

خرید کتاب های کنکور

با تخفیف ویژه

و
ارال رایگان

Medabook.com



مدابوک



پک جامه ناس تلفنی، رایگان

با مشاوران رتبه برتر

برای انتخاب بهترین منابع

دبیرستان و کنکور

۰۲۱ ۳۸۴۳۵۲۱۰



فصل اول (قسمت اول): نیروی الکتریکی و میدان الکتریکی

نحوه اول: قانون کولن و نیروی الکتریکی وارد بر ذرات باردار

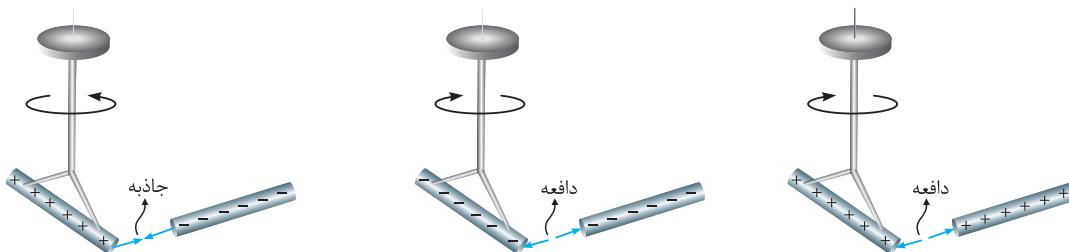
- آشنایی با مفهوم بار الکتریکی
- آشنایی اولیه با قانون کولن
- تماس گرههای مشابه باردار به یکدیگر و تحلیل نیروی بین آنها
- مروری بر خواص بردارها (پیش‌نیاز بسیار مهم در مسائل این فصل)
- بررسی قانون کولن برای بیش از دو ذره باردار
- صفر شدن نیروی الکتریکی وارد بر ذرات باردار

زیرشاخه‌های بخش اول A

آشنایی با مفهوم بار الکتریکی 1-A

از آذربخش گرفته تا در فشش یک لامپ کوهپیک، از آن‌په اتم‌ها را به شلک مولکول به هم وصل می‌کنند تا پیام‌های عصبی تو دستگاه اعصاب و ...، باور کنید همگی منشأ الکتریکی دارن ... ما تو این فعل به مطالعه بارها تو هالت سکون می‌پردازیم که به اون الکتریسیته ساکن می‌گن. اول کار هم می‌فایم یه ذره کلیات در موردش یاد بگیریم ...

در کتاب علوم تجربی پایه هشتم مشاهده کردید که وقتی دو جسم با یکدیگر مالش داده می‌شوند، معمولاً هر دوی آن‌ها دارای بار الکتریکی می‌شوند و به یکدیگر نیرو وارد می‌کنند.



نحوه ۱: از این تجربه‌ها نتیجه می‌گیریم که دو نوع بار الکتریکی وجود دارد. این دو نوع بار الکتریکی توسط دانشمند آمریکایی بنیامین فرانکلین، بار مثبت و بار منفی نامگذاری شد. او می‌توانست آن‌ها را هر چیز دیگری نیز بنامد، اما استفاده از علامت‌های جبری به جای نام‌های دیگر این مزیت را دارد که وقتی در یک جسم از این دو نوع بار به مقدار مساوی وجود داشته باشد، جمع جبری بارهای جسم صفر می‌شود که به معنی **خنثی بودن** آن جسم است.

نحوه ۲: نیروی بین بارهای الکتریکی در بین بارهای **همنام** از نوع **دافعه** و در حالت **ناهمنام** از نوع **جاذبه** است.

نحوه ۳: یکای بار الکتریکی در SI، کولن (C) می‌باشد. یک کولن مقدار بار بزرگی است و معمولاً از یکاهای فرعی نانوکولن (nC) و میکروکولن (μC) در محاسبات استفاده می‌شود.

بررسی بیشتر بار الکتریکی و اصل پایستگی بار الکتریکی

به طور کلی، وقتی دو جسم خنثی به یکدیگر مالش داده می‌شوند، تعدادی الکترون از یکی از آن‌ها به دیگری منتقل می‌شود. در طی انجام این کار جسمی که الکترون از دست می‌دهد، دارای بار الکتریکی **مثبت** و جسمی که الکترون اضافی دریافت می‌کند، دارای بار الکتریکی **منفی** می‌شود (نوع باری که دو جسم بر اثر مالش پیدا می‌کنند، به جنس آن‌ها بستگی دارد). در رابطه با این موضوع، می‌توان به نکات مهم و کاربردی زیر اشاره کرد:

- ۱ افزایش تعداد الکترون‌ها در یک جسم، بار جسم را منفی کرده و کاهش تعداد الکترون‌ها بار آن را مثبت می‌کند.
- ۲ اگر به یک جسم خنثی n الکترون داده شود و اندازه بار الکتریکی هر الکترون را e در نظر بگیریم (باید بدروند $C = 1/6 \times 10^{-19}$ هست)، بار الکتریکی خالص جسم در حالت جدید برابر است با:

$$q = -ne \quad (n = 0, 1, 2, \dots)$$

از سوی دیگر اگر n الکترون از جسمی گرفته شود، بار الکتریکی خالص جسم در حالت جدید برابر است با:

$$q = +ne$$

با توجه به رابطه $q = \pm ne$ ، بار الکتریکی هر جسم مضرب صحیحی از یک مقدار پایه است که آن مقدار پایه، اندازه بار یک الکترون است.

- مقدار پایه e مضرب صحیح
- ۴ این موضوع یعنی حاصل $\frac{q}{e}$ برای یک جسم، نمی‌تواند هر مقداری داشته باشد و حاصل آن باید حتماً یک عدد صحیح باشد. این موضوع اصطلاحاً یعنی بار الکتریکی **کوانتیده (یا دانه‌ای)** می‌باشد.

بررسی دقیق‌تر انتقال بار به روش مالش

در مورد بحث مالش دو جسم به یکدیگر و انتقال الکترون در بین آن‌ها، نکات زیر حائز اهمیت است:

- ۱ در تجربه‌هایی مانند مالش اجسام به یکدیگر، الکترون‌ها تولید نمی‌شوند و یا از بین نمی‌روند، بلکه صرفاً از جسمی به جسم دیگر منتقل می‌شوند.
- ۲ به دست آوردن یا از دست دادن الکترون دو جسم در تماس با یکدیگر را می‌توان براساس جدولی موسوم به **سری الکتریسیتۀ مالشی** (سری Tribos) در یونانی به معنای مالش است) مشخص کرد. در این جدول مواد پایین‌تر، الکترون‌خواهی بیشتری دارند؛ یعنی اگر دو ماده در این جدول در تماس با یکدیگر قرار گیرند، الکترون‌ها از ماده بالاتر جدول به ماده‌ای که پایین‌تر قرار دارد، منتقل می‌شود. مثلاً اگر تفلون با نایلون مالش یابد، الکترون‌ها از نایلون به تفلون منتقل می‌شوند. کاربرد بیشتر این جدول را روی آن نشان داده‌ایم:

سری الکتریسیتۀ مالشی

انتهای مثبت سری
موی انسان
شیشه
نایلون
پشم
موی گربه
سُرب
ابریشم
آلومینیم
پوست انسان
کاغذ
چوب
پارچه کتان
کهربا
برنج، نقره
پلاستیک، پلی‌اتیلن
لاستیک
تفلون
انتهای منفی سری

اگر میله شیشه‌ای به پارچه ابریشمی مالیده شود، میله شیشه‌ای بار مثبت پیدا کرده و پارچه ابریشمی بار منفی پیدا می‌کند.

اگر میله پلاستیکی به پارچه پشمی مالیده شود، میله پلاستیکی بار منفی پیدا می‌کند.

کتاب درسی تو پاورقیش به ما قول داده از سری تربیوالکتریک سوالی که فرم هفظی داشته باشد، نره. توصیه ما اینه که دو موردی که روی شکل نشون داریم رو هتماً هفظ باشید ...

- ۳ در فرایند مالش به دو اصل بسیار مهم می‌رسیم، نخستین آن‌ها **اصل پایستگی بار** است که بیان می‌دارد: مجموع جبری همه بارهای الکتریکی در یک دستگاه منزوی (یعنی با بیرون از فرود مبارله بار الکتریکی نداره و تنها هستش) ثابت است، یعنی بار می‌تواند از جسمی به جسم دیگر منتقل شود، ولی هرگز امکان تولید یا نابودی یک بار خالص وجود ندارد. هیچ شاهد تجربی در نقض این اصل وجود ندارد و دومین اصل، کوانتیده بودن بار است.

۴ در یک اتم خنثی، تعداد الکترون‌ها برابر با تعداد پروتون‌های هسته است و بنابراین جمع جبری همه بارها (بار خالص) دقیقاً برابر با صفر است.

$Z^A X$ عدد اتمی یا همان تعداد پروتون‌های هسته است. \rightarrow

- ۵ اگر در اثر یونیزاسیون، الکtron از اتم جدا کنیم، تعداد پروتون‌های هسته ثابت مانده ولی تعداد الکترون‌های آن کم می‌شود و دیگر بار خالص اتم صفر نیست.

تو اراده‌کار با هل پند تا تمرين توب و قشنگ، روی این بحث مسلط‌تر می‌شیم ...

تمرين ۱: از یک قطعه خنثی، چند الکترون گرفته شود تا بار الکتریکی آن به یک میلی‌کولن برسد؟ ($C = 1/6 \times 10^{-19}$)

(۱) $6/25 \times 10^{13}$ (۲) $6/25 \times 10^{15}$ (۳) $6/25 \times 10^{16}$ (۴) $6/25 \times 10^{18}$

پاسخ: با توجه به رابطه $q = \pm ne$ ، برای محاسبه تعداد الکترون‌های گرفته شده از جسم برای رسیدن به بار $1mC$ می‌توان نوشت:

$$q = +1mC = 10^{-3} C, e = 1/6 \times 10^{-19} C, n = ?$$

$$q = +ne \Rightarrow 10^{-3} = n \times 1/6 \times 10^{-19} \Rightarrow n = \frac{10^{-3}}{1/6 \times 10^{-19}} = 6/25 \times 10^{+16} = 0.24 \times 10^{+16}$$

(گزینه ۲)

سری الکتریسیته مالشی

انتهای مثبت سری	
A	
B	
انتهای منفی سری	

تمرین ۳: جسم A در اثر مالش با جسم B دارای بار الکتریکی شده است. بار الکتریکی جسم B

برحسب کولن کدام یک از گزینه‌های زیر می‌تواند باشد؟ (اندازه بار الکتریکی یک الکترون برابر $10^{-19} C$ کولن است).

$$(1) -2 \times 10^{-19}$$

$$(2) 2 \times 10^{-19}$$

$$(3) -8 \times 10^{-10}$$

$$8 \times 10^{-10}$$

$$2 \times 10^{-19}$$

پاسخ: در جدول سری الکتریسیته مالشی داده شده، جسم A به سر مثبت سری نزدیک‌تر است، بنابراین در اثر مالش دو جسم A و B با یکدیگر، بار الکتریکی جسم A مثبت و بار الکتریکی جسم B منفی می‌شود، پس دو گزینه (۲) و (۴) نادرست است. از طرفی با توجه به رابطه $q = \pm ne$ ، بار الکتریکی بک جسم، مضرب صحیحی از بار پایه می‌باشد:

$$q = ne \Rightarrow n = \frac{q}{e}$$

حال به بررسی گزینه‌های (۱) و (۳) می‌پردازیم:

$$1) n = \frac{q}{e} = \frac{2 \times 10^{-19}}{1/6 \times 10^{-19}} = 1/25 \quad \times \text{ عدد صحیح نمی‌باشد.} \rightarrow$$

$$3) n = \frac{q}{e} = \frac{8 \times 10^{-10}}{1/6 \times 10^{-19}} = 5 \times 10^9 \quad \checkmark \text{ عدد صحیح است.} \rightarrow$$

بنابراین فقط در گزینه (۳)، یک عدد صحیح به دست آمده و جواب سؤال می‌باشد.

تمرین ۴: عدد اتمی اورانیم Z = ۹۲ است. بار الکتریکی هسته اتم اورانیم چه قدر است؟ اتم اورانیم چه مقدار بار الکتریکی منفی در اثر حضور الکترون‌ها دارد؟ بار الکتریکی اتم اورانیم در حالت خنثی چه قدر است؟ (کتاب درسی)

پاسخ: در مورد این تمرین خوب، می‌توان به موارد زیر اشاره کرد:

۱- Z = ۹۲ در هسته اورانیم، یعنی تعداد ۹۲ پروتون در هسته موجود است و بار الکتریکی هسته اتم اورانیم Z = ۹۲ برابر است با:

$$q = +ne = +92 \times 10^{-19} = +1472 \times 10^{-19} C$$

۲- در حالت خنثی، تعداد الکترون‌های هسته و پروتون‌های هسته با هم برابر است و می‌توان گفت بار منفی ناشی از الکترون‌ها نیز برابر $-1472 \times 10^{-19} C$ می‌باشد.

۳- در مجموع اتم اورانیم خنثی بوده و بار کلی آن صفر است.

آشنایی اولیه با قانون کولن 2-A

مشاهدات فیزیکی نشان می‌دهد که دو ذره باردار بر یکدیگر نیرو وارد می‌کنند، به گونه‌ای که اگر بار الکتریکی دو ذره همانم (هر دو مثبت و یا هر دو منفی) باشد، آن‌ها یکدیگر را دفع کرده و اگر بار دو ذره ناهمانم (یکی مثبت و دیگری منفی) باشد، آن‌ها یکدیگر را جذب می‌کنند.

حال سؤال اینه که نیروی الکتریکی بین دو جسم باردار به په عواملی مستکی داره و انرازه این نیروها رو از په رابطه‌ای میشه هساب کرد؟ شارل آگوستین کولن، با قانون کولن هواب اينو داره ... دستش در دلنه، بريم بینيم هي ميله!!

