای آن.

مجموع سوالات تشریعی: ۸۱

مجموع سوالات چهارگزینه‌ای: ۱۶۶





گفتار اول

چارچوب مرجع، مکان، جایه‌جایی و مسافت

وقتی می‌خواهیم به بررسی حرکت یک جسم پردازیم، باید ابتدا **مکان** آن را بدانیم. پس بحث خود را با توصیف مکان آغاز می‌کنیم. اگر بخواهیم حرکت یک اتومبیل در بزرگراه یا حرکت توپ به سمت دروازه را بررسی کنیم، باید به سه مورد توجه کنیم:

- ۱ مکان و جایه‌جایی جسم که برای ما مشخص می‌کنند جسم در هر لحظه کجاست.
- ۲ تندی و سرعت که جایه‌جایی جسم در مدت زمان معینی را مشخص می‌کنند.
- ۳ شتاب جسم که تغییرات سرعت در مدت معین را برای ما مشخص می‌کند.

شما در این بخش می‌آموزید که چگونه با مرتبط کردن این موارد می‌توانید حرکت جسم را توصیف کنید.

نقطه مرجع و چارچوب مرجع

در بحث حرکت مهم‌ترین مطلب این است که یک جسم کجا است. واژه مکان این مطلب را مشخص می‌کند. برای مشخص کردن مکان جسم باید یک مبدأ داشته باشیم. به عنوان مثال اگر بگوییم فاصله شما تا تلویزیون ۲ متر است، یعنی تلویزیون را نقطه مرجع فرض کرده‌ایم. باید توجه کنید که برای توصیف مکان یک جسم نیاز به یک **نقطه مرجع** و یک **اندازه** و یک **جهت** دارید.

؟ میشه بیشتر توضیح دهید؟

نکته اگر پشت تلفن به مادر یا پدرتان که با منزل آشنایی کامل دارند بگویید فاصله شما تا تلویزیون ۲ متر است متوجه نمی‌شود که شما کجا منزل هستید. بلکه باید به عنوان مثال بگویید ۲ متری تلویزیون و جلوی آن یا سمت راست آن.

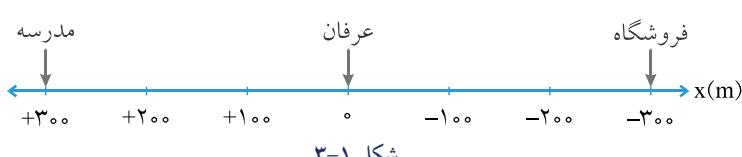
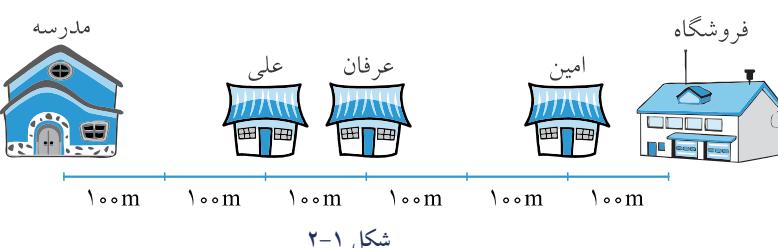
نکته چارچوب مرجع مجموعه‌ای از یک نقطه مرجع و دو جهت است که یک دستگاه مختصات را تشکیل می‌دهند.



شکل ۱-۱

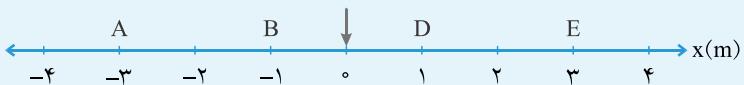
در شکل ۱-۱ وقتی فردی سوار بر قطار در حال حرکت از ایستگاه به سمت راست است، از نظر لوکوموتیوران حرکت نمی‌کند اما از نظر شما که در ایستگاه ایستاده‌اید هردوی آنها در حال حرکت از چپ به راست هستند. یک چارچوب مرجع باید دارای یک مبدأ (در مثال فوق محلی که شما در ایستگاه ایستاده‌اید) و حداقل یک جهت مثبت باشد. در مثال فوق می‌توانیم سمت راست را مثبت و چپ را منفی فرض کنیم. حال چارچوب مرجع می‌تواند از نظر شخص دیگری متفاوت باشد. مثلاً اگر ناظر دوم سمت دیگر ریل باشد، از نظر او قطار و سرنشینان آن به سمت چپ حرکت می‌کنند. لازم به ذکر است، در این فصل تنها حرکت بر روی خط راست را مطالعه می‌کنیم.

تعریف مکان: در فیزیک مکان جای جسم را در یک چارچوب مرجع نشان می‌دهد. مکان یک **کمیت برداری** است. مکان هر جسم به کمک برداری مشخص می‌شود که ابتدای آن مبدأ مختصات و انتهای آن مکان جسم است. با توجه به نقطه مبدأ در چارچوب مرجع، مکان جسم می‌تواند مثبت یا منفی باشد. مکان جسم را با حرف x نشان می‌دهیم. یکای مکان همان یکای طول است یعنی متر.



شکل ۲-۱ مکان یک مدرسه و منزل چند دانش‌آموز و یک فروشگاه را نشان می‌دهد. اگر منزل علی را مبدأ در نظر بگیریم، مکان مدرسه در فاصله ۲۰۰ متری و اگر منزل عرفان را مبدأ در نظر بگیریم، مدرسه در فاصله ۳۰۰ متری واقع شده است. فاصله فروشگاه نیز از منزل عرفان ۳۰۰ متر است، با این تفاوت که مدرسه در سمت چپ و فروشگاه در سمت راست منزل عرفان قرار دارد. وقتی یک مبدأ مشخص می‌کنیم باید یک طرف مثبت و یک طرف آن را منفی در نظر بگیریم. اگر سمت مدرسه را مثبت در نظر بگیریم، سمت فروشگاه منفی می‌شود. (شکل ۳-۱)

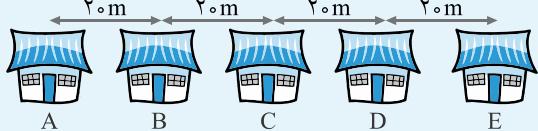




مثال ۱ مکان اجسام A و B و C و D و E را تعیین کنید.

$$x_A = -3\text{ m}, x_B = -1\text{ m}, x_D = 1\text{ m}, x_E = 3\text{ m}$$

پاسخ



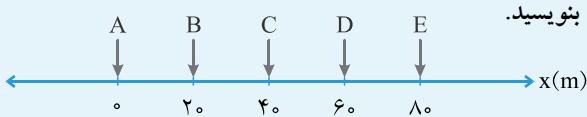
مثال ۲ ۵ خانه مطابق شکل در خیابان آزادی قرار دارند. اگر سمت راست را مثبت فرض کنیم، به سوالات داده شده پاسخ دهید:

(الف) یک چارچوب رسم کنید و خانه A را در آن مبدأ فرض کنید و مکان هر خانه را تعیین کنید.