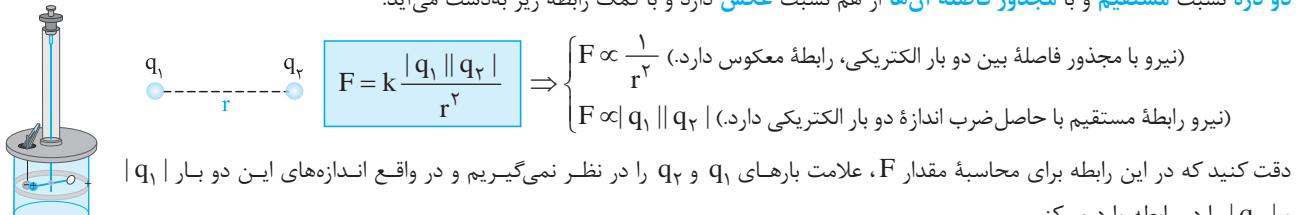
قانون کولن

با توجه به این قانون، اندازه نیروی الکتریکی (ربایشی یا رانشی) بین دو بار نقطه‌ای q_1 و q_2 که در فاصله r از یکدیگر قرار دارند، با **حاصل ضرب اندازه بار دو ذره نسبت مستقیم و با مجذور فاصله آن‌ها** از هم نسبت عکس دارد و با کمک رابطه زیر به دست می‌آید:

$$\text{نیرو با مجذور فاصله بین دو بار الکتریکی، رابطه معکوس دارد.} \\ F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \Rightarrow \begin{cases} F \propto \frac{1}{r^2} \\ F \propto |q_1||q_2| \end{cases}$$

(نیرو رابطه مستقیم با حاصل ضرب اندازه دو بار الکتریکی دارد.)

دقت کنید که در این رابطه برای محاسبه مقدار F، علامت بارهای q_1 و q_2 را در نظر نمی‌گیریم و در واقع اندازه‌های این دو بار $|q_1|$ و $|q_2|$ را در رابطه وارد می‌کنیم.



نکات ۳۰۰ و کاربردها:

۱ در این رابطه، k ثابت الکتروستاتیکی یا ثابت کولن نام دارد و یکای آن در سیستم SI عبارت است از:

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \xrightarrow{\text{تنها کردن در یک طرف رابطه}} k = \frac{Fr^2}{|q_1||q_2|} = \frac{N \cdot m^2}{C^2}, k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}$$

۲ ارتباط بین ثابت کولن (k) و ثابت مهم دیگری به نام ضربی گذردهی الکتریکی خلا (ε) به صورت مقابل است:

$$k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$$

بنابراین یکای ε معکوس یکای k بوده و معادل با $\frac{C^2}{N \cdot m^2}$ است. بنابراین:

$$\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \frac{C^2}{N \cdot m^2}$$

۳ اگر اندازه بارهای q_1 و q_2 و یا فاصله r در مسائل تغییر کند، در مقایسه اندازه نیروی کولنی در دو حالت (بعد از تغییر و قبل از تغییر) می‌توان نوشت:

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{|q'_1||q'_2|}{|q_1||q_2|} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2$$

۴ همان‌طور که در سال‌های قبل مشاهده کردید، مطابق قانون سوم نیوتون، هر عملی را عکس‌العملی است مساوی و در خلاف جهت آن، بنابراین نیرویی که بار q_1 بر بار q_2 وارد می‌کند، با نیرویی که بار q_2 بر بار q_1 وارد می‌کند، همان‌دانه، هم‌دانه است و در خلاف جهت یکدیگر است.

از همین‌لان یاد بگیرید $\vec{F}_{1,2} \rightarrow$ یعنی نیرویی که ذره (۱) به (۲) وارد می‌کند و بر عکسش، هواستون باشه این نیروها از نوع بردار هستن و تو بردار هم‌دانه مومه و هم بھت.

$\vec{F}_{2,1} \rightarrow$ همان‌دانه هستن ولی یه تگاه ساده بندازید می‌فهمید لفاف بھت همن ... درستش اینه که بگیم: $\vec{F}_{2,1} = -\vec{F}_{1,2}$, $|\vec{F}_{1,2}| = |\vec{F}_{2,1}|$ یا $F_{1,2} = F_{2,1}$

اگه نمی‌دونید، بروندید که اومن در قدر مطلق و یا برداشتن علامت بردار از بالای F ، دو تقرار دارید که تو فیزیک اندازه بردار رو بھتون نشون میده ...

۵ با توجه به قانون دوم نیوتون ($F = ma$) در علوم، اگر دو بار الکتریکی دو گلوله کوچک در نظر گرفته شوند و فقط تحت اثر نیروی کولنی که به یکدیگر وارد می‌کنند، شتاب بگیرند، در مقایسه شتاب آن‌ها می‌توان گفت:

$$F_{1,1} = F_{1,2} \Rightarrow m_1 a_1 = m_2 a_2 \Rightarrow \frac{a_1}{a_2} = \frac{m_2}{m_1} \quad (\text{یعنی شتاب با هر گلوله‌ها رابطه عکس داره!})$$

۶ نمودار نیروی بین دو ذره بر حسب فاصله بین آن‌ها به صورت مقابل است:

در ادامه با حل چند تمرین، بر روی نکات ارائه شده در این قسمت مسلط‌تر می‌شویم:

تمرین ۱: در هسته اتم هلیم، دو پروتون به فاصله تقریبی $r = 2 \times 10^{-15} \text{ m}$ از هم قرار دارند. بزرگی نیرویی که پروتون‌ها بر هم وارد می‌کنند،

$$(k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2}, e = 1.6 \times 10^{-19} C)$$

پاسخ: با استفاده از قانون کولن، برای محاسبه نیروی الکتریکی بین دو پروتون می‌توان نوشت:

$$F = k \frac{|q_p||q_p|}{r^2} = (9 \times 10^9) \frac{(1.6 \times 10^{-19})(1.6 \times 10^{-19})}{(2 \times 10^{-15})^2} = 57.6 N$$

نیرویی که هساب کردیم از هنس دفعه هست و پروتونی تو هسته فیلی از هم برشون می‌دار ... هالا تو سال بعد ایشالا یادتون میدیم کی می‌دار نمی‌زاره

این پروتونا از هم براشون ☺

تمرین ۵: در شکل مقابل، مقدار نیروی الکتریکی وارد بر بار q_1 و شکل برداری آن در SI را به دست آورید.

$$(q_1 = q_2 = 2 \mu C, k = 9 \times 10^9 \frac{N \cdot m^2}{C^2})$$

پاسخ: ابتدا با توجه به شکل، فاصله بین دو بار الکتریکی و سپس بزرگی نیروی الکتریکی که بار q_1 بر q_2 وارد می‌کند

را به دست می‌آوریم، توجه شود که چون دو بار هم علامت با یکدیگر هستند، یکدیگر را دفع می‌کنند (یکاها به

باید تبدیل شود):

$$r = \sqrt{3^2 + 3^2} = 3\sqrt{2} \text{ cm} = 3\sqrt{2} \times 10^{-2} \text{ m}$$

$$F = \frac{k |q_1||q_2|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{-6}}{(3\sqrt{2} \times 10^{-2})^2} = 20 N$$

در ادامه باید بتوانیم با یک عملیات ساده (که در این فصل به شدت به اون نیازمندیم)، مؤلفه‌های \vec{F} را در راستای محورهای مختصات با کمک مثلث آبی و البته مقادیر $\sin \alpha$ و $\cos \alpha$ از روی مثلث خاکستری به دست آوریم:

شروع به اون نیازمندیم، مؤلفه‌های
و البته مقادیر $\cos \alpha$ و $\sin \alpha$ از روی
 $\Rightarrow \begin{cases} \sin \alpha = \frac{\text{مقابل}}{\text{وتر}} = \frac{3}{3\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \cos \alpha = \frac{\text{مجاور}}{\text{وتر}} = \frac{3}{3\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \end{cases}$

(مثلث خاکستری)

$$\begin{aligned} \text{تحليل مثلث آبی} : & \left\{ \begin{array}{l} \sin \alpha = \frac{|\vec{F}_y|}{|\vec{F}|} \Rightarrow |\vec{F}_y| = |\vec{F}| \sin \alpha \Rightarrow |F_y| = 20 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 10\sqrt{3} \text{ N} \\ \cos \alpha = \frac{|\vec{F}_x|}{|\vec{F}|} \Rightarrow |\vec{F}_x| = |\vec{F}| \cos \alpha \Rightarrow |F_x| = 20 \times \frac{1}{2} = 10 \text{ N} \end{array} \right. \end{aligned}$$

از سوی دیگر باید توجه شود که چون هر دو مؤلفه F_x و F_y در خلاف جهت محورهای x و y هستند، ضرایب \vec{i} و \vec{j} هر دو منفی بوده و در نهایت داریم:

$$\vec{F} = -10\sqrt{2}\vec{i} - 10\sqrt{2}\vec{j}$$

$$\text{ضلع مجاور} \times \cos\alpha \Rightarrow F \cos\alpha$$

اگه میفواي تو اين پور سؤالا سه سوت هواب بدی، هميشن با خودت تکلار کن ضلع مقابل α میشه و تر در $\sin \alpha$ ، ضلع مجاور شم میشه و تر در $\cos \alpha$...

تمرین ۶: دو بار نقطه‌ای q_1 و q_2 در فاصله d یکدیگر را با نیروی F جذب می‌کنند. بارهای $-q_1$ و $+2q_2$ در فاصله $2d$ بر یکدیگر چه نیرویی وارد می‌کنند؟

دافعه $\frac{1}{2} F(4)$

۲F (۳) دافعه

جاذبه، ۲F(۲)

جاذبه، $\frac{1}{2} F(1)$

پاسخ: با توجه به جذب شدن بارهای q_1 و q_2 ، در ابتدای کار می‌فهمیم که این دو بار ناهمنام هستند، با توجه به این موضوع بارهای q_1 - و q_2 + لزوماً همانم هستند و یکدیگر را دفع می‌کنند (چرا؟). از طرفی با توجه به رابطه زیر داریم:

$$F = \frac{k |q_1| |q_2|}{r^2} \xrightarrow{\text{مقاييس دو حالت}} \frac{F'}{F} = \frac{|q'_1| |q'_2|}{|q_2| |q_1|} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2 \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{|2q_2| \times |q_1|}{|q_2| |q_1|} \times \left(\frac{d}{2d}\right)^2 = \frac{1}{4} \Rightarrow F' = \frac{1}{4} F \quad (\text{گرینہ ۴})$$

بررسی یک موضوع پرکاربرد

در تعداد زیادی از تست‌های کنکور و سوالات امتحانات نهایی در این قسمت، تغییرات بار الکتریکی یا فاصله را بر حسب درصد در صورت سؤال مطرح می‌کنند. برای حل این‌گونه سوالات، کافیست عبارت درصدی را به صورت کسری بازنویسی کنید. به طور مثال اگر بار الکتریکی یک ذره ۲۵ درصد افزایش اتفاق شد، آن‌ها باید این نسبت را با $\frac{25}{100}$ نویسند.

$$q' = q + \frac{\gamma \Delta}{1 - \gamma} q = q + \frac{1}{\gamma} q = \frac{1 + \gamma}{\gamma} q$$

با به عنوان مثا، دیگ اگ فاصله بی: دو یا، الکت یک، ۲۰، صد کاهش، یا لد، م- توان نوشته:

$$d' = d - \frac{r}{100}d = d - \frac{1}{8}d = \frac{7}{8}d$$

با حل تمرین بعد، موضوع مطرح شده را بهتر درک می‌کنید.

تمرین ۷: دو بار الکتریکی هم‌نام $q_1 = 8\ \mu C$ و $q_2 = 2\ \mu C$ در فاصله r ، نیروی F را بر هم وارد می‌کنند. اگر 25 درصد از بار q_1 را برداشته و به q_2 اضافه کنیم، بدون تغییر فاصله بارها از یکدیگر، نیروی متقابل بین آن‌ها 50 درصد افزایش می‌یابد. مقدار اولیه q_2 چند میکروکولون است؟

(۸۹) (باید) (سیاست) (سیاست) (۸۹)

پاسخ: کافیست دو شکل خوب، متناسب با شرایط مسئله رسم کنید. با توجه به این‌که هر دو بار مثبت هستند، با بررسی تغییرات بار (اضافه کردن ۲۵ درصد یا $\frac{1}{4}$ بار q_1 به q_2) در دو حالت داریم:

$$q_1 = \lambda \mu C$$

حالت ثانویه: 

$$\Rightarrow \begin{cases} q'_1 = q_1 - \frac{\lambda}{100} q_1 = q_1 - \frac{1}{4} q_1 = \frac{3}{4} q_1 = \frac{3}{4} \times \lambda = 6 \mu C \\ q'_2 = q_2 + \frac{\lambda}{4} q_1 = q_2 + 2 \end{cases}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} (1) : F = \frac{k |q_1| |q_2|}{r^2} = \frac{k (\lambda q_2)}{r^2} \\ (2) : F' = \frac{k |q'_1| |q'_2|}{r'^2} = \frac{k \times 6 \times (q_2 + 2)}{r^2} = \frac{k (6q_2 + 12)}{r^2} \end{array} \right.$$

حال با توجه به این که نیرو در حالت ثانویه 50% درصد افزایش پیدا کرده است، می‌توان نوشت:

$$F' = F + \frac{\Delta}{100} F = \frac{150}{100} F = \frac{3}{2} F \Rightarrow \frac{k (6q_2 + 12)}{r^2} = \frac{3}{2} \frac{k (\lambda q_2)}{r^2} \Rightarrow 6q_2 + 12 = \frac{3}{2} \times \lambda q_2 \Rightarrow 6q_2 + 12 = 6q_2 \Rightarrow q_2 = 2 \mu C \quad (\text{گزینه ۲})$$

تماس کره های مشابه باردار به یکدیگر و تحلیل نیروی بین آنها

یه مدل فیزی معروف از سؤالی قانون کولن، مربوط به وقتی میشه که هنر تا کره رو به هم میزنن و نیروی بینشون رو بررسی میکنن. فیلی سؤالی باهایله.
بریم بینیم په مبوری هاشون کنیم ...

برای شروع بحث، دو کره رسانای کوچک و مشابه با قطر یکسان که دارای بارهای q_1 و q_2 می‌باشد را در نظر بگیرید.
می‌توان نشان داد که اگر این دو کره را به یکدیگر متصل کرده و سپس از هم جدا کنیم، پس از جدا کردن، بار هر دو کره
با یکدیگر یکسان و برابر $\frac{q_1 + q_2}{2}$ می‌شود (البته با این فرض که تبادل بار الکتریکی فقط بین دو کره انجام می‌شود).
$$q'_1 = q'_2 = \frac{q_1 + q_2}{2}$$

(تذکرہ): به عنوان یک موضوع جالب توجه کنید که اگر بار کره ها قبل از تماس به یکدیگر q و $-q$ باشند، بعد از تماس آنها به هم، بار هر یک برابر صفر خواهد شد.

$$q'_1 = q'_2 = \frac{q_1 + q_2}{2} = \frac{q + (-q)}{2} = 0$$

در ادامه با حل یک مثال خوب، این موضوع را بهتر یاد می‌گیریم.