(ب) فرض کنید شما در خانه C زندگی می کنید. مکان خود را نسبت به خانه E بنویسید.

(پ) اگر خانه B را مبدأ فرض کنیم، مکان هر خانه از جمله خانه B را بنویسید.

پاسخ (الف)



(ب) وقتی می گوییم مکان نسبت به نقطه E، یعنی نقطه E مبدأ است. پس داریم:

$$x_A = -20\text{ m}, x_B = 0\text{ m}, x_C = 20\text{ m}, x_D = 40\text{ m}, x_E = 60\text{ m}$$

(پ)

جابه جایی و مسافت

تعریف هرگاه مکان جسمی تغییر کند می گوییم که جسم جابه جا شده است.

از فیزیک دهم می دانید که کمیت نرده ای دارای بزرگی و یکا است، در حالی که کمیت برداری دارای اندازه و جهت و یکا بوده و از آن مهمتر باید از قواعد جمع برداری نیز پیروی کند.

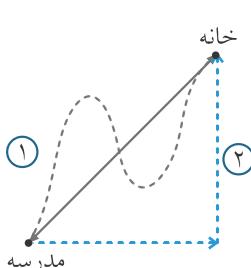
جابه جایی یک کمیت برداری است، پس دارای اندازه و جهت است.

$$\Delta x = x - x_0$$

مکان اولیه
مکان ثانویه

(رابطه ۱-۱)

برای محاسبه اندازه جابه جایی از رابطه ۱-۱ استفاده می کنیم:



نکته اگر مقدار ثانویه از اولیه کمتر باشد، علامت جابه جایی منفی می شود.

نکته اندازه جابه جایی تنها به نقاط ابتدا و انتهای مسیر بستگی دارد و به شکل مسیر حرکت بستگی ندارد. به عنوان مثال در شکل ۱-۴، جابه جایی علی از مدرسه تا خانه به شکل مسیر حرکت بستگی نداشته و برابر است با اندازه برداری که مدرسه را به خانه متصل کرده است.

برای نشان دادن جابه جایی به کمک بردارهای یکه به روش مقابل عمل می کنیم: (رابطه ۲-۱)

$$\vec{d} = \Delta \vec{x}$$

بردار جابه جایی
اندازه جابه جایی

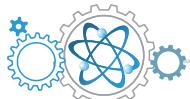
تعریف مسافت عبارت است از طول مسیری که متحرک می پیماید تا از نقطه ای به نقطه دیگر برود.

در شکل ۱-۴ مسافت در دو مسیر ۱ و ۲ یکسان نیست.

مسافت را با حرف l نشان می دهیم و یک کمیت نرده ای است. پس مسافت دارای جهت نیست.

شکل ۱-۱





برای توضیح بیشتر دوباره به شکل ۲-۱ نگاه کنید. فرض کنید عرفان قبل از رفتن به مدرسه، به در خانه امین رفته و به اتفاق هم به مدرسه می‌روند. در این مثال، اندازه جابه‌جایی عرفان برابر است با طول پاره خطی که خانه او را به مدرسه وصل می‌کند، یعنی ۳۰۰ متر. البته جابه‌جایی کمیتی برداری است، پس برای توصیف کامل نیاز به جهت داریم. با توجه به این که قبلاً سمت مدرسه را مثبت فرض کرده بودیم، جابه‌جایی عرفان عبارت است از: $\Delta x = 300\text{m}$ در صورتی که مسافتی که او طی کرده است برابر است با طول مسیری که ابتدا تا منزل امین طی کرده و سپس طول مسیر خانه امین تا مدرسه یعنی در مجموع ۷۰۰ متر. البته به شرطی که بر روی خط راست حرکت کرده باشد، که با شناختی که از عرفان دارم، بعید می‌دانم!

تعریف مسیر حرکت عبارت است از مکان هندسی انتهای بردار مکان جسم در هر لحظه و با بردار جابه‌جایی تفاوت دارد.

مسافت	جابه‌جایی
نرده‌ای	برداری
وابسته به شکل مسیر حرکت	مستقل از مسیر حرکت
همواره مثبت	می‌تواند مثبت یا منفی باشد.

جدول ۱-۱

گاهی پس از به دست آوردن جابه‌جایی با اعداد منفی مواجه می‌شویم. علامت منفی بیانگر این مطلب است که جابه‌جایی متحرک مورد نظر خلاف جهت انتخابی ما به عنوان جهت مثبت بوده است. همان‌طور که گفتیم پیش از شروع به حل مسئله باید یک دستگاه مختصات با یک جهت مثبت در نظر بگیریم. یادتان باشد در حالی که متحرکی حرکت کرده است و مسافتی را طی کرده، جابه‌جایی برای آن می‌تواند برابر صفر باشد. جدول ۱-۱ خلاصه‌ای از مطالب ذکر شده می‌باشد.

؟ چگونه جسم حرکت کرده ولی جابه‌جایی آن برابر صفر است؟

پیشنهاد به سادگی! جسم رفته و برگشته است.

تندی، سرعت متوسط و سرعت لحظه‌ای

تعریف به جابه‌جایی متحرک در واحد زمان، سرعت متوسط گفته می‌شود.

سرعت متوسط را با \vec{v}_{av} نشان می‌دهیم و یکای آن در SI ، m/s (متر بر ثانیه) است.

$$\vec{v}_{av} = \frac{\vec{d}}{\Delta t} \quad \begin{matrix} \text{جابه‌جایی} \\ \text{بازه زمانی} \end{matrix} \quad \begin{matrix} \text{سرعت متوسط} \\ \text{(رابطه ۱-۳)} \end{matrix}$$

نکته به دلیل بردار بودن جابه‌جایی و نرده‌ای بودن زمان، سرعت متوسط یک کمیت برداری است. سرعت متوسط می‌تواند مثبت یا منفی باشد. از ترکیب دو رابطه ۲-۱ و ۳-۱ در حرکت بر روی خط راست و در راستای محور x ، به رابطه ۴-۱ می‌رسیم:

$$\vec{v}_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \hat{i} \quad \begin{matrix} \text{سرعت متوسط} \\ \text{بازه زمانی} \end{matrix} \quad \begin{matrix} \text{(رابطه ۴-۱)} \end{matrix}$$

تعریف تندی متوسط عبارت است از مسافت طی شده توسط متحرک در یک بازه زمانی معین.

تندی متوسط یک کمیت نرده‌ای و همیشه مثبت است. یکای تندی متوسط نیز متر بر ثانیه (m/s) است.

$$s_{av} = \frac{l}{\Delta t} \quad \begin{matrix} \text{مسافت} \\ \text{بازه زمانی} \end{matrix} \quad \begin{matrix} \text{تندی متوسط} \\ \text{(رابطه ۵-۱)} \end{matrix}$$

؟ میشه بیشتر در مورد تفاوت تندی و سرعت توضیح بدھید؟



معمولًاً آنچه که به طور روزمره سرعت نامیده می‌شود، تندی است و برای درست بیان کردن باید جهت نیز گفته شود. با دانستن سرعت متوسط نمی‌توانیم به جزئیات حرکت بپریم. فقط مشخص می‌کند اگر متحرک تمام مسیر را با آن سرعت حرکت کند، آن هم بر روی خط راست، جابه‌جایی مورد نظر را در مدت زمان مذبور طی می‌کند. این امر در مورد تندی متوسط نیز صدق می‌کند. **بزرگی تندی لحظه‌ای و اندازه سرعت لحظه‌ای با هم برابر هستند** با این تفاوت که تندی جهت ندارد ولی سرعت دارای جهت است.

نکته در حرکت بر روی خط راست در صورتی که جهت حرکت تغییر نکند، مسافت و جابه‌جایی با هم برابر هستند، در نتیجه تندی متوسط و سرعت متوسط نیز با هم برابر هستند.



**مثال ۳**

محمد در مدت ۳۰ دقیقه به اندازه ۲۰ کیلومتر از منزلش دور شده و سپس در همان مدت به منزلش بر می‌گردد.

(الف) سرعت متوسط محمد چقدر است؟

(ب) تندی متوسط او چقدر است؟

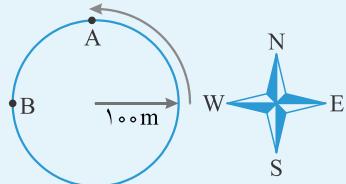
پاسخ (الف) جایه‌جایی در رفت و برگشت برابر صفر است. پس سرعت متوسط محمد برابر صفر است.

$$s_{av} = \frac{l}{\Delta t} = \frac{2000 + 2000}{1800 + 1800} = 1/1 \text{ m/s}$$

(ب)

مثال ۴

کوروش به دور میدانی به شعاع ۱۰۰ متر می‌دود. او در مدت ۱۲۰ ثانیه یک دور کامل به دور میدان می‌گردد. اگر او با تندی ثابت بدود، مطلوب است محاسبه:



(الف) سرعت او در نقطه A

(ب) سرعت او در نقطه B

(پ) اندازه سرعت متوسط او بین دو نقطه A و B

(ت) سرعت متوسط او در یک دور کامل

پاسخ (الف) اندازه سرعت با تندی برابر است و تندی متوسط و تندی نیز به دلیل ثابت بودن تندی برابر هستند.

$$v_A = s_{av} = \frac{l}{\Delta t} = \frac{\gamma \pi r}{\Delta t} = \frac{2 \times 3 / 14 \times 100}{120} = 5 / 23 \text{ m/s}$$

اگر سمت شرق و شمال را به ترتیب روی محورهای x و y مثبت فرض کنیم می‌توانیم بنویسیم:

(ب) جهت سرعت مماس بر مسیر حرکت است:

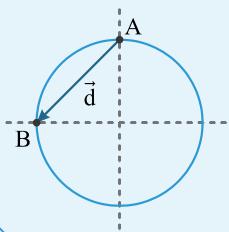
(پ) برای تعیین اندازه سرعت متوسط باید اندازه جایه‌جایی بین دو نقطه A و B را داشته باشیم:

$$d = \sqrt{r^2 + r^2} = \sqrt{100^2 + 100^2} = 100\sqrt{2} \approx 141 \text{ m}$$

$$v_{av} = \frac{d}{\Delta t} = \frac{141}{30} = 4.71 \text{ m/s}$$

(ت) وقتی متحرک به نقطه اولیه برگردد، جایه‌جایی آن برابر صفر و درنتیجه اندازه سرعت متوسط

آن نیز برابر صفر خواهد شد.



جدول ۲-۱ تفاوت تندی و سرعت را نشان می‌دهد.

سرعت	تندی
مستقل از مسیر حرکت	وابسته به مسیر حرکت
می‌تواند مثبت یا منفی باشد.	همیشه مثبت است.
برداری	نرده‌ای
از علامت آن می‌توان به جهت حرکت پی‌برد.	با دانستن آن نمی‌توان به جهت حرکت پی‌برد.

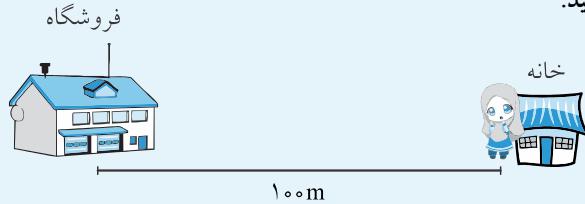
جدول ۲-۱





مثال ۵ سعیده قصد دارد به مغازه رفته و یک بطری شیر بخرد. پس از طی ۱۰۰ متر به خاطر می‌آورد پول به همراه ندارد و به خانه بر می‌گردد.

اگر رفت و برگشت او ۲/۰۰ دقیقه طول بکشد، به موارد زیر پاسخ دهید:



الف) مسافت طی شده توسط او چند متر است؟

ب) جایه جایی او چند متر است؟

پ) اندازه سرعت متوسط او در رفت و برگشت چقدر است؟

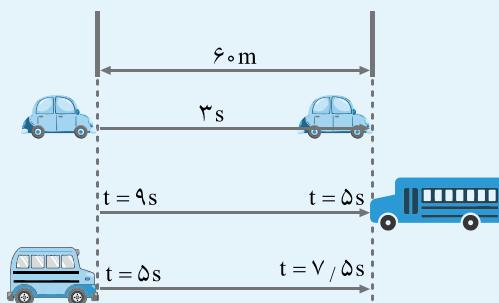
ت) تندی متوسط او در رفت و برگشت چند متر بر ثانیه است؟

ب) در رفت و برگشت جایه جایی برابر صفر است.

$$100 + 100 = 200 \text{ m}$$

$$s_{av} = \frac{l}{\Delta t} = \frac{200}{120} = 1.67 \text{ m/s}$$

پ) صفر



مثال ۶ فرزاد از پنجره اتاقش به خیابان مستقیم رو به روی منزلشان نگاه می‌کند. کنار خیابان دو تابلو وجود دارد که او قبلًاً فاصله بین آن دو را اندازه‌گیری کرده که برابر ۶۰ متر بوده است. با استفاده از زمان سنج گوشی خودش پی می‌برد اغلب اتومبیل‌ها مسافت بین این دو نقطه را در مدت ۳ ثانیه می‌پیمایند.