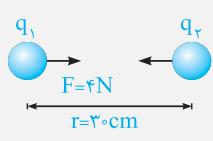
تمرین ۱: دو گلوله فلزی کوچک و مشابه که دارای بار الکتریکی می‌باشند، در فاصله 30 cm سانتی‌متری، نیروی جاذبه 4 N نیوتن بر یکدیگر وارد می‌کنند. اگر این دو گلوله را به هم تماس دهیم، بار الکتریکی هر کدام $3\mu C$ خواهد شد. بار اولیه گلوله ها بر حسب میکروکولن کدام است؟ ($k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2/\text{C}^2$)

$$(1) 12 \text{ و } 6$$

$$(2) 4 \text{ و } 8$$

$$(3) 9 \text{ و } 3$$

پاسخ: در شروع حل باید دقت شود که دو کره در ابتدا یکدیگر را جذب می‌کنند و این یعنی بارهای آنها ناهم‌نام بوده‌اند. در ادامه با توجه به اطلاعات سؤال، حاصل ضرب $|q_1 q_2|$ برابر است با:



$$F = \frac{k |q_1| |q_2|}{r^2} \Rightarrow 4 = \frac{9 \times 10^9 |q_1| |q_2|}{(30 \times 10^{-2})^2} \Rightarrow |q_1 q_2| = 4 \times 10^{-11} \text{ C}^2 = \boxed{4 \times 10^{-12}} \text{ (}\mu\text{C)}^2 \quad (1)$$

در 10^{12} ضرب کردۀایم.

(تذکرہ): برای تبدیل C^2 به $(\mu\text{C})^2$ ، کافیه که 10^{-12} تا قابل ضرب کنی (10^{-6}) ...

از طرفی پس از تماس دو کره، به دلیل مشابه بودن کره ها، بار هر یک از آنها برابر $3\mu C$ می‌شود که برابر $+3\mu C$ است.

$$(2) \quad \frac{q_1 + q_2}{2} = +3\mu C \Rightarrow q_1 + q_2 = +6\mu C$$

در بین گزینه ها، تنها گزینه (2) در هر دو معادله های (1) و (2) صدق می‌کند.

دقیق: نیازی نبود معادله (2) را به دست آوریم، از روی معادله (1) به تنها یک نیز می‌توان گزینه صحیح را انتخاب کرد.

بررسی نوع نیروی جاذبه یا دافعه بین دو کره قبل و بعد از تماس به یکدیگر

در ادامۀ بحث انجام شده، فرض کنید که دو کره کوچک مشابه با بارهای q_1 و q_2 را که در فاصلۀ r از یکدیگر قرار دارند، به یکدیگر متصل کرده و پس از تبادل بار الکتریکی، مجدداً در همان فاصلۀ r قرار داده ایم. حال می خواهیم به بررسی نیروی بین این دو کره پس از تماس بپردازیم که در مورد آن می توان به حالت های زیر اشاره کرد:

حالت اول: اگر بار دو کره هم نام و غیر هماندازه باشد، نیروی بین کره ها قبل و بعد از تماس دافعه بوده و اندازه نیروی بین دو کره بعد از تماس به یکدیگر بیشتر می شود. این موضوع را با یک مثال عددی ساده نشان داده ایم:

$$\text{قبل از تماس کره ها} \quad \Rightarrow \quad \text{بعد از تماس کره ها به یکدیگر}$$

$$q'_1 = q'_2 = \frac{2+6}{2} = 4\mu C$$

$$F \propto |q_1||q_2| \Rightarrow \frac{F_2}{F_1} = \frac{4 \times 4}{2 \times 6} = \frac{16}{12} > 1 \Rightarrow F_2 > F_1$$

حالت دوم: اگر بار دو کره ناهم نام و غیر هماندازه باشد، نیروی بین دو کره قبل از تماس جاذبه و بعد از تماس دافعه است. به عنوان مثال، به شکل مقابل توجه کنید:

$$\text{قبل از تماس کره ها} \quad \Rightarrow \quad \text{بعد از تماس کره ها به یکدیگر}$$

$$q'_1 = q'_2 = \frac{2+(-6)}{2} = -2\mu C$$

$$F \propto |q_1||q_2| \Rightarrow \frac{F_2}{F_1} = \frac{2 \times 2}{2 \times 6} = \frac{4}{12} < 1 \Rightarrow F_2 < F_1$$

دقت کنید اگر بار اولیۀ کره ها $-1\mu C$ و $+11\mu C$ بود، اندازه نیروی بین کره ها پس از تماس، افزایش می یافتد (چرا؟). بنابراین در این حالت نمی توان اندازه نیروی بین کره ها را در حالت کلی قبل و پس از تماس، مقایسه کرد.

حالت سوم: اگر بار دو کره ناهم نام و هماندازه باشد، بار هر یک از کره ها و نیروی بین دو کره بعد از تماس دادن آن ها به یکدیگر صفر می شود، بنابراین اندازه نیروی بین دو کره کاهش می یابد.

حالت چهارم: اگر بار دو کره مشابه، کاملاً یکسان باشد (هم اندازه و هم علامت)، بار دو کره، قبل و بعد از تماس به یکدیگر بکسان بوده و در نتیجه نیروی بین دو کره تغییر نمی کند (خودتان این موضوع را بررسی کنید).

نکته: اگر به جای دو کره مشابه، چند کره رسانای کاملاً مشابه را به یکدیگر متصل کنیم، بار تمامی آن ها بعد از تماس به یکدیگر با هم یکسان شده و برابر می شود با:

$$q'_1 = q'_2 = q'_3 = \frac{q_1 + q_2 + q_3}{3}$$

مرواری بر خواص بردارها (پیش نیاز بسیار مهم در مسائل این فصل)

این فصل فیلی نیاز به برایندگیری بردارها تو هالست های هم راستا و عمود بر هم داره ... تو ادامه یه مروار سریع روی این موضوع داشته باشیم ...

همان طور که در ابتدای کار نشان دادیم، هر بردار دارای دو مؤلفه افقی و قائم می باشد و می توان آن را به صورت بردارهای یکه به صورت زیر نشان داد:

$$\vec{R} = R_x \hat{i} + R_y \hat{j}$$

$$\left. \begin{array}{l} R_x = R \cos \theta \\ R_y = R \sin \theta \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{مؤلفه افقی} \\ \text{مؤلفه عمودی} \end{array}$$

تو ڏهنٽ بگو، وتر در کسینوس میشه مجاور، وتر در سینوس میشه مقابل ... هی تکرار کن، باشه!!

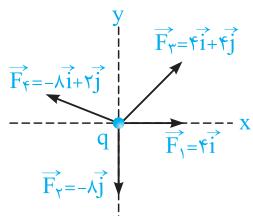
نکته: بر عکس موضوع انجام شده، با داشتن مؤلفه های افقی و عمودی یک بردار نیز به سادگی می توان اندازه آن بردار و زاویه آن را با افق یافت. به طور مثال در شکل فوق داریم:

$$\begin{cases} \vec{R} = \sqrt{R_x^2 + R_y^2} : \text{اندازه بردار} \\ \tan \theta = \frac{R_y}{R_x} : \text{محاسبه زاویه} \\ \text{مقابل} \end{cases}$$

جمع بردارها با کمک بردارهای یکه

$\vec{A} + \vec{B} = (a_1 + b_1) \hat{i} + (a_2 + b_2) \hat{j}$ جمع دو بردار \vec{A} و \vec{B} به صورت مقابل است:

$\tan \theta = \frac{\vec{j}}{\vec{i}}$ در این حالت، پس از رسم بردار $\vec{B} + \vec{A}$ ، به سادگی می توان زاویه آن با افق را نیز پیدا کرد:



برای درک بهتر، فرض کنید بر ذره الکتریکی مقابل نیروهای نشان داده شده وارد شده است. برایند نیروهای وارد بر این ذره باردار برابر است با:

$$\vec{F}_T = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3 + \vec{F}_4 = (4\vec{i} + 0\vec{j}) + (0\vec{i} - 8\vec{j}) + (4\vec{i} + 4\vec{j}) + (-4\vec{i} + 2\vec{j})$$

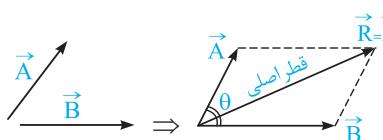
$$\vec{F}_T = [(4 + 0 + 4 + (-4))\vec{i}] + [(0 + (-8) + 4 + 2)\vec{j}] = 0\vec{i} - 2\vec{j}$$

مجموع ضرایب
در راستای افق

این موضوع یعنی بردار برایند اولاً مؤلفه افقی نداره و ثانیاً مؤلفه قائمش در فلافل بیهوده y میشه، پون منفیه ...

برایند دو باردار به روش متوازی‌الاضلاع

دو باردار \vec{A} و \vec{B} را مطابق شکل مقابل درنظر بگیرید:



برای بدست آوردن برایند **دو باردار** (بیشتر از دو تا نه) می‌توان به گونه‌ای دیگر نیز عمل کرد. در این روش که به **روش متوازی‌الاضلاع** معروف است، دو باردار را به گونه‌ای رسم می‌کنیم که ابتدای آن‌ها از یک نقطه باشد، سپس متوازی‌الاضلاعی رسم می‌کنیم که دو ضلع آن باردارهای \vec{A} و \vec{B} باشد. در این حالت، قطبی از متوازی‌الاضلاع که از نقطه شروع دو باردار آغاز می‌شود، معادل برایند دو باردار می‌باشد (منظور قطب اصلی است).

(وقتی: در کتاب درسی برایندگیری برای نیروهای در یک راستا و یا نیروهای عمود بر هم مدنظر می‌باشد. دو حالت زیر برای تکمیل اطلاعات دانش‌آموزان علاقه‌مند آورده شده است و مدنظر کتاب درسی نمی‌باشد.

۱ اگر زاویه بین دو باردار برابر θ باشد، اندازه برایند آن‌ها برابر است با:

$$|\vec{R}| = \sqrt{A^2 + B^2 + 2AB \cos \theta}$$

۲ اگر اندازه دو باردار با هم برابر باشد، اندازه باردار برایند از رابطه ساده رویه رو به دست می‌آید:

$$|\vec{R}| = 2A \cos\left(\frac{\theta}{2}\right)$$

نکات بسیار کاربردی در برایندگیری دو باردار

به طور کلی زمانی که دو باردار هم جهت باشند ($\theta = 0^\circ$)، اندازه برایند آن‌ها حداقل است و از جمع اندازه‌های دو باردار به دست می‌آید و زمانی که مختلف‌الجهت باشند ($\theta = 180^\circ$) اندازه برایند آن‌ها حداقل است و از تفاضل اندازه‌های دو باردار به دست می‌آید.

مثال‌هایی برای درک بهتر:

: بهترین روش برای انتقال جسم

$$F = 2 \cdot 4N \equiv |\vec{R}| = 24N$$

(زاویه بین دو نیرو: $\theta = 0^\circ$)

: بدترین روش برای انتقال جسم

$$F = 2 \cdot 4N \equiv |\vec{R}| = 16N$$

(زاویه بین دو نیرو: $\theta = 180^\circ$)

: حالت بینابین

$$F = 2 \cdot 4N \equiv |\vec{R}| = 16N < R < 24N$$

(زاویه بین دو باردار: $\theta = 90^\circ$)

$$F = 4N, \theta = 45^\circ \Rightarrow R = F\sqrt{2}$$

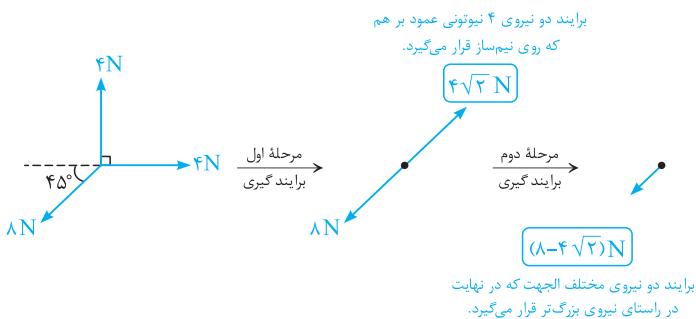
(دو باردار عمود برهم و هم‌اندازه)

$$F = 4N, \theta = 90^\circ \Rightarrow R = \sqrt{20^2 + 4^2}$$

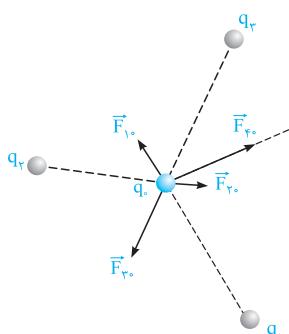
(دو باردار عمود برهم)

۵ تا هالت خاص مطرح شده، توکل این کتاب فیلی کاربرد داره ... فیلی فوب اینا رو درک کنید تا بتونید ازش تو تست استفاده کنید.

به عنوان مثال در شکل زیر با کمک ایده‌های مطرح شده، برایند نیروها را یافته‌ایم:



بررسی قانون کولن برای بیش از دو ذره باردار 5-A



تا اینجا کار قانون کولن را برای دو ذره باردار یاد گرفتیم، حالا سوال اینه که آله ذره‌ها پهنتا باشه پی؟ ... برای بواب دادن به این موضوع باید هسابی برایندگیری پدر باشید ...

در حالت کلی اگر تعدادی ذره باردار در یک ناحیه از فضا قرار داشته باشند، نیروی الکتریکی وارد بر هر ذره، برایند نیروهایی است که هریک از ذره‌های دیگر در غیاب سایر ذره‌ها، بر آن ذره وارد می‌کند (این موضوع، اصل برهمنهی نیروهای الکتروستاتیکی نام دارد).
به عبارت دیگر، وقتی چند ذره باردار را در یک راستا و یا در یک صفحه قرار داده و از ما می‌خواهند برایند نیروهای وارد بر یکی از ذرات را محاسبه کنیم، برای رسیدن به این منظور گام‌های زیر را طی می‌کنیم:

گام اول: نیروهای وارد بر آن ذره از طرف ذره‌های باردار دیگر را رسم کرده و اندازه هر یک از این نیروها را با کمک رابطه $F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2}$ محاسبه می‌کنیم. یادآوری می‌شود که بارهای همنام، یکدیگر را دفع کرده و بارهای ناهمنام، یکدیگر را جذب می‌کنند.

گام دوم: برایند بردارهای رسم شده را با کمک خواص بردارها محاسبه می‌کنیم.