الف) تندی متوسط اتومبیل‌ها چند متر بر ثانیه و چند کیلومتر بر ساعت بوده است؟

ب) فرزاد زمان سنج خود را رها کرد تا به کار خود ادامه دهد. دید در لحظه ۵ ثانیه یک اتوبوس از کنار تابلوی سمت راست عبور کرد و در همان لحظه یک

ون از کنار تابلوی سمت چپ عبور کرد. در لحظه ۷/۵ ثانیه ون از کنار تابلوی سمت راست عبور کرد و در لحظه ۹ ثانیه اتوبوس از کنار تابلوی سمت چپ عبور کرد.

ب) تندی متوسط ون و اتوبوس را تعیین کنید.

پ) سرعت متوسط ون و اتوبوس را تعیین کنید.

$$s_{av} = \frac{l}{\Delta t} = \frac{60}{3} = 20 \text{ m/s}$$

$$20 \frac{\text{m}}{\text{s}} \times 3 / 6 \frac{\text{h}}{\text{m}} = 72 \text{ km/h}$$

پاسخ الف)

$$s_{av} = \frac{l}{\Delta t} = \frac{60}{2/5} = 24 \text{ m/s}$$

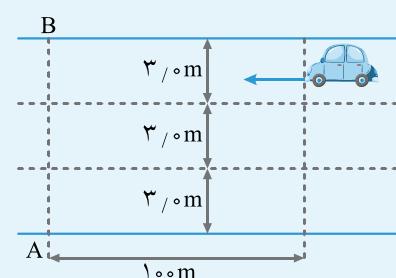
$$\text{اتوبوس: } s_{av} = \frac{l}{\Delta t} = \frac{60}{4} = 15 \text{ m/s}$$

ب)

$$\vec{v}_{av} = 24 \vec{i} \text{ m/s}$$

$$\text{اتوبوس: } \vec{v}_{av} = -15 \vec{i} \text{ m/s}$$

پ)



مثال ۷ شخصی می‌خواهد از عرض بزرگراه (از نقطه A به B) عبور کند و متأسفانه به استفاده از پل عابر پیاده معتقد نیست! پس تصمیم می‌گیرد عرض بزرگراه را ببدود (خدا شفا بده!). او می‌بیند اتومبیلی در فاصله ۱۰۰ متری است و به طرف او می‌آید. او مطمئن است که می‌تواند رد شود.

الف) تندی اتومبیل ۱۲۰ کیلومتر بر ساعت است. آن را به متر بر ثانیه تبدیل کنید.





- ب) چند ثانیه طول می کشد تا اتومبیل به شخص برسد؟
 پ) اگر شخص با تندی 10 km/h ساعت بود و بزرگراه 3 خط که عرض هر یک 3 متر است داشته باشد، چند ثانیه طول می کشد تا شخص عرض بزرگراه را طی کند؟
 ت) اگر اتومبیل در خط آخر باشد، آیا شخص می تواند بی خطر از بزرگراه عبور کند یا خیر؟

$$s = \frac{l}{\Delta t} \Rightarrow 120 = \frac{100}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = 10\text{ s}$$

$$\text{پاسخ (الف)} \quad 120 \text{ km} \times \frac{\frac{1}{\text{m}}}{\frac{1}{\text{s}}} = 33.3 \text{ m/s}$$

ت) شخص تصادف می کند $\Rightarrow 10 = \frac{100}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = 10\text{ s}$

$$\text{پاسخ (پ)} \quad 10 = \frac{100}{\Delta t} \Rightarrow \Delta t = 10\text{ s}$$

مثال دوندهای مسافت 100 m را در مدت تقریبی 10 s می دود. تندی متوسط او را به دست آورید.

$$s_{\text{av}} = \frac{l}{\Delta t} = \frac{100}{10} = 10 \text{ m/s}$$

پاسخ

تست مکان متحرکی روی محور x در لحظه $t=2\text{ s}$ برابر 8 m و در لحظه $t=10\text{ s}$ برابر -16 m می باشد. اندازه سرعت متوسط متحرک در این مدت چند متر بر ثانیه است؟
 (سراسری تبریز)

۲

۱

-۲

-۳

گزینه ۱ ۲ ۳ ۴

$$v_{\text{av}} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow v_{\text{av}} = \frac{-16 - 8}{10 - 2} = \frac{-24}{8} = -3 \text{ m/s}$$

تست متحرکی بر مسیر مستقیم در مدت $5/0$ ساعت بدون تغییر جهت مسافت 27 km را طی می کند. اندازه سرعت متوسط متحرک در این مدت چند متر بر ثانیه است؟
 (آزاد تبریز)

۱۳/۵

۱۵

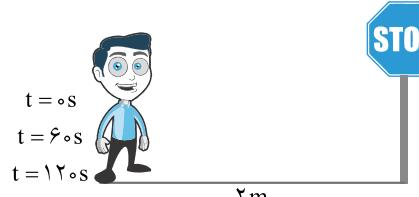
۱۸

۲۷

گزینه ۱ ۲ ۳ ۴

$$v_{\text{av}} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{27 \times 10^3}{0.5 \times 3600} = 15 \text{ m/s}$$

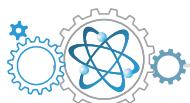
برای تشریح حرکت یک جسم به سه طریق می توانیم عمل کنیم: توضیح با کلمات، رسم شکل و رسم نمودار. برای درک بهتر یک مسئله را به سه شیوه شرح می دهیم:



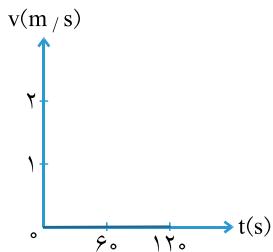
روش اول استفاده از کلمات: حسین به مدت 2 دقیقه در فاصله 2 متری از تابلوی راهنمایی و رانندگی ایستاده بود.

روش دوم استفاده از شکل: در شکل ۱-۵، فاصله حسین از تابلو 2 متر است و زمان های نشان داده شده به ما می گویند در مدت 120 s یعنی 2 دقیقه، حسین حرکت نکرده است. البته مسلم است که این شکل مکان حسین را به طور دقیق در زمان هایی به غیر از صفر و 60 و 120 s نشان نمی دهد.

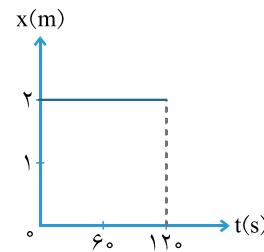




روش سوم استفاده از نمودار: نقطه ضعف روش دوم، هنگام استفاده از نمودار از بین می‌رود. در شکل ۱-۶-۱، نمودار مکان – زمان (یعنی نموداری که هر نقطه از آن مکان جسم را در لحظه‌ای خاص نشان می‌دهد) به ما می‌گوید که حسین در مدت ۱۲۰ ثانیه هیچ تغییر مکانی نداشته است و شکل ۱-۶-۱ ب، نمودار سرعت – زمان (نموداری که سرعت متحرک را در هر لحظه نشان می‌دهد) به ما می‌گوید در تمام مدت ۱۲۰ ثانیه اندازه سرعت حسین برابر صفر بوده است.



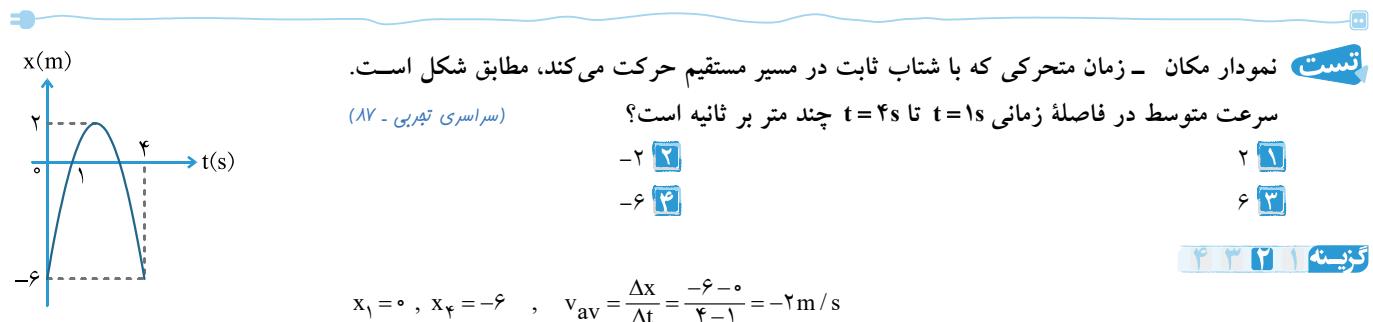
شکل ۱-۶-۱(ب)



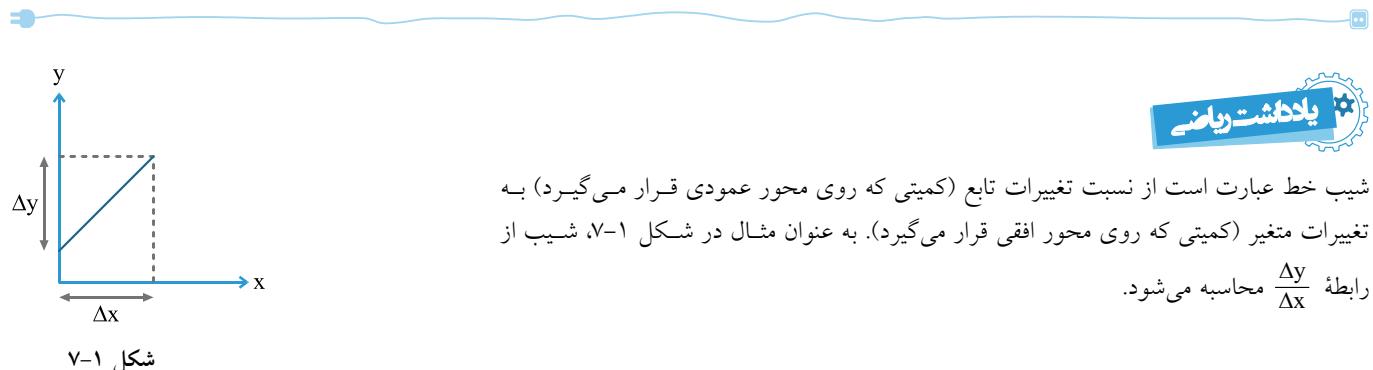
شکل ۱-۶-۱(الف)

کدام روش بهتر است؟

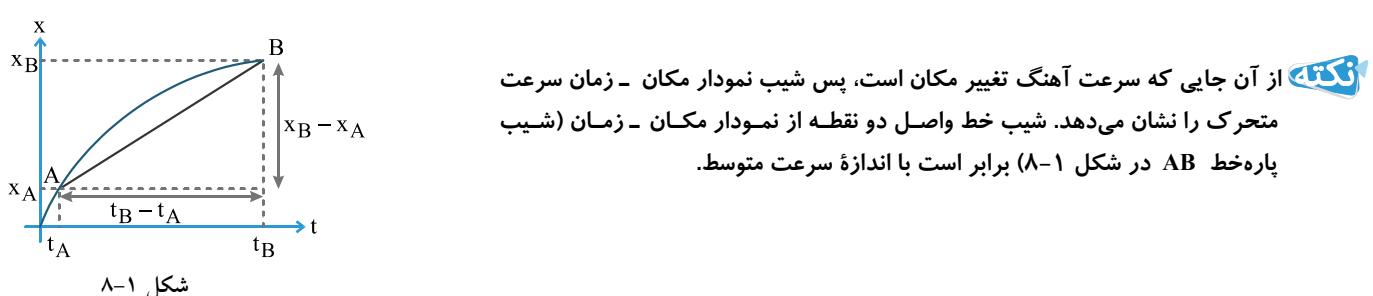
این که از چه روشی استفاده کنیم بستگی به مسئله دارد. هر روشی محسن خود را دارد. اما در حالت کلی نمودار می‌تواند اطلاعات بیشتری را به صورت فشرده در اختیار ما قرار دهد.