در ادامه با حل چندین سؤال متعدد، بر روی این سبک از سؤالات که همواره پای ثابت سؤالات کنکور و امتحانی می‌باشد، مسلط خواهیم شد.

$$q_1 = +4\mu\text{C}, \quad q = 2\mu\text{C}, \quad q_2 = +4\mu\text{C}$$

6 cm 4 cm 3 cm

$$\text{نیوتون و به سمت است. } (SI) \quad \frac{1}{4\pi\epsilon_0} = 9 \times 10^9 \text{ N}$$

۴، راست

۶۰، چپ

۱۰۰، راست

۱، چپ

پاسخ: ابتدا جهت نیروهایی را که هر یک از دو ذره باردار q_1 و q_2 بر بار q وارد می‌کنند (برهسب هم‌نام یا ناهم‌نام بودنشان) به دست می‌آوریم:

$$q_1 = +4\mu\text{C}, \quad q = 2\mu\text{C}, \quad q_2 = +4\mu\text{C}$$

6 cm 4 cm 3 cm

$$\Rightarrow \begin{cases} \vec{F}_1 \text{ به سمت راست است.} \Rightarrow \vec{F}_1 \text{ بار } q \text{ را دفع می‌کند.} \\ \vec{F}_2 \text{ به سمت چپ است.} \Rightarrow \vec{F}_2 \text{ بار } q \text{ را دفع می‌کند.} \end{cases}$$

در ادامه مقدار \vec{F}_1 و \vec{F}_2 را با کمک قانون کولن به دست می‌آوریم:

$$\left\{ \begin{array}{l} F_1 = \frac{k |q||q_1|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6} \times 4 \times 10^{-6}}{(6 \times 10^{-2})^2} = 20 \text{ N} \\ F_2 = \frac{k |q||q_2|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6} \times 4 \times 10^{-6}}{(3 \times 10^{-2})^2} = 80 \text{ N} \end{array} \right. \quad (\text{دافعه})$$

در نهایت با برایندگیری از نیروهای در خلاف جهت F_1 و F_2 ، به سادگی نیروی برایند به دست می‌آید (نیروها اثر همدیگر را تضعیف می‌کنند):

$$F_T = F_2 - F_1 = 80 - 20 = 60 \text{ N}$$

با توجه به بزرگ‌تر بودن نیروی F_2 ، جهت نیروی برایند نیز به سمت چپ می‌باشد و گرینه (۳) صحیح است. دقت شود که این موضوع یعنی نیروی وارد بر این ذره برابر 60 N است.



تمرین ۱۰: در سؤال قبل، اگر بار الکتریکی q_2 حذف شود، برایند نیروهای وارد بر بار الکتریکی نقطه‌ای q برابر نیوتون شده و تغییر

جهت

(۴) ۲۰، نمی‌دهد

(۳) ۱۰۰، می‌دهد

(۲) ۲۰، می‌دهد

(۱) ۸۰، نمی‌دهد

پاسخ: در سؤال قبل، با حذف بار الکتریکی q_2 ، تنها نیرویی که بر بار q وارد می‌شود، ناشی از نیروی دافعه بار q_1 بر آن می‌باشد. با توجه به پاسخ سؤال قبل، این نیرو برابر $F = 2N$ و به سمت راست می‌باشد.



بنابراین برایند نیروهای وارد بر بار q برابر N شده و نسبت به حالت قبل تغییر جهت می‌دهد (به سمت راست می‌شود) و گزینه (۲) صحیح است.

بررسی دو نکته مهارتی

فیلی از بچه‌ها هی میپرسن رمز موفقیت تو سریع تر شدن حل سؤالای قانون کولن پیه؟ دو تا شو همین الان میگیم ...

$$q_1 = 2\mu C \quad q_2 = 4\mu C \\ r = 2\text{ cm}$$

۱ در محاسبات رابطه $F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2}$ ، ترجیحاً اعداد به صورت ممیزدار نوشته نشود، زیرا این موضوع کمی ساده‌کردن اعداد را سخت می‌کند.

$$F = 9 \times 10^9 \times \frac{(0/2 \times 10^{-6})(4 \times 10^{-6})}{(0/2)^2}$$

$$F = 9 \times 10^9 \times \frac{(2 \times 10^{-7})(4 \times 10^{-6})}{(2 \times 10^{-1})^2}$$

شكل مناسب

شكل مناسب

۲ در محاسبات کمی باهوش عمل کنیم. به طور مثال اگر در دو حالت زیر، نیرو در حالت (۱) را برابر $9/10^9$ نیوتون به دست می‌آوریم، در حالت دوم تنها یکی از بارها دو برابر شده است و نیرو دو برابر حالت اول است، یعنی $1/8$ نیوتون و نیازی به انجام محاسبات جدید نیست.

$$q_1 = 1\mu C \quad q_2 = 1\mu C \\ r = 1\text{ cm} \quad F = 9 \times 10^9 \frac{(1 \times 10^{-6})(1 \times 10^{-6})}{(1 \times 10^{-1})^2} = 9/10^9 N$$

$$q'_1 = 1\mu C \quad q'_2 = 2\mu C \\ r = 1\text{ cm} \quad F' = 2F = 1/8 N$$

حالا بایم از این دو تا نکته مهارتیمون کلی استفاده کنیم ...

تمرین ۱۱: فرض کنید دو بار q در فاصله d ، بر یکدیگر نیروی N را وارد می‌کنند. در شکل

$$A \quad C \quad B \\ -3q \quad q \quad 2q$$

$$(AC=BC=d)$$

مقابل، بردار نیروی خالص وارد بر بار q کدام است؟

$$-5\hat{i} \quad (2)$$

$$+5\hat{i} \quad (1)$$

$$-4\hat{i} \quad (4)$$

$$+4\hat{i} \quad (3)$$

پاسخ: فرض می‌کنیم اندازه نیرویی که دو بار q در فاصله d بر یکدیگر وارد می‌کنند، برابر F باشد، در این صورت چون دو بار q و $-3q$ ناهمنام هستند، نیروی بین آن‌ها جاذبه بوده و برابر است با:

$$\vec{F}_A = \frac{k(|q_A|)|q|}{d^2} \Rightarrow F_A = 3F \quad \vec{F}_A = 3N \Rightarrow \vec{F}_A = -3\hat{i}$$

$$\vec{F}_B = \frac{k(|q_B|)q}{d^2} \Rightarrow F_B = 2F \quad \vec{F}_B = 2N \Rightarrow \vec{F}_B = -2\hat{i}$$

از سوی دیگر نیروی بین دو بار همنام q و $2q$ دافعه بوده و برابر است با:

$$\vec{F}_T = \vec{F}_A + \vec{F}_B \Rightarrow \vec{F}_T = -5\hat{i} \quad (2)$$

گزینه (۲) میشه

تمرين بعدی يه کم سٹکین تر از کتاب درسیه، ولی تو امتحان و کنکور ای سفت سر و کلش ییدا میشه ...

تمرین ۱۲: مطابق شکل، چهار بار الکتریکی در رأس‌های مربعی به ضلع 6 cm قرار دارند. بردار نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار الکتریکی q_1 در SI کدام است؟ ($\sqrt{2} \approx 1/4$ ، $k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2/\text{C}^2$)

$$q_r = -2\mu C \quad q_i = +4\mu C \\ q_r = +12\mu C \quad q_r = +5\mu C$$

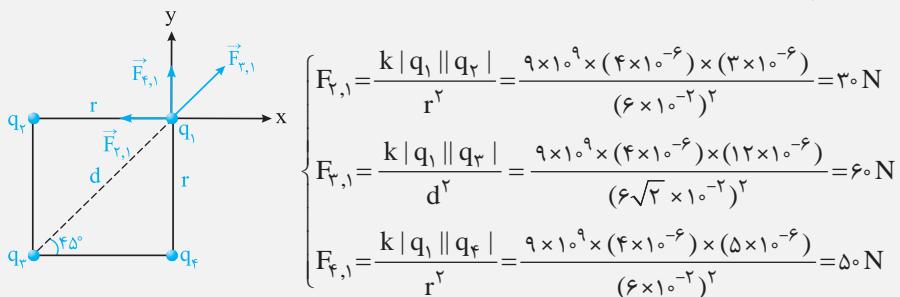
$$12\hat{i} + 9\hat{j} \quad (2)$$

$$-12\hat{i} + 9\hat{j} \quad (1)$$

$$42\hat{i} + 6\hat{j} \quad (4)$$

$$-42\hat{i} + 6\hat{j} \quad (3)$$

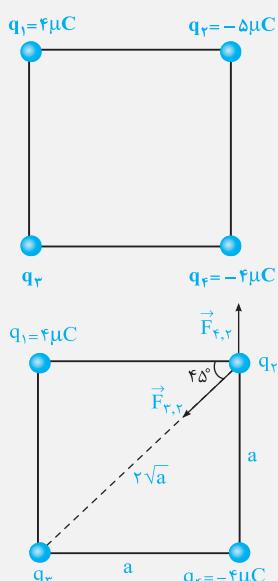
پاسخ: برای شروع حل، مطابق شکل نیروهای وارد بر بار q_1 را رسم کرده و اندازه هر یک را به دست می آوریم:



در ادامه با رسم نیروها بر روی محورهای مختصات و با تجزیه بردار $\vec{F}_{3,1}$ در راستای محورهای x و y داریم (توجه شود که $\theta = 45^\circ$ می باشد):

$$\begin{cases} \vec{F}_{2,1} = -30\vec{i} + 30\vec{j} \\ \vec{F}_{3,1} = \alpha\vec{i} + \beta\vec{j} \\ \vec{F}_{4,1} = 50\vec{i} + 50\vec{j} \end{cases} \quad \begin{cases} \alpha = F_{3,1} \cos 45^\circ = 60 \cos 45^\circ = 42 \text{ N} \\ \beta = F_{3,1} \sin 45^\circ = 60 \sin 45^\circ = 42 \text{ N} \end{cases} \Rightarrow \vec{F}_{3,1} = 42\vec{i} + 42\vec{j}$$

(گزینه ۲) $\vec{F}_T = \vec{F}_{2,1} + \vec{F}_{3,1} + \vec{F}_{4,1} \Rightarrow \vec{F}_T = (-30 + 42 + 50)\vec{i} + (0 + 42 + 50)\vec{j} \Rightarrow \vec{F}_T = 12\vec{i} + 92\vec{j}$



تمرین ۱۳: چهار ذره باردار مطابق شکل در رأسهای یک مربع به ضلع ۲۰ cm قرار دارند. اگر نیروی الکتریکی خالص وارد بر q_2 در SI به صورت $\vec{F} = -9\vec{i}$ باشد، q_3 چند میکروکولون (سراسری یا فضی) است؟ ($k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2/\text{C}^2$)

$$\vec{F} = -9\vec{i} \quad -4(2) \quad -8\sqrt{2}(1)$$

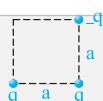
$$8\sqrt{2}(4)$$

$$4(3)$$

پاسخ: برای این که نیروی خالص وارد بر بار q_2 برابر $-9\vec{i}$ باشد، باید برایند نیروهای وارد بر بار q_2 از طرف بارهای دیگر، در راستای قائم برابر صفر باشد. این موضوع یعنی مؤلفه‌ای از نیروی $q_3,2$ که در راستای قائم است، باید نیروی $q_4,2$ را خنثی کند.

$$\sum F_y = 0 \Rightarrow F_{3,2} \sin 45^\circ = F_{4,2} \Rightarrow \frac{kq_3 q_4}{(\sqrt{2}a)^2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{kq_3 q_4}{a^2}$$

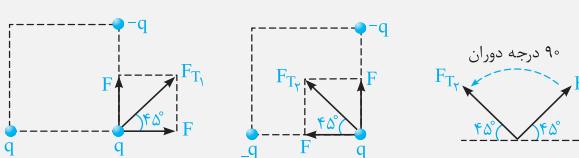
$$\Rightarrow \frac{\sqrt{2}}{2} q_3 = |q_4| = 4\mu C \Rightarrow |q_3| = \frac{16}{\sqrt{2}} = 8\sqrt{2}\mu C \quad \stackrel{q_3 > 0}{=} q_3 = 8\sqrt{2}\mu C \quad (\text{گزینه ۴})$$



تمرین ۱۴: سه ذره باردار، مطابق شکل در گوشه‌های یک مربع قرار دارند. اگر ذره سمت چپ پایینی به جای q ، بار $-q$ داشته باشد، جهت نیروی الکتریکی خالص وارد بر بار سمت راست پایینی نسبت به حالت فعلی:

(برگفته از کتاب درسی)
۱) ۹۰ درجه ساعتگرد می چرخد.
۲) ۹۰ درجه پادساعتگرد می چرخد.

۳) ۴۵ درجه ساعتگرد می چرخد.
۴) ۴۵ درجه پادساعتگرد می چرخد.



پاسخ: با سؤال جالب و مفهومی رویبرو شده‌ایم. برای پاسخ به این سؤال، اگر نیروی بین دو بار q در فاصله a را F فرض کنیم، در دو حالت برایند نیروهای وارد بر ذره مورد نظر (سمت راست و پایین) به صورت مقابل است:

همان‌طور که مشاهده می‌کنید، برایند نیروهای وارد بر ذره مورد نظر ۹۰ درجه پادساعتگرد دوران خواهد کرد و گزینه (۲) صحیح است.

هلا می‌فوایم یه سؤال توب و قشنگ که مربوط به نکات ۹۶ تدبیری میشه، برآتون هل کنیم. خوب به اینه استغاده شده در هاش دقت کنید ...

تمرین ۱۵: در شکل مقابل، سه بار نقطه‌ای در سه رأس مثلث قائم‌الزاویه‌ای ثابت شده‌اند. اگر F_3 برایند نیروهای الکتریکی وارد بر بار q_3 موازی خط واصل q_1 و q_2 باشد، F_3 چند نیوتون است؟
 (سازمانی تهرانی ۹۶) $(k = ۹ \times ۱۰^۹ \text{ N.m}^2 / \text{C}^2)$

$$12\sqrt{5} \text{ cm}$$

$20\sqrt{\phi}$ (F)

$\wedge \sqrt{\Delta}$ (1)

$$16\sqrt{5} \text{ (3)}$$

پاسخ: برای حل این سؤال، کافیست به دو مورد زیر توجه کنید:

- ۱- به ذرۀ q_3 ، نیروهای عمود بر هم $F_{1,3}$ و $F_{2,3}$ وارد می‌شود که برایند آن‌ها F_3 را تشکیل می‌دهد.