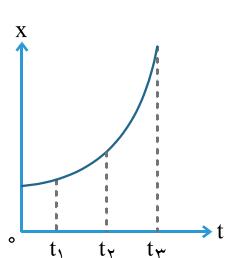


گزینه ۱ ۲ ۳



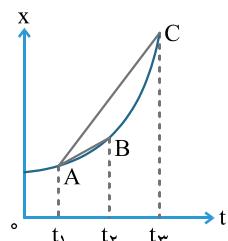
شکل ۱-۷-۱





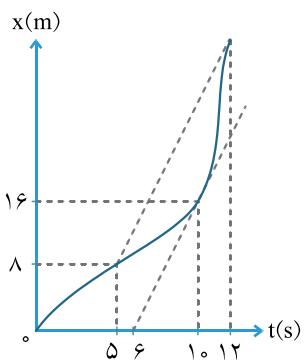
تست نمودار مکان - زمان متغیر کی به صورت سهمی و مطابق شکل روبرو است. سرعت متوسط متحرک در کدام بازه زمانی بیشتر است؟
(سراسری ریاضی)

- t₁ تا t₂ ۱
- t₂ تا t₃ ۲
- t₃ تا t₂ ۳
- بستگی به اندازه فاصله زمانی دارد. ۴



شیب خط واصل دو نقطه بین لحظه های t₁ تا t₃ بیشتر از شیب خط واصل دو نقطه بین لحظه های t₁ تا t₂ است. پس سرعت متوسط در بازه زمانی t₂ تا t₃ بیشتر است.

شیب BC > شیب AB



تست نمودار مکان - زمان متغیر کی بر مسیر مستقیم به شکل مقابل است. اگر سرعت متحرک در لحظه t = 10s برابر سرعت متوسط آن بین دو لحظه t₁ = 5s و t₂ = 12s باشد، متحرک در لحظه t = 12s در چند متری مبدأ می باشد؟
(آزاد ریاضی)

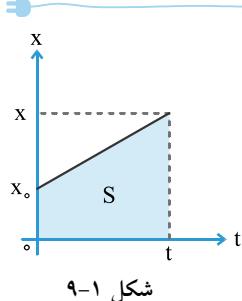
- ۲۴ ۱
- ۲۰ ۲
- ۲۸ ۳
- ۳۶ ۴

سرعت در لحظه t = 10s شیب خط مماس در لحظه t = 10s است:

$$v = \frac{16}{10-6} = \frac{16}{4} = 4 \text{ m/s}$$

سرعت متوسط در بازه زمانی t₁ = 5s و t₂ = 12s شیب خط واصل دو نقطه از نمودار است:

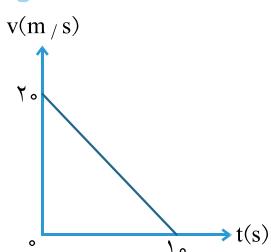
$$v_{av} = \frac{x - \lambda}{t_2 - t_1} \Rightarrow 4 = \frac{x - \lambda}{12 - 5} \Rightarrow x - \lambda = 28 \Rightarrow x = 36 \text{ m}$$



نکته مساحت سطح محصور بین نمودار سرعت - زمان و محور زمان اندازه جابه جایی متحرک را نشان می دهد. (شکل ۹-۱)

S = |Δx|

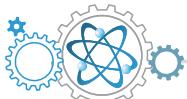
شکل ۹-۱



تست نمودار سرعت - زمان متغیر کی که بر روی مسیر مستقیم در حال حرکت است، مطابق شکل روبرو است. اندازه سرعت متوسط متحرک در ۱۰ ثانیه اول حرکت چند واحد است؟
(سراسری ریاضی فارج از کشور)

- ۱۵ ۱
- ۲۰ ۲
- ۱۰ ۳

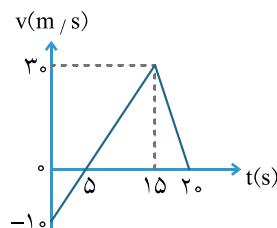




گزینه ۱۲۳۲۱

مساحت سطح محصور بین نمودار سرعت - زمان و محور زمان برابر است با اندازه جابه‌جایی:

$$s = |\Delta x| = \frac{20 \times 10}{2} = 100 \text{ m}, \quad v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{100}{10} = 10 \text{ m/s}$$

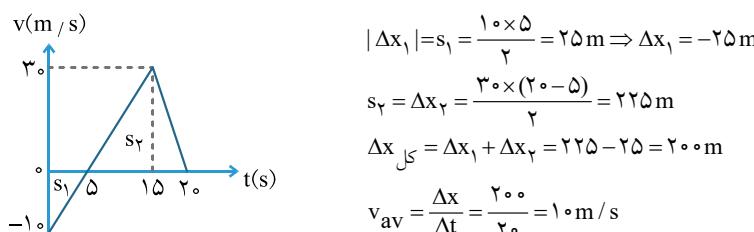


تست نمودار سرعت - زمان متحرکی در مسیر مستقیم، مطابق شکل مقابل است. اندازه سرعت متوسط آن (سراسری ریاضی)
در مدت ۲۰ ثانیه، چند متر بر ثانیه است؟

۲/۵ ۲
۱۵ ۳۰/۵ ۱
۱۰ ۲

گزینه ۱۲۳۲۱

جابه‌جایی متحرک سطح محصور بین نمودار سرعت - زمان با محور زمان است.



حرکت با سرعت ثابت

تعریف به تندی یک متحرک در هر لحظه، تندی لحظه‌ای یا به اختصار تندی گفته می‌شود.

آنکاره اگر تندی متحرک را همراه با جهت بیان کنیم، در واقع سرعت متحرک را بیان کردہ‌ایم.

تعریف حرکت با سرعت ثابت، به حرکتی گفته می‌شود که در آن اندازه و جهت حرکت متحرک با گذشت زمان تغییر نکند.

در حرکت با سرعت ثابت روی خط راست تندی متوسط و تندی لحظه‌ای با هم برابرند. به همین ترتیب اندازه سرعت متوسط و تندی نیز با هم برابر

$$\begin{cases} v = v_{av} \\ v_{av} = \frac{x - x_0}{t} \Rightarrow v = \frac{x - x_0}{t} \Rightarrow x = v t + x_0 \end{cases} \quad \text{(رابطه ۶-۶)}$$

زمان \rightarrow تندی
مکان اولیه \rightarrow مکان ثانویه

هستند. پس می‌توانیم بنویسیم:

رابطه ۶-۱ **معادله حرکت** با سرعت ثابت یا **معادله مکان - زمان** نامیده می‌شود.

جابه‌جایی در حرکت با سرعت ثابت را می‌توان از رابطه ۷-۱ به دست آورد:

$$\Delta x = vt \quad \text{(رابطه ۷-۱)}$$

مثال ۹ موتور سواری با تندی ثابت 36 km/h در مسیر مستقیم در حال حرکت است. اگر در لحظه $t = 0$ ، در فاصله 10 m پشت مبدأ

بوده و به سمت مبدأ در حال حرکت باشد:

الف) معادله مکان - زمان موتور سوار را بنویسید.

ب) در چه لحظه‌ای متحرک به فاصله 20 m تری جلوی مبدأ می‌رسد؟

پاسخ الف) چون مسیر حرکت مستقیم است می‌توانیم آن را به دلخواه محور x فرض کنیم.

$$v = \frac{36}{36} = 10 \text{ m/s}$$

$$x = vt + x_0 \Rightarrow x = 10t - 10$$

$$x = 10t - 10 \xrightarrow{x = 20 \text{ m}} 20 = 10t - 10 \Rightarrow 10t = 30 \Rightarrow t = 3 \text{ s}$$

(ب)





تست متحرکی مسافتی را با تندی m/s در مدت ۸ ثانیه و همان مسافت را با تندی $(m/s + 3)$ در مدت ۵ ثانیه طی می‌کند. چند متر بر ثانیه است؟ (حرکت متحرک یکنواخت و بر روی خط راست است.)

۸

۵

۴

۳

گزینه ۱ ۲ ۳ ۴

$$\begin{aligned} \Delta x = v_1 t_1 \Rightarrow \Delta x = v_1 \cdot 8 \\ \Delta x = v_2 t_2 \Rightarrow \Delta x = (v_1 + 3) \cdot 5 \end{aligned} \Rightarrow v_1 = 5 \text{ m/s}$$

$$5 \cdot 8 = (5 + 3) \cdot 5 \Rightarrow 40 = 40 \Rightarrow v_1 = 5 \text{ m/s}$$

تست دو هواپیما با تندی‌های 600 و 800 کیلومتر بر ساعت به طور همزمان از یک فرودگاه به مقصد فرودگاه دیگری به فاصله 1200 کیلومتر پرواز می‌کنند. هواپیمای سریع‌تر چند دقیقه زودتر به مقصد می‌رسد؟ (سراسری تهریبی)

۴۰

۳۰

۲۰

۱۵

گزینه ۱ ۲ ۳ ۴

$$\begin{aligned} \Delta x = v_1 t_1 \Rightarrow 1200 = 600 t_1 \Rightarrow t_1 = 2 \text{ h} \\ \Delta x = v_2 t_2 \Rightarrow 1200 = 800 t_2 \Rightarrow t_2 = 1.5 \text{ h} \\ 2 - 1.5 = 0.5 \text{ h} = 30 \text{ min} \end{aligned}$$

تست هواپیمایی فاصله دو شهر را با تندی 90 km/h در مدت یک ساعت و اندازه آن 30 دقیقه طی می‌کند. هواپیمایی دیگری فاصله همین دو شهر را با تندی 60 km/h طی می‌کند. مدت زمان حرکت این هواپیما کدام است؟ (آزاد تهریبی)

۲

۳

۴

۱

گزینه ۱ ۲ ۳ ۴

$$\begin{aligned} \Delta x_1 = v_1 t_1 \\ \Delta x_2 = v_2 t_2 \end{aligned} \Rightarrow \frac{\Delta x_1}{\Delta x_2} = \frac{v_1}{v_2} \times \frac{t_1}{t_2} \Rightarrow 1 = \frac{90}{60} \times \frac{1}{t_2} \Rightarrow \frac{6}{9} = \frac{1}{t_2} \Rightarrow t_2 = \frac{9 \times 60}{6} = \frac{810}{6} = 135 \text{ min} = 2 \frac{15}{60} \text{ h}$$

تست قطاری از روی پلی به طول 400 متر می‌گذرد. اگر سرعت قطار ثابت و 30 متر بر ثانیه باشد و 20 ثانیه طول بکشد تا قطار از روی پل عبور کند، طول قطار چند متر است؟ (سراسری تهریبی - ۶۷)



۴۰۰

۸۰۰

۲۰۰

۶۰۰

گزینه ۱ ۲ ۳ ۴

$$\begin{aligned} \Delta t = vt \Rightarrow L_1 + L_2 = vt \\ \Rightarrow 400 + L_2 = 30 \times 20 \Rightarrow 400 + L_2 = 600 \Rightarrow L_2 = 200 \text{ m} \end{aligned}$$

تست دو چرخه سواری فاصله 90 کیلومتری مستقیم بین دو شهر را در مدت $4/5$ ساعت می‌پیماید. وی با تندی ثابت 24 کیلومتر بر ساعت رکاب می‌زند، اما برای رفع خستگی توقف‌هایی هم دارد. مدت کل توقف او چند دقیقه است؟ (سراسری ریاضی)

۱۵

۳۰

۴۵

۸۰





گزینه ۱۲۱

$\Delta x = vt \Rightarrow 90 = 24t \Rightarrow t = 3 / 24 \text{ h} = 225 \text{ min}$

$t = 225 \text{ min}$

$t_{\text{کل}} = 4 / 5 \times 60 = 270 \text{ min}$

$270 - 225 = 45 \text{ min}$

اگر تمام مسیر را بدون توقف با تندی 24 km/h می‌پیمود در چه زمانی به مقصد می‌رسید؟

تست ذره‌ای با تندی ثابت روی محور x به حرکت در می‌آید و پس از ۲ ثانیه به نقطه **O** (مبدأ و مکان) و ۲ ثانیه بعد به نقطه $x = -6 \text{ m}$ می‌رسد. معادله حرکت آن در SI کدام است؟ (سراسری ریاضی)

$x = 3t + 6$ ۲

$x = 3t - 6$ ۳

$x = -3t + 6$ ۴

$x = -3t - 6$ ۵

گزینه ۱۲۱

۱ $\begin{cases} t_1 = 2s \\ x_1 = 0 \end{cases}$

۲ $\begin{cases} t_2 = 4s \\ x_2 = -6 \text{ m} \end{cases}$

$v = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{-6 - 0}{4 - 2} = -3 \text{ m/s}$, $x = vt + x_0 \Rightarrow x = -3t + x_0$

۳ $\Rightarrow 0 = -3(2) - x_0 \Rightarrow x_0 = 6 \text{ m}$, $x = -3t + 6$

حالا یکی از نقاط را در معادله فوق جایگذاری کرده تا x به دست آید:

۱۲۱

تست دو متحرک، یکی با تندی ثابت 10 m/s و دیگری با تندی ثابت 12 m/s ، از یک نقطه هم‌زمان به سوی مقصدی به فاصله 240 m به در می‌آیند. حداقل فاصله این دو متحرک در طول مسیر چند متر است؟ (سراسری تبریزی)