۲- مقدار $\cos \alpha$ هم از روی مثلث آبی و هم از روی مثلث شکل اصلی سؤال قابل محاسبه است و من ممفتحت د. حل. اب: سؤال، تسامع، اب: ده مقدار است.

$$\cos \alpha = \frac{3}{\sqrt{3^2 + 5^2}} = \frac{3}{\sqrt{34}} = \frac{3}{\sqrt{2} \cdot \sqrt{17}} = \frac{3\sqrt{2}}{2\sqrt{17}} = \frac{3\sqrt{2}}{2\sqrt{17}} \quad (1)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \cos \alpha = \frac{\text{ضلوع مجاور}}{\text{وتر}} = \frac{F_{v,v}}{F_v} \\ F_{v,v} = \frac{k |q_v| |q_v|}{r^v} = \frac{9 \times 1^v \times 2 \times 1 \times 1^v}{(3 \times 1^{-v})^2} = 2^v N \end{array} \right. \Rightarrow \cos \alpha = \frac{F_{v,v}}{F_v} = \frac{2^v}{F_v} \quad (2)$$

$$(1) = (2) \xrightarrow{\text{پاسخ نهایی}} \frac{1}{\sqrt{5}} = \frac{2^\circ}{F_2} \Rightarrow F_2 = 2^\circ \sqrt{5} N \quad (گزینه ۴)$$

پون مقدار F_1 را نداشتیم، نمیشد F_2 رو درآورد و بعدش مقدار نیروی برایند F_3 رو پیدا کرد و مجبور شدیم یه لکنی سوار کنیم ...

تمرین ۶: در چهار رأس یک مربع به ضلع ۲۰ سانتی‌متر، مطابق شکل بارهای نقطه‌ای قرار داده‌ایم. اگر یک بار $C = 10\text{ }\mu\text{C}$ را در مرکز مربع قرار دهیم، نیروی وارد بر آن چند نیوتون و در کدام جهت خواهد بود؟ (سراسری (یافی ۸۱۶ فارا) از کشوار)

$$(\text{٢}) \quad 180\sqrt{2} \text{، به سمت بالا}$$

(۴) $270\sqrt{2}$ ، به سمت چپ

(۱) $180\sqrt{2}$ ، به سمت چپ

(٣) $270\sqrt{2}$ ، به سمت بالا

پاسخ: مطابق شکل، نیروهای وارد بر ذره q در مرکز مربع را رسم می‌کیم: اندازه قطر مربع $20\sqrt{2} \text{ cm}$ می‌باشد، در نتیجه فاصله بار q در مرکز مربع با هریک از بارهای موجود بر روی رئوس مربع، نصف اندازه قطر مربع $(\frac{a\sqrt{2}}{2})$ بوده و برابر $10\sqrt{2} \text{ cm}$ می‌باشد.

$$\left\{ \begin{array}{l} F_B = \frac{k |q_B| |q|}{r} = \frac{9 \times 10^9 \times (2.0 \times 1.0^{-6}) \times (1.0 \times 1.0^{-6})}{(1.0 \sqrt{2} \times 1.0)^2} = 9.0 N \\ F_D = \frac{k |q_D| |q|}{r} \xrightarrow{|q_D|=r|q_B|} F_D = r F_B = 27.0 - 9.0 = 18.0 N \quad (\vec{F}_D) \end{array} \right. \Rightarrow R_{B,D} = F_D - F_B = 27.0 - 9.0 = 18.0 N \quad (\vec{F}_B)$$

$$F_A = \frac{k |q_A| |q|}{r^{\gamma}} \xrightarrow{|q_A|=|q_C|=|q_B|} F_A = F_B = F_C = q_0 N$$

$$R_{A,C} = F_A + F_C = 90 + 90 = 180 \text{ N}$$

از طرفی برایند دو نیروی \vec{F}_A و \vec{F}_C نیز برابر است با:



$$R = 2 \times 18^\circ \times \cos \frac{90^\circ}{2} = 18^\circ \sqrt{2} \quad (\text{به سمت چپ})$$

(وقت): همان طور که مشاهده کردید با کمی تیزهوشی، به جای محاسبه چهار نیرو، فقط یک نیرو را حساب کردیم و مانع نیزه را با توجه به آن بددست آوردیم.

۶-A صفر شدن نیروی الکتریکی وارد بر ذرات باردار

$$q_1 \quad q_2$$

دو ذره باردار و مثبت q_1 و q_2 که در جای خود ثابت فرض شده‌اند را در نظر بگیرید:

سوالی که در بسیاری از تست‌های کنکور و سوالات امتحانی مطرح می‌شود آن است که بار q_3 را در چه مکانی قرار دهیم تا نیروی الکتریکی برابر وارد آن، از طرف بارهای q_1 و q_2 صفر شود. اگر هر سه بار q_1 , q_2 و q_3 مثبت باشند، تحلیل این موضوع به صورت گام به گام ارائه شده در زیر انجام می‌شود:

گام اول: در خارج از فاصله بین دو بار، نیروی الکتریکی وارد بر ذره باردار از طرف بارهای مثبت نشان داده شده هم‌جهت است و امکان ندارد برابر باشد.

صفر شود، بنابراین ذره q_3 در خارج از فاصله بین دو بار به تعادل نمی‌رسد.

$$|F_T| = F_{1,3} + F_{2,3} \neq 0$$

گام دوم: برای به تعادل رسیدن ذره q_3 ، این ذره باید در فاصله بین دو بار الکتریکی و نزدیک به بار با مقدار کوچک‌تر قرار گیرد.

به عبارت دیگر نیروهای وارد شده بر بار q_3 از طرف دو بار دیگر باید برابر و در خلاف جهت یکدیگر باشند.

$$F_T = 0 \Rightarrow F_{1,3} = F_{2,3}$$

$$\frac{k|q_1||q_3|}{x^2} = \frac{k|q_2||q_3|}{(d-x)^2} \Rightarrow \frac{|q_1|}{x^2} = \frac{|q_2|}{(d-x)^2}$$

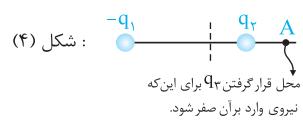
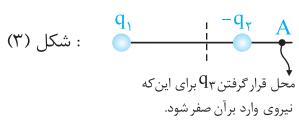
همان‌طور که مشاهده می‌کنید، مقدار و علامت بار q_3 ، تأثیری در به تعادل رسیدن آن ندارد که این موضوع خود، موضوع بسیار جالبی است.

یک نتیجه کاربردی

☞ **رمز موقعیت تو این قسمت اینه که لکته‌ای که یادتون میدیم رو با گوشت و پوستون هم بفونید و هم به ذهن بسپیر ...**

اگر دو بار نقطه‌ای q_1 و q_2 در فاصله d از یکدیگر قرار بگیرند و بخواهیم ذره باردار Q توسط این دو بار به تعادل برسد، اگر دو بار نقطه‌ای همنام باشند، این ذره باید در فاصله بین دو بار الکتریکی قرار گیرد و اگر ناهمنام باشند، باید در خارج از فاصله بین دو بار الکتریکی قرار گیرد و باید توجه شود که این ذره را باید همواره نزدیک به بار با اندازه کوچک‌تر قرار دهیم.

با توجه به نتیجه به دست آمده، به طور مثال در هریک از شکل‌های زیر، اگر دو بار q_1 و q_2 ، همانم $|q_1| > |q_2|$ ، در نظر گرفته شوند، بار سوم را باید در نقطه A قرار دهیم تا امکان صفر شدن نیروی وارد بر آن وجود داشته باشد (توصیه می‌شود که در هریک از شکل‌ها، محل نقطه A محل صفر شدن برابر باشد).



در ادامه برای یادگیری و تسلط بیشتر بر روی مفاهیم ارائه شده، به تمرین‌های زیر توجه کنید:

تمرین ۱۷: دو بار الکتریکی $-q$ و $+4q$ در دو نقطه A و B به فاصله $AB = 30\text{cm}$ از هم قرار دارند. بار $'q'$ را در چه فاصله‌ای (سراسری قبل از 80°) بر حسب سانتی‌متر از بار Q قرار دهیم تا به حال تعادل قرار گیرد؟

۶۰ (۴)

۴۵ (۳)

۳۰ (۲)

۱۵ (۱)

پاسخ: با توجه به این که بار $-q$ - مقدار کوچک‌تری نسبت به $Q = +4q$ دارد، پس بار سوم برای تعادل باید نزدیک به بار Q باشد و چون بارها ناهمنام هستند، بار سوم باید خارج از فاصله بین دو بار قرار گیرد. در ادامه اگر فاصله بار $'q'$ تا بار $-q$ $+q' = x$ در نظر بگیریم، مقدار x به صورت زیر به دست می‌آید:

$$+q' = \sum F = 0 \Rightarrow F_{A,C} = F_{B,C} \Rightarrow \frac{k|4q||q'|}{(30+x)^2} = \frac{k|q||q'|}{x^2} \Rightarrow \frac{4}{(30+x)^2} = \frac{1}{x^2} \Rightarrow \frac{1}{x^2} = \frac{4}{(30+x)^2}$$

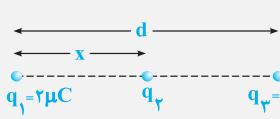
$$\Rightarrow 4x^2 = (30+x)^2 \Rightarrow 2x = 30+x \Rightarrow x = 30\text{cm}$$

در نهایت باید گفت فاصله بار Q تا بار $'q'$ برابر 60cm است ($30 + 30 = 60\text{cm}$) و گزینه (۴) صحیح می‌باشد.

همون طور که دیدیم، مقدار و علامت بار' q' ، در به تعادل رسیدن اون نقشی نداره و به عنوان مثال اگر اندازه بار' q' دو برابر بشه هم، مجدداً در مدل به درست آمده تعادل برآش برقاره ... واقعاً بالب نیست؟!

تمرین ۱۸: سه بار نقطه‌ای مطابق شکل زیر قرار دارند. برایند نیروهای الکتروستاتیکی وارد بر هریک از بارها صفر است. بار q_2 چند میکروکولن است؟

(سراسری تمدنی ۸۹ فاصله از کشود)



$$+\frac{2}{9} \quad (2)$$

$$-\frac{2}{9} \quad (1)$$

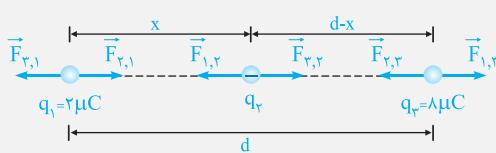
$$+\frac{8}{9} \quad (4)$$

$$-\frac{8}{9} \quad (3)$$

پاسخ: گام اول: با توجه به این‌که برایند نیروهای الکتروستاتیکی وارد بر بار q_3 صفر است، نتیجه می‌گیریم بار q_2 منفی است، زیرا اگر q_1 و q_2 هر دو مشبّت باشند، هر دو q_3 را دفع کرده و امکان ندارد برایند نیروهای وارد بر آن صفر شود.

$$\text{تعادل ندارد} \Rightarrow F_T = F_{1,3} + F_{2,3} \neq 0$$

گام دوم: در ادامه نیروهای وارد بر بارها را مشخص می‌کنیم و با توجه به این‌که همه بارها متعادل‌اند، تلاش می‌کنیم q_2 را محاسبه کنیم:



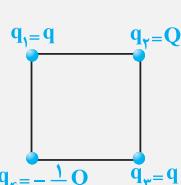
$$F_{1,2} = F_{2,2} \Rightarrow k \frac{|q_2|}{x^2} = k \frac{\lambda |q_2|}{(d-x)^2} \Rightarrow 4x^2 = (d-x)^2 \Rightarrow 2x = d-x \Rightarrow x = \frac{d}{3}$$

$$F_{2,1} = F_{2,3} \Rightarrow k \frac{2|q_2|}{x^2} = k \frac{\lambda \times 2}{d^2} \Rightarrow |q_2| = \frac{\lambda}{9} \mu C \quad (\text{گزینه ۳})$$

$$x = \frac{d}{3}$$

دقیق: در رابطه $F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2}$ اندازه بارها یعنی $|q_1|$ و $|q_2|$ را قرار می‌دهیم و علامت بارها را وارد نمی‌کنیم.

تو ادامه کار، یه تست فوب دیگه (مال کنکور ۹۶) از بعث صفر شدن برایند نیروهای الکتریکی وارد بر یه ذره تو هالتنی که بارها روی یه فقط قرار ندارن بررسی می‌کنیم. تو این پور سؤالاً برای تعادل، کل نیروها بالافره یه بوری باید همدیگه رو فتشی کنن ...



تمرین ۱۹: چهار ذره باردار در رأس‌های یک مربع قرار دارند. برایند نیروهای الکتریکی وارد بر ذره باردار q_2 صفر است.

(سراسری (یاضی ۹۶))

$$\frac{Q}{q} \quad \text{کدام است؟}$$

$$2\sqrt{2} \quad (1)$$

$$4\sqrt{2} \quad (2)$$

$$-4\sqrt{2} \quad (4)$$

$$-2\sqrt{2} \quad (3)$$

پاسخ: ابتدا دقت شود که بارهای q_2 و q_4 مختلف‌العلامت هستند و یکدیگر را جذب می‌کنند. با توجه به این موضوع بارهای $q_1 = Q$ و $q_3 = q$ باید حتماً هم‌علامت باشند تا یکدیگر را دفع کنند و در نهایت برایند نیروی حاصل از q_1 و q_3 یعنی R نیروی R' را خنثی کند و q_2 متعادل شود. در ادامه به صورت زیر عمل می‌کنیم:

$$R = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} = F\sqrt{2}$$

$$F_{T_r} = 0 \Rightarrow F' = R \Rightarrow \frac{k \times |Q| \times \left| -\frac{1}{2}Q \right|}{(a\sqrt{2})^2} = \frac{k |q| |Q|}{a^2} \times \sqrt{2}$$

$$\Rightarrow \frac{|Q|}{|q|} = 4\sqrt{2} \Rightarrow \frac{Q}{q} = 4\sqrt{2} \quad (\text{گزینه ۲})$$

الان دیگه وقتی شما فودتون رو نشون بردیم، به قاطر همین به شما توصیه می‌کنیم که تست‌ای ۱۰۵ از فاز کسب مهارت و تست‌ای ۱۳۵ از فاز کنکور رو بزنید ...



در تست‌های این فاز که به صورت میکروطیقه‌بندی ارائه شده است، اولاً به‌طوری می‌توانید بر روی درستنامه‌ها مسلط شوید و ثانیاً مهارت‌های زیادی را در هنگام تست‌زنی کسب کنید. این موضوع سبب می‌شود به بترین شکل قدر را برای تست‌های فاز دوم آماده کنید.

فاز اول

تست‌های کسب مهارت



آشنایی با مفهوم بار الکتریکی

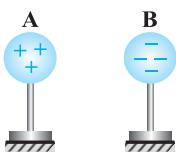
تو شروع کار این فصل، می‌فایم سوالاتی رو برآتون پیاریم که شما رو با مفهوم پایه‌ای بار الکتریکی آشنا کننه ...

۱- یک میله پلاستیکی خنثی را با یک پارچه پشمی مالش داده و باردار کرده‌ایم. بار الکتریکی این میله:

- (۱) مقداری منفی بوده و مضرب صحیحی از یک بار الکتریکی پایه است.
- (۲) مقداری منفی بوده و مضرب صحیحی از یک کولن است.
- (۳) مقداری مثبت بوده و مضرب صحیحی از یک بار الکتریکی پایه است.
- (۴) مقداری مثبت بوده و مضرب صحیحی از یک کولن است.

۲- مطابق شکل زیر، دو کره A و B بر روی پایه‌های عایق قرار گرفته و بار آن‌ها به ترتیب برابر $C = 8 \times 10^{-9}$ و $C = 4 \times 10^{-8}$ می‌باشد. در

مورد این دو جسم، کدام‌یک از عبارت‌های زیر صحیح است؟ (اندازه بار الکتریکی هر کلtron $= 10^{-19}$ کولن می‌باشد).



(۱) به جسم A تعداد 10^{11} پروتون و به جسم B تعداد 3×10^{12} الکtron داده‌ایم.

(۲) از جسم A تعداد 10^{11} الکtron و از جسم B تعداد 3×10^{11} پروتون گرفته‌ایم.

(۳) از جسم A تعداد 10^{11} الکtron گرفته‌ایم و به جسم B تعداد 3×10^{12} الکtron داده‌ایم.

(۴) از جسم A تعداد 10^{11} الکtron گرفته‌ایم و به جسم B تعداد 4×10^{11} الکtron داده‌ایم.

۳- یک میله شیشه‌ای به وسیله مالش با یک پارچه ابریشمی، دارای بار الکتریکی شده است. این میله چند کولن الکتریسیته می‌تواند داشته باشد؟ (بار الکتریکی هر الکtron $= 10^{-19}$ کولن می‌باشد، همچنین در سری تریبوالکتریک، شیشه بالاتر از ابریشم قرار دارد.)

(۱) $+2 \times 10^{-19}$
(۲) -2×10^{-19}

(۳) $+8 \times 10^{-19}$
(۴) -8×10^{-19}

۴- جسمی دارای بار اولیه $q = 10^{-15}$ می‌باشد. اگر این جسم 10^5 الکtron از دست بدهد، بار آن قرینه حالت اول می‌شود. بار اولیه این جسم،

چند میکروکولون بوده است؟ ($e = 10^{-19} C$)

(۱) -400
(۲) 400
(۳) 800
(۴) -800

۵- جسم خنثی A را به جسم خنثی B مالش داده و دو جسم تنها با یکدیگر در تماس بوده‌اند. کدام‌یک از حالت‌های زیر، اصل پایستگی بار الکتریکی را نقض می‌کند؟

(۱) حالتی که در آن جسم A دارای بار $+2\mu C$ و جسم B دارای بار $-2\mu C$ شود.

(۲) حالتی که در آن جسم A دارای بار $-2\mu C$ و جسم B دارای بار $+2\mu C$ شود.

(۳) حالتی که در آن جسم A دارای بار $-2\mu C$ و جسم B نیز دارای بار $-2\mu C$ شود.

(۴) حالتی که در آن جسم A و جسم B در پایان آزمایش خنثی باقی بمانند.

۶- بار الکتریکی مثبت هسته یک اتم خنثی برابر Q است، بنابراین
(سراسری قبل از ۸۰)

(۱) تعداد الکtron‌ها Q است.
(۲) تعداد الکtron‌ها $\frac{Q}{e}$ است.

(۳) تعداد نوترون‌ها Q است.
(۴) تعداد نوترون‌ها $\frac{Q}{e}$ است.

۷- در یک اتم دو بار مثبت (X^{2+})، اندازه بار الکتریکی الکtron‌های آن برابر $C = 4 \times 10^{-18}$ می‌باشد. تعداد پروتون‌های این اتم کدام است؟ (اندازه بار الکتریکی یک الکtron $= 10^{-19}$ کولن می‌باشد.)

(۱) 30
(۲) 28
(۳) 32
(۴) 36

انتهای مثبت سری	
A	(۱)
B	(۲)
C	(۳)
D	(۴)
انتهای منفی سری	

۸- در شکل مقابل، جدول سری الکتریسیته مالشی نشان داده شده است. اگر جسم A را به جسم B و جسم C را به جسم D مالش دهیم، کدامیک از اظهارنظرهای زیر در رابطه با آنها صحیح است؟

- (تألفی)
- ۱) دو جسم A و C هم‌دیگر را دفع می‌کنند.
 - ۲) دو جسم B و D هم‌دیگر را جذب می‌کنند.
 - ۳) دو جسم A و D هم‌دیگر را دفع می‌کنند.
 - ۴) دو جسم B و C هم‌دیگر را دفع می‌کنند.

۹- پس از مالش دو جسم A و B بر یکدیگر، بار الکتریکی جسم B مثبت می‌شود. پس از مالش دو جسم C و D بر یکدیگر، جسم C را دفع می‌کند. محل قرارگیری این اجسام در سری الکتریسیته مالشی، به کدام صورت می‌تواند باشد؟

انتهای مثبت سری	انتهای مثبت سری	انتهای مثبت سری	انتهای مثبت سری
D	B	C	A
A	A	B	B
B	D	A	C
C	C	D	D
انتهای منفی سری	انتهای منفی سری	انتهای منفی سری	انتهای منفی سری

۱۰- یک میلهٔ شیشه‌ای خنثی را توسط یک پارچهٔ پشمی مالش می‌دهیم، سپس یک جسم نایلونی را توسط همان پارچهٔ پشمی مالش می‌دهیم. اگر بار نهایی میلهٔ شیشه‌ای، جسم نایلونی و پارچهٔ پشمی به ترتیب q_A , q_B و q_C باشد، با توجه به سری الکتریسیته مالشی، کدام گزینه‌ای زاماً درست است؟

انتهای مثبت سری
شیشه
نایلون
پشم
انتهای منفی سری

$$q_A = q_B \quad (۱)$$

$$q_C = q_A + q_B \quad (۲)$$

$$q_C = -q_A \quad (۳)$$

$$-q_C = q_A + q_B \quad (۴)$$

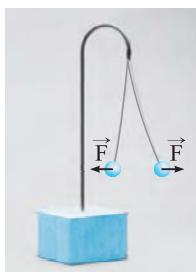
آشنایی اولیه با قانون کولن



حالا می‌خوایم برای سراغ قانون کولن و یه سری سوالاتی از اصل فرمول برآتون بیاریم ...

۱۱- با توجه به قانون کولن، اندازهٔ نیرویی که دو گلولهٔ باردار نشان داده شده بر یکدیگر وارد می‌کنند، با متناسب و با نسبت عکس دارد.

(كتاب درسی)



۱) اندازهٔ بار هر یک از آنها - مجذور فاصلهٔ بین آنها

۲) اندازهٔ بار هر یک از آنها - فاصلهٔ بین آنها

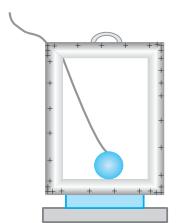
۳) مجذور اندازهٔ بار هر یک از آنها - فاصلهٔ بین آنها

۴) مجذور اندازهٔ بار هر یک از آنها - فاصلهٔ آنها

۱۲- یکای k (ثابت کولن) و ϵ_0 (ضریب گذردهی الکتریکی در خلاء) در SI به ترتیب از راست به چپ کدام است؟

$$\frac{N \cdot m}{C^2}, \frac{C^2}{N \cdot m} \quad (۱) \quad \frac{N \cdot m^2}{C^2}, \frac{C^2}{N \cdot m^2} \quad (۲) \quad \frac{C}{N \cdot m}, \frac{N \cdot m}{C} \quad (۳) \quad \frac{C^2}{N \cdot m^2}, \frac{N \cdot m^2}{C^2} \quad (۴)$$

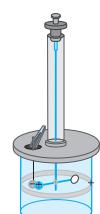
۱۳- به کمک کدامیک از وسایل زیر، کولن توانست عامل‌های مؤثر بر نیروی الکتریکی بین دو ذرهٔ باردار را شناسایی کند؟



(۱)



(۲)

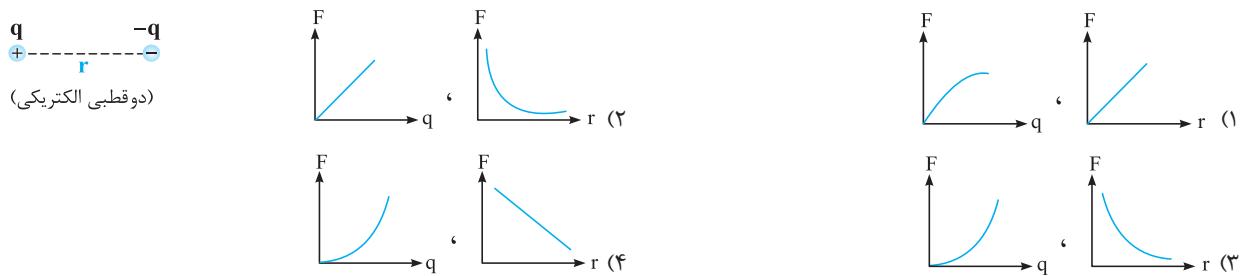


(۳)



(۴)

۱۴- در شکل زیر، دو بار الکتریکی هم اندازه و ناهم نام نشان داده شده است. کدامیک از نمودارهای زیر، تغییرات نیروی کولنی بین دو بار الکتریکی را بر حسب فاصله بین آنها و بر حسب اندازه بار الکتریکی q به درستی نشان می دهد؟



۱۵- بار الکتریکی 5 میکروکولن را در چند سانتی متری از یک بار 4 میکروکولن قرار دهیم تا بر آن نیروی 18 نیوتون را وارد کند؟
(سراسری قبل از 80°)

(۲/۱۴)

(۱)

(۹)

(۳)

۱۶- دو ذره باردار با بارهای مثبت در فاصله 30cm از یکدیگر با نیروی الکتریکی 5N یکدیگر را می رانند. اگر مجموع بار دو ذره 15 میکروکولن باشد، بار هر یک از این ذره ها چند میکروکولن است؟ ($k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2/\text{C}^2$)

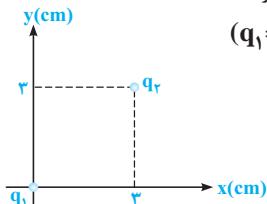
(۱۲) و (۳)

(۱۰) و (۳)

(۹) و (۲)

(۸) و (۱)

۱۷- در شکل مقابل، بردار نیروی الکتریکی وارد بر بار q_1 در SI کدام است؟ ($q_1 = -q_2 = 2\mu\text{C}$, $k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2/\text{C}^2$)



$$\vec{F} = 10\sqrt{2}\vec{i} + 10\sqrt{2}\vec{j}$$

$$\vec{F} = -10\sqrt{2}\vec{i} - 10\sqrt{2}\vec{j}$$

$$\vec{F} = -20\sqrt{2}\vec{i} - 20\sqrt{2}\vec{j}$$

$$\vec{F} = 20\sqrt{2}\vec{i} + 20\sqrt{2}\vec{j}$$

۱۸- دو بار نقطه ای q و $2q$ به فاصله d از یکدیگر بر روی محور X قرار دارند. اگر بار q بر بار $2q$ نیروی $\vec{F} = +10\vec{i}$ را در SI وارد کند، بار $2q$ بر بار q چه نیرویی وارد خواهد کرد؟

$$\vec{F} = -10\vec{i}$$

$$\vec{F}' = -20\vec{i}$$

$$\vec{F}' = +10\vec{i}$$

$$\vec{F}' = +20\vec{i}$$

(۱)

در شکل روبرو، دو گوی مشابه و کوچک به جرم 9 gr و بار یکسان مثبت q در فاصله 1cm از هم قرار دارند، به طوری که گوی بالایی به حالت معلق مانده است. تعداد الکترون های کنده شده از هر گوی چه قدر است؟ ($g = 10 \text{ N/kg}$, $e = 1/16 \times 10^{-19} \text{ C}$)



$$6/25 \times 10^{14}$$

$$2/25 \times 10^{12}$$

۲۰- ذره A به جرم m و بار الکتریکی q و ذره B به جرم $2m$ و بار الکتریکی $2q$ در نزدیکی هم قرار دارند. اگر تنها نیروی وارد بر این ذره ها، نیروی الکتریکی متقابل آنها باشد و تحت آن نیروها ذرات شتاب بگیرند، بزرگی شتاب ذره A چند برابر بزرگی شتاب ذره B خواهد شد؟

$$4/4$$

$$2/2$$

$$1/2$$

$$1/4$$

بررسی تأثیر اندازه بارها و فاصله بین دو بار بر نیروی کولنی

تو اراده اکار، برعیم بینیم تغییر پارامترهای مختلف، پهلوی باعث تغییر نیروی کولنی می شده. تو این قسمت، پیزایی بالایی یاد می گیرید ...

۲۱- در مدل بور برای اتم هیدروژن، فاصله الکترون از پروتون هسته در حالت پایه برابر a و در هسته اتم هلیم دو پروتون به فاصله تقریبی $a = 2 \times 10^{-4} \text{ m}$ از هم قرار دارند. اندازه نیرویی که پروتون ها در هسته اتم هلیم بر هم وارد می کنند، چند برابر نیروی بین الکترون و پروتون در هسته اتم هیدروژن است؟ (برگفته از کتاب درسی)

$$2/5 \times 10^7$$

$$2/5 \times 10^6$$

$$5 \times 10^7$$

$$5 \times 10^6$$

۲۲- دو بار الکتریکی همنام و مساوی به فاصله d از یکدیگر قرار گرفته‌اند و با نیروی F یکدیگر را می‌رانند. این دو بار را در چه فاصله‌ای از یکدیگر باید قرار داد تا نیروی کولنی بین آن‌ها 50 درصد کاهش یابد؟

$$2d \quad (4)$$

$$\frac{d}{2} \quad (3)$$

$$d\sqrt{2} \quad (2)$$

$$\frac{d\sqrt{2}}{2} \quad (1)$$

۲۳- دو بار الکتریکی نقطه‌ای در فاصله معین بر هم نیرو وارد می‌کنند. اگر اندازه یکی از بارها دو برابر شود، فاصله بین دو بار را چند برابر کنیم تا نیروی کولنی بین آن‌ها تغییر نکند؟

$$\frac{\sqrt{2}}{2} \quad (4)$$

$$2 \text{ برابر} \quad (3)$$

$$\frac{1}{2} \text{ برابر} \quad (2)$$

$$\sqrt{2} \text{ برابر} \quad (1)$$

۲۴- فرض می‌کنیم دو بار مثبت Q که در یک فاصله معین قرار دارند نیروی برابر F به یکدیگر وارد می‌کنند. چند درصد یکی را برداشته به دیگری اضافه کنیم تا در همان فاصله نیروی بین آن‌ها برابر $\frac{15}{16}$ گردد؟ (سراسری قبل از 80)

$$25 \quad (4)$$

$$20 \quad (3)$$

$$16 \quad (2)$$

$$15 \quad (1)$$

۲۵- دو بار الکتریکی نقطه‌ای هم‌مقدار و ناهم‌نام، در فاصله r بر یکدیگر نیروی F را وارد می‌کنند. اگر 20 درصد یکی از بارها را کم کرده و آن را برابر دیگری بیفزاییم، فاصله بین دو بار الکتریکی را چند برابر کنیم تا نیروی کولنی بین آن‌ها تغییر نکند؟

$$\frac{16}{25} \quad (4)$$

$$\frac{4}{25} \quad (3)$$

$$\frac{4}{5} \quad (2)$$

$$\frac{5}{4} \quad (1)$$

۲۶- دو کره کوچک با بار الکتریکی مثبت با مقادیر q_1 و q_2 در فاصله r از هم ثابت شده‌اند و یکدیگر را با نیروی به بزرگی F_1 می‌رانند. اگر 50 درصد از بار q_1 را برداریم و به بار q_2 اضافه کنیم، در همان فاصله، مقدار نیرویی که دو ذره به یکدیگر وارد می‌کنند، F_2 می‌شود. در کدام حالت، $F_2 > F_1$ است؟

$$q_1 > 2q_2 \quad (4)$$

$$q_1 < 2q_2 \quad (3)$$

$$q_1 > \sqrt{2}q_2 \quad (2)$$

$$q_1 < \sqrt{2}q_2 \quad (1)$$



نحوه توزیع بار الکتریکی بین دو کره مشابه با تماس با یکدیگر و بررسی نیروی کولنی بین آن‌ها

حالا برایم سراغ بحث انتقال دو کره به هم و تخلیل نیروی کولنی بین اونا. تستای این زیرشافه هم، تو سال‌های افیر پر تکرار بوده. راستی می‌دونید اینه اصلی هل این پور سوالا هیله؟!