۱۲۰ ۲

۸۰ ۳

۴۰ ۴

۲۰ ۵

گزینه ۱۲۱

حداقل فاصله دو متحرک مربوط به زمانی است که متحرک سریع‌تر به مقصد رسیده باشد:

$\Delta x_1 = v_1 t_1 \Rightarrow 240 = 10t_1 \Rightarrow t_1 = 24 \text{ s}$

متحرک سریع‌تر در مدت 20 s به مقصد می‌رسد. در این مدت متحرک کندره چند متر را پیموده است؟

$\Delta x_2 = v_2 t_2 \Rightarrow \Delta x_2 = 12 \times 20 = 240 \text{ m}$

$240 - 240 = 0 \text{ m}$

۱۲۱

تست دو اتومبیل در یک جاده و در یک جهت در حرکت‌اند و مبدأ حرکت آنها نیز یکی است. تندی اتومبیل اول 50 km/h و تندی اتومبیل دوم 60 km/h است. ولی اتومبیل دوم یک ساعت دیرتر از اتومبیل اول به حرکت در آمده است. اتومبیل دوم پس از چند ساعت به اتومبیل اول می‌رسد؟ (سراسری ریاضی)

۵ ۲

۴ ۳

۳ ۴

۲ ۵

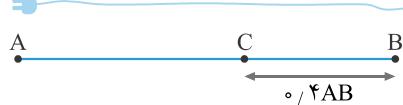
گزینه ۱۲۱

وقتی دو متحرک به هم می‌رسند مکان آنها یکسان می‌شود. از آنجا که مبدأ حرکت آنها نیز یکسان بوده، پس جایه‌جایی آنها یکسان خواهد شد:

$$\begin{cases} x_1 = v_1 t_1 + x_0 \\ x_2 = v_2 t_2 + x_0 \end{cases} \Rightarrow x_1 = x_2 \Rightarrow v_1 t_1 + x_0 = v_2 t_2 + x_0 \Rightarrow v_1 t_1 = v_2 t_2 \Rightarrow 50(t_2 + 1) = 60t_2 \Rightarrow 50t_2 + 50 = 60t_2 \Rightarrow 10t_2 = 50 \Rightarrow t_2 = 5 \text{ h}$$

اتومبیل دوم پس از ۵ ساعت از شروع حرکت به اتومبیل اول می‌رسد.





تست دو متحرک هم زمان از نقاط A و B با تندی های ثابت به سمت یکدیگر حرکت می کنند و در نقطه C به هم می رستند. ۴۰ ثانیه پس از این، متحرک اول به B می رسد. چند ثانیه طول می کشد تا متحرک دوم از C به A برسد؟ (آزاد ریاضی)

۹۰

۸۰

۶۰

۱ معلومات کافی نیست.

کزینه ۱۲۳۲۱

$$\frac{\Delta x_1}{\Delta t_1} = \frac{v_1}{v_2} \Rightarrow \frac{0.4 AB}{0.4 AB} = \frac{v_1}{v_2} \Rightarrow v_1 = \frac{3}{2} v_2$$

$$\Delta x_1 = v_1 t_1 \Rightarrow 0.4 AB = v_1 \times 40 \Rightarrow v_1 = \frac{4 \times 10^{-1} AB}{4 \times 10} = 10^{-2} AB \Rightarrow v_2 = \frac{2}{3} \times 10^{-2} AB$$

$$\Delta x_2 = v_2 t_2 \Rightarrow 0.4 AB = \frac{2}{3} \times 10^{-2} AB t_2 \Rightarrow t_2 = \frac{6 \times 10^{-1} AB}{\frac{2}{3} \times 10^{-2} AB} \Rightarrow t_2 = 90 \text{ s}$$

اگر متحرکی، چند حرکت یکنواخت با سرعت های متفاوت را انجام داده باشد، سرعت متوسط آن را بسته به اطلاعات مسئله می توان از یکی از روابط ۱-۱ یا ۲-۱ یا ۳-۱ یا ۴-۱ به دست آورد:

$$v_{av} = \frac{\Delta x_1 + \Delta x_2 + \dots}{\Delta t_1 + \Delta t_2 + \dots} \quad (رابطه ۱-۱)$$

$$v_{av} = \frac{v_1 t_1 + v_2 t_2 + \dots}{\text{کل}} \quad (رابطه ۲-۱)$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x_{\text{کل}}}{\frac{\Delta x_1}{v_1} + \frac{\Delta x_2}{v_2} + \dots} \quad (رابطه ۳-۱)$$

تست متحرکی مسیر مستقیمی را در t ثانیه اول با تندی v و در $3t$ ثانیه بعد با تندی $2v$ طی می کند. اندازه تندی متوسط متحرک در این مسیر (سراسری تجربی) چند v است؟

۱/۷۵

۱/۵

۱/۳

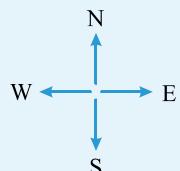
۱/۲۵

کزینه ۱۲۳۲۱

$$v_{av} = \frac{\Delta x_1 + \Delta x_2}{t_1 + t_2} \Rightarrow v_{av} = \frac{vt + 2vt}{t + 3t} = \frac{3vt}{4t} = \frac{3}{4} v = 1/75 v$$

مثال ۱ شخصی $5/0$ دقیقه با سرعت $6/0$ متر بر ثانیه رو به شمال می دود و $5/0$ دقیقه دیگر با سرعت 10 متر بر ثانیه در همان جهت می دود. سرعت متوسط او چند متر بر ثانیه و در چه جهتی است؟

پاسخ جهت شمال را مثبت فرض می کنیم:



$$\vec{\Delta x}_1 = \vec{v}_1 t_1 = 6/0 \hat{j} \times (5/0 \times 60) = (1800 \text{ m}) \hat{j}$$

$$\vec{\Delta x}_2 = \vec{v}_2 t_2 = 10 \hat{j} \times (5/0 \times 60) = (3000 \text{ m}) \hat{j}$$

$$\vec{v}_{av} = \frac{1800 \hat{j} + 3000 \hat{j}}{10 \times 60} = (8/0 \text{ m/s}) \hat{j}$$

نمودارهای حرکت با سرعت ثابت

نمودار مکان - زمان حرکت با سرعت ثابت، به دلیل **ثابت بودن** اندازه سرعت، که همان شیب نمودار است، به صورت خط راست است.

نکته شیب نمودار ثابت است ولی صفر نیست.