۲۷- دو گوی فلزی مشابه روی پایه‌های عایق قرار دارند. بار الکتریکی یکی از گوی‌ها $4\mu C$ و بار دیگری $6\mu C$ است. اگر دو گوی را به هم تماس دهیم، بار الکتریکی هر گویی میکروکولن می‌شود و برای رسیدن به تعادل الکتروستاتیکی، الکترون از یکی به دیگری منتقل شده است. ($e = 1/16 \times 10^{-19} C$)

$$6/25 \times 10^{12}, 5 \quad (4)$$

$$2/125 \times 10^{13}, 1 \quad (3)$$

$$6/25 \times 10^{12}, 1 \quad (2)$$

$$3/125 \times 10^{13}, 1 \quad (1)$$

۲۸- دو گوی رسانای کوچک و با شعاع‌های برابر با بارهای $q_1 = 4nC$ و $q_2 = -6nC$ را با هم تماس می‌دهیم و سپس تا فاصله $r = 30\text{ cm}$ از هم دور می‌کنیم. نیروی برهمنکش الکتریکی بین دو گوی در حالت جدید: ($k = 9 \times 10^9 N \cdot m^2 / C^2$) (کتاب درسی)

$$400 \text{ نانوئیوتون و از نوع رایشی است.}$$

$$100 \text{ نانوئیوتون و از نوع رایشی است.}$$

۲۹- دو کره رسانای کوچک باردار با شعاع‌های برابر، قبل از تماس با هم، یکدیگر را جذب و بعد از تماس با هم، یکدیگر را دفع می‌کنند. کدام گزینه در مورد بار اولیه این دو کره درست است؟

$$1) \text{ بار دو کره همنام و هماندازه است.}$$

$$2) \text{ بار دو کره همنام بوده و هماندازه نیست.}$$

$$3) \text{ بار دو کره همنام بوده و هماندازه نیست.}$$

۳۰- دو کره فلزی که روی پایه‌های عایقی قرار دارند، دارای بار الکتریکی هستند. اندازه نیروی الکتریکی بین این دو کره با فاصله d برابر F است. اگر آن دو را به هم تماس داده و دوباره در همان فاصله قرار دهیم، اندازه نیرو F' می‌شود. کدام رابطه بین F و F' برقرار است؟ (سراسری قبل از 80)

$$F < F' \quad (2)$$

$$F > F' \quad (1)$$

(سراسری قبل از 80)

۴) بسته به شرایط، هر کدام ممکن است صحیح باشد.

$$F = F' \quad (3)$$



۳۱- در سؤال قبل، اگر قبل از تماس دادن دو کره به یکدیگر، بار الکتریکی آنها همنام و نامساوی باشند، آنگاه کدام رابطه بین F و F' برقرار است؟

$$F' > F \quad (۲)$$

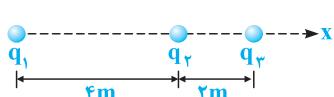
$$F > F' \quad (۱)$$

(۴) با توجه به شرایط، هر یک از سه گزینه ممکن است صحیح باشد.

$$F = F' \quad (۳)$$

محاسبه نیروی کولنی بین چند بار الکتریکی واقع در یک راستا

حالا می‌خوایم برایم روی برایند نیروهای وارد بر یک ذره، تو هالتن که بارهای الکتریکی روی یه راستا هستن، کار کنیم، بعضی سؤالا، ایده‌هاشون فیلی قشک و هیرده...



۳۲- مطابق شکل رو به رو، سه ذره با بارهای الکتریکی $q_1 = +2/\mu\text{C}$, $q_2 = -1/\mu\text{C}$, $q_3 = +4/\mu\text{C}$ بر روی محور X ثابت شده‌اند. بردار نیروی الکتریکی وارد بر بار q_3 در SI (سی‌اس‌اس‌ری قبل از ۸۰) کدام است؟ ($k = ۹ \times ۱۰^۹ \text{ N.m}^۲ / \text{C}^۲$)

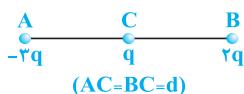
$$-11/5 \times 10^{-۳} \vec{i} \quad (۴)$$

$$10/5 \times 10^{-۳} \vec{i} \quad (۳)$$

$$7/5 \times 10^{-۳} \vec{i} \quad (۲)$$

$$-6/5 \times 10^{-۳} \vec{i} \quad (۱)$$

۳۳- دو بار q در فاصله d بر یکدیگر نیروی F را وارد می‌کنند. در شکل رو به رو، نیروی وارد بر بار q کدام است؟



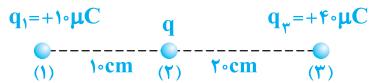
$$5F \quad (۲)$$

$$4F \quad (۴)$$

$$\Delta F \quad (۱)$$

$$4F \quad (۳)$$

۳۴- در شکل مقابل، بار q چند میکروکولن باشد تا بزرگی برایند نیروهای وارد بر بارهای (۱) و (۳) برابر باشند؟ ($k = ۹ \times ۱۰^۹ \text{ N.m}^۲ / \text{C}^۲$)



$$20 \quad (۲)$$

$$10 \quad (۱)$$

(۴) هر مقدار دلخواهی می‌تواند باشد.

۳۵- در شکل مقابل، سه بار نقطه‌ای روی سه نقطه بر روی یک خط راست ثابت شده‌اند. اگر

بار q_2 ، بار q_3 را با نیروی الکتریکی F دفع کند و بزرگی برایند نیروهای وارد بر بار q_2 برابر $\frac{F}{2}$ و به سمت چپ باشد، نسبت $\frac{q_1}{q_2}$ کدام است؟

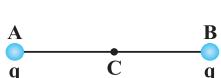
$$6 \quad (۴)$$

$$-6 \quad (۳)$$

$$-\frac{1}{6} \quad (۲)$$

$$\frac{1}{6} \quad (۱)$$

۳۶- مطابق شکل، بارهای الکتریکی همنام و هماندازه q در نقاط A و B ثابت شده‌اند. اگر بار الکتریکی q بر روی عمودمنصف پاره خط AB ، از فاصله خیلی دور تا نقطه C جایده‌جا شود، بزرگی نیروی خالص وارد شده بر آن، چگونه تغییر می‌کند؟



(۱) ابتدا کاهش، سپس افزایش می‌یابد.

(۲) ابتدا افزایش، سپس کاهش می‌یابد.

(۳) همواره کاهش می‌یابد.

(۴) همواره افزایش می‌یابد.



صفر شدن برایند نیروهای وارد بر بار آزمون، هنگامی که ذرات در یک راستا قرار دارند

تو بارهای واقع در یک راستا، برایند نیروها هم ممکنه صفر بشه. تو ارامه این موضوع رو ببررسی فواید...



۳۷- در نقاط A , B و C به ترتیب بارهای الکتریکی q_A , q_B و q_C مطابق شکل زیر قرار دارند. اگر نیروی وارد بر بار q_C صفر باشد،



$$q_B, q_A \quad (۲)$$

$$q_C, q_A \quad (۱)$$

(۴) ممکن است هر سه بار همنام باشند.

$$q_C, q_B \quad (۳)$$

۳۸- دو بار الکتریکی $-q$ و $+4q$ در دو نقطه A و B به فاصله $AB = ۳۰\text{cm}$ از هم قرار دارند. بار $'q$ را در چه فاصله‌ای بر حسب

(سی‌اس‌اس‌ری قبل از ۸۰) سانتی‌متر از بار Q قرار دهیم تا به حال تعادل قرار گیرد؟

$$60 \quad (۴)$$

$$45 \quad (۳)$$

$$30 \quad (۲)$$

$$15 \quad (۱)$$

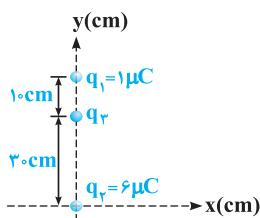
۳۹- در تست قبل، بار $'q$ را در چه فاصله‌ای بر حسب سانتی‌متر از بار Q قرار دهیم تا به حال تعادل قرار گیرد؟

$$60 \quad (۴)$$

$$45 \quad (۳)$$

$$30 \quad (۲)$$

$$15 \quad (۱)$$



۴۰- در شکل رو به رو سه ذره الکتریکی نشان داده شده، بر روی محور y قرار گرفته‌اند. بار الکتریکی q_2 را چند میکروکولن و چگونه تغییر دهیم تا بار الکتریکی q_3 متعادل شود؟ (از وزن بارها صرف نظر شود).

(۱) $3\mu C$ از آن کم کنیم.

(۲) $3\mu C$ به آن بیافزاییم.

(۳) $4\mu C$ از آن کم کنیم.

(۴) $4\mu C$ به آن بیافزاییم.

۴۱- در شکل زیر، دو بار الکتریکی نشان داده شده، فاصلهٔ یکسانی از مبدأ دارند. در کدام ناحیه‌ی اگر یک پروتون قرار گیرد، ممکن است نیرویی در جهت محور x به آن وارد شود؟



(۱) فقط (۴)

(۲) (۱) و (۴)

(۳) (۲)، (۳) و (۴)

۴۲- دو بار الکتریکی $q_1 = +4\mu C$ و $q_2 = -16\mu C$ در فاصلهٔ 60 cm از یکدیگر قرار دارند. اگر بار الکتریکی q_3 را در فاصلهٔ d از بار q_1 قرار دهیم، هر سه بار نقطه‌ای به تعادل می‌رسند. به ترتیب از راست به چپ q_3 چند میکروکولن و d چند سانتی‌متر است؟

(۱) 120

(۲) 16

(۳) 60

(۴) -16

(۵) 60

(۶) -16

(۷) 120

(۸) $+16$

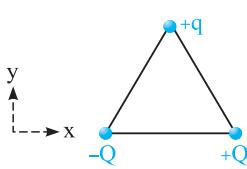
(۹) -16

(۱۰) 120



برایند نیروی کولنی برای چند بار نقطه‌ای واقع در صفحه

تو اراده‌کار، بارها را از هالت هم امتداد قارچ می‌کنیم و می‌بریم تو هالت‌های مثلث، مستطیلی و اصول محاسبه برایند نیروها تو این هالت هم، عین هالت هم امتداده.



۴۳- سه بار نقطه‌ای $+Q$ و $-Q$ و $+q$ در سه رأس یک مثلث متساوی‌الاضلاع مطابق شکل واقع‌اند. کدام گزینه، می‌تواند مقدار نیروی خالص وارد بر بار $+q$ باشد؟ (سراسری قبل از ∞ ، با تغییر)

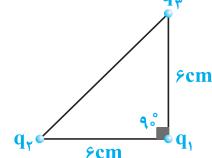
(۱) $+10\vec{i}$

(۲) $-10\vec{i}$

(۳) $+10\vec{j}$

(۴) $-10\vec{j}$

۴۴- در شکل مقابل، سه ذره با بارهای $C = q_1 = q_2 = q_3 = 4\mu C$ در سه رأس یک مثلث قائم‌الزاویه ثابت شده‌اند. برایند نیروهای الکتریکی وارد بر q_1 نیوتون و اگر تنها علامت بار q_2 قرینه شود، بزرگی برایند نیروهای وارد بر q_1 و تغییر جهت ($k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2 / \text{C}^2$)

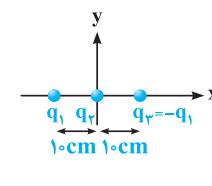


(۱) $40\sqrt{2}$ ، تغییر کرده، می‌دهد

(۲) $20\sqrt{2}$ ، ثابت می‌ماند، نمی‌دهد

(۳) $20\sqrt{2}$ ، تغییر کرده، نمی‌دهد

۴۵- مطابق شکل سه بار الکتریکی نقطه‌ای روی محور x قرار دارند. اندازه نیروی وارد بر بار q_2 برابر F است. اگر بار q_2 را به اندازه 10 cm روی محور y جابه‌جا کنیم، بزرگی نیروی وارد بر بار q_2 چند برابر F خواهد شد؟ (سراسری قبل از ∞ ، با تغییر)



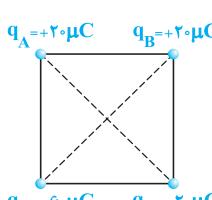
(۱) $\frac{\sqrt{2}}{2}$

(۲) $\frac{\sqrt{2}}{4}$

(۳) 1

(۴) $\frac{1}{2}$

۴۶- در چهار رأس یک مربع به ضلع 20 cm سانتی‌متر، مطابق شکل بارهای نقطه‌ای قرار داده‌ایم. اگر یک بار $C = 10\mu C$ را در مرکز مربع قرار دهیم، نیروی وارد بر آن چند نیوتون و در کدام جهت خواهد بود؟ (سراسری (یافی ۸۲ فارج از کشیو))



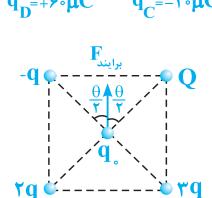
(۱) $180\sqrt{2}$ ، به سمت چپ

(۲) $180\sqrt{2}$ ، به سمت بالا

(۳) $270\sqrt{2}$ ، به سمت چپ

(۴) $270\sqrt{2}$ ، به سمت بالا

۴۷- مطابق شکل مقابل، چهار بار الکتریکی در رؤوس مربع قرار گرفته و برایند نیروی وارد شده از طرف آن‌ها بر بار Q واقع در مرکز مربع به سمت بالا می‌باشد. مقدار بار Q کدام است؟



(۱) q

(۲) $-q$

(۳) $2q$

(۴) $-2q$

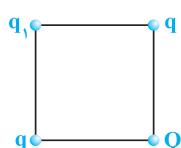


- ۴۸- سه بار نقطه‌ای مطابق شکل در سه رأس یک مثلث ثابت شده‌اند. نیروی وارد بر بار $q_4 = 1\mu C$ واقع در نقطه O ، در وسط خط واصل دو بار q_2 و q_3 چند نیوتون است؟
- (سراسری ریاضی ۸۱۴)
- ۹۰ (۲) ۴۵ (۱)
 $90\sqrt{2}$ (۴) $45\sqrt{3}$ (۳)

- ۴۹- در تست قبل، اگر تنها علامت بار q_2 تغییر کند، جهت نیروی وارد بر بار q_4 چند درجه تغییر خواهد کرد؟
- (برگرفته از کتاب دسی)
- ۱۸۰ (۴) ۹۰ (۳) ۴۵ (۲) ۱) صفر

بررسی صفر شدن برایند نیروها، تو هالت بارهای غیرهمراستا هم نکات پالی داره که تو ادامه دو تا سوال فیلی موم رو ازش بررسی می‌کنیم ...

- ۵۰- چهار بار الکتریکی مطابق شکل در رئوس مربع قرار دارند. اگر برایند نیروهای وارد شده بر بار q_1 صفر باشد، کدام‌یک از عبارت‌های زیر نادرست است؟
- (سراسری قبل از ۸۰)



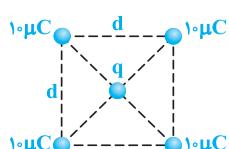
۱) ممکن است علامت بار q مثبت و علامت بار Q منفی باشد.

۲) ممکن است علامت بار q منفی و علامت بار Q مثبت باشد.

۳) برای برقراری تعادل، اندازه بار Q ، باید $27\sqrt{2}$ برابر اندازه بار q باشد.

۴) مقدار بار الکتریکی q_1 ، در تعادل آن نقش دارد.

- ۵۱- پنج بار نقطه‌ای مطابق شکل قرار دارند و برایند نیروهای الکتروستاتیکی وارد بر هر یک از این بارها صفر است. بار q تقریباً چند میکروکولون است؟



-۱۹ (۲) ۱۹ (۱)

-۹/۵ (۴) ۹/۵ (۳)

بررسی تعادل گلوله باردار (آونگ الکتریکی)



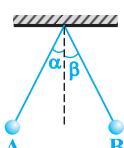
هلا بریم سراغ ترکیب قانون کولن، بیش تعادل و مهاسبه کشش نخ. البته فرایش رو بفوايد، این بیش با کتاب پایه دوازدهمتوں مفروط شده ولی اور دیم تا پهه درسفوتا، ست کامل سؤالای قانون کولن رو دیره باشن ... این تستا رو فقط پهه درسفوتا هل کنن ...

- ۵۲- در شکل مقابل، گلوله رسانای A، دارای بار الکتریکی $1\mu C$ و در فاصله ۳ سانتی‌متری از گلوله B با جرم $2kg$ و با بار الکتریکی $5\mu C$ قرار دارد و کشش ایجاد شده در نخ عایق برابر T_1 است. اگر علامت بار الکتریکی گلوله A قرینه شود، نیروی کشش نخ عایق چند برابر می‌شود؟

$$(g = 10 \text{ N/kg}, k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2 / \text{C}^2)$$

$\frac{3}{5}$ (۲) $\frac{5}{3}$ (۱)
 15 (۴) 25 (۳)

- ۵۳- در شکل زیر، گلوله‌های باردار A و B با جرم‌های m_A و m_B و بارهای q_A و q_B از دو نخ با طول مساوی آویزان هستند و زاویه انحراف آن‌ها از راستای قائم برابر α و β می‌باشد. اگر اندازه نیروی الکتریکی وارد بر آن‌ها F_A و F_B باشد، کدام‌یک از عبارت‌های زیر درست می‌باشد؟
- (سراسری قبل از ۸۰)



۱) دو نیروی F_A و F_B هماندازه و هم جهت می‌باشند.

۲) برای برابر بودن دو زاویه α و β ، باید بار دو گلوله هماندازه باشد.

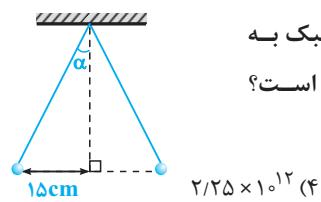
۳) برای برابر بودن دو زاویه α و β ، باید جرم دو گلوله یکسان باشد.

۴) اگر $m_B > m_A$ باشد، در این صورت $\alpha > \beta$ است.

- ۵۴- مطابق شکل مقابل، دو گلوله مشابه با بار یکسان و مثبت، هر یک به جرم 24 گرم توسط نخ‌هایی سبک به طول 39cm آویزان شده‌اند و در حالت تعادل قرار دارند. از هر گلوله، چند الکترون جدا شده است؟

$$(e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}, k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2 / \text{C}^2, g = 10 \text{ m/s}^2)$$

$$2/25 \times 10^{12} (۴) 2/25 \times 10^{11} (۳) 6/25 \times 10^{12} (۲) 6/25 \times 10^{11} (۱)$$





محاسبه میدان الکتریکی در اطراف یک بار نقطه‌ای و تحلیل پارامترهای مؤثر بر آن

بعد از تحلیل نیروهای کولنی، هلا می‌توانیم سراغ میدان الکتریکی ناشی از یه بار نقطه‌ای و سوالاتی مقدماتی رو ازش بررسی کنیم ...

۵۵- اندازه میدان الکتریکی حاصل از یک بار الکتریکی نقطه‌ای، با متناسب و با از بار الکتریکی نسبت عکس دارد.

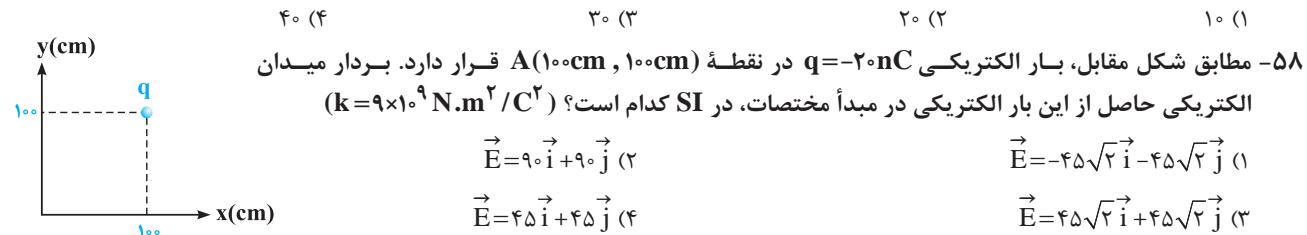
(۱) مجذور بار الکتریکی - فاصله
(۲) اندازه بار الکتریکی - فاصله

(۳) مجذور بار الکتریکی - مجذور فاصله
(۴) اندازه بار الکتریکی - مجذور فاصله

۵۶- اندازه میدان الکتریکی حاصل از بار الکتریکی نقطه‌ای $C = 2 \times 10^{-9} \text{ N.m}^2/\text{C}^2$ در فاصله یک متري آن، چند نیوتون بر کولن است؟ ($k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2/\text{C}^2$)

(۱) 2×10^3
(۲) 2×10^6
(۳) $1/8 \times 10^4$
(۴) $1/8 \times 10^5$ (سراسری (یافنی ۸۰)

۵۷- اندازه میدان الکتریکی حاصل از بار کره کوچکی که $10^{13} \text{ A} = 2/5 \times 10^9 \text{ آمپر}$ الکترون از دست داده است، در چند سانتی‌متری از آن برابر $9 \times 10^9 \text{ نیوتون بر کولن}$ است؟ ($k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2/\text{C}^2$)



۲ تا سوال بعدی، رو پارامتر فاصله تو فرمول $E = kq/r^2$ کار کرده و پندین بار مورد توجه بوده. تست بعدی یه سوال فیلی قشنگ و ساده هست ...

۵۹- اگر بردار شدت میدان حاصل از بار الکتریکی نقطه‌ای مثبت q_A در نقطه B در SI برابر $\vec{E}_B = 25 \times 10^9 \vec{i}$ باشد، بردار شدت میدان الکتریکی در SI برای نقطه C کدام است؟

(۱) $+15 \times 10^9 \vec{i}$
(۲) $-9 \times 10^9 \vec{i}$
(۳) $+9 \times 10^9 \vec{i}$
(۴) $-15 \times 10^9 \vec{i}$

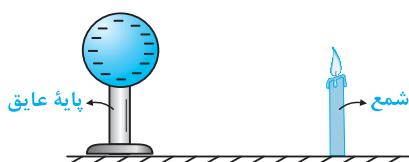
۶۰- میدان الکتریکی در فاصله ۲۰ سانتی‌متری از بار q برابر E است. چند سانتی‌متری دیگر از این بار دور شویم تا میدان الکتریکی درصد کاهش یابد؟

(سراسری تجربی ۸۲ فارع از کشون)

(۱) 10 cm
(۲) 20 cm
(۳) 30 cm
(۴) 40 cm

۶۱- در شکل زیر، شمعی در فاصله نسبتاً دور از یک کره رسانا با بار الکتریکی منفی نسبتاً بزرگ قرار دارد. اگر شمع را به نزدیکی کرده منتقل کنیم، چه تغییری در وضعیت شعله شمع مشاهده می‌شود؟

- (۱) در راستای قائم باقی می‌ماند.
(۲) به سمت چپ منحرف می‌شود.
(۳) به سمت راست منحرف می‌شود.
(۴) وضعیت مشخصی ندارد.



میدان الکتریکی ناشی از بارهای واقع در یک امتداد



تو ادامه کار، عین بیث نیروهای کولنی، برای سراغ محاسبه میدان الکتریکی ناشی از چند تا بار الکتریکی واقع در یک امتداد ...

۶۲- بار الکتریکی نقطه‌ای مثبت دو میکروکولنی در مبدأ مختصات و بار همنام نقطه‌ای چهار میکروکولنی در جهت مثبت محور y و در فاصله ۳ متری مبدأ قرار دارد. بردار میدان الکتریکی بین دو بار الکتریکی و در نقطه‌ای به فاصله ۲ متر از بار بزرگ تر در SI کدام است؟ ($k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2/\text{C}^2$)

(سراسری قبل از ۸۰)

(۱) $9 \times 10^3 \vec{j}$
(۲) $-9 \times 10^3 \vec{j}$
(۳) $18 \times 10^3 \vec{j}$
(۴) $-18 \times 10^3 \vec{j}$

۶۳- میدان الکتریکی حاصل از بارهای شکل زیر، در نقطه A، کدام است؟ ($q > 0$)

(سراسری قبل از ۸۰)

(۱) $\frac{3kq}{2a^2}$ ، در جهت مثبت x
(۲) $\frac{kq}{2a^2}$ ، در جهت منفی x

(۳) $\frac{3kq}{2a^2}$ ، در جهت منفی x
(۴) $\frac{kq}{2a^2}$ ، در جهت مثبت x

$$\frac{kq}{2a^2}, \text{ در جهت منفی } x$$

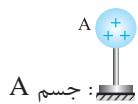
فصل اول \ قسمت اول

الکتریسیته ساکن (نیروی الکتریکی و میدان الکتریکی)

پاسخ نامه تشریحی

۱ با توجه به سری تربیوالکتریک در درسنامه، با مالش میله پلاستیکی و پارچه پشمی به یکدیگر، میله پلاستیکی بار منفی پیدا می‌کند که مقدار $q = -ne$ آن مضرب صحیحی از یک مقدار پایه (بار الکترون) می‌باشد و گزینه (۱) صحیح است.

۲ همان‌طور که در درسنامه مطرح شد، وقتی جسمی دارای بار الکتریکی مثبت و یا منفی است، در واقع الکترون از آن گرفته و یا به آن داده شده است، این موضوع یعنی باردار کردن یک جسم، تعداد پروتون‌های آن جسم را تغییر نمی‌دهد، بنابراین گزینه‌های (۱) و (۲) نادرست است. حال می‌توان نوشت:



$$\text{جسم A, } A = 5 \times 10^{11} \text{ الکترون از دست داده است.} \Rightarrow q_A = ne \Rightarrow 8.0 \times 10^{-9} = n \times 1/16 \times 10^{-19} \Rightarrow n = 5 \times 10^{11}$$



$$\text{به جسم B, } B = 3 \times 10^{12} \text{ الکترون داده ایم.} \Rightarrow q_B = -ne \Rightarrow -4/8 \times 10^{-7} = -n \times 1/16 \times 10^{-19} \Rightarrow n = 3 \times 10^{12}$$

۳ با مالش میله شیشه‌ای با پارچه ابریشمی، بار الکتریکی آن مثبت می‌شود (با توجه به بالاتر بودن شیشه نسبت به ابریشم در سری تربیوالکتریک). از سوی دیگر مطابق با رابطه $q = +ne$ ، بار الکتریکی میله، مضرب صحیحی از بار پایه می‌باشد:

$$q = ne \Rightarrow n = \frac{q}{e}$$

حال به بررسی گزینه‌ها می‌پردازیم:

$$n = \frac{q}{e} = \frac{2 \times 10^{-19}}{1/16 \times 10^{-19}} = 1/25 \quad \text{عدد صحیح نمی‌باشد.} \rightarrow \text{گزینه (۱)}$$

$$n = \frac{q}{e} = \frac{8 \times 10^{-19}}{1/16 \times 10^{-19}} = 5 \quad \text{عدد صحیح است.} \rightarrow \text{گزینه (۲)}$$

با توجه به گزینه‌ها، تنها در گزینه (۳) یک عدد صحیح و مثبت به دست آمده و جواب سؤال می‌باشد.

۴ چون جسم الکترون از دست می‌دهد، بنابراین در حالت ثانویه بار آن مثبت و در حالت اولیه بار آن منفی است (رد گزینه‌های ۲ و ۳). بار جسم به مقدار $-2q$ تغییر کرده است (از q به $-q$ رسیده است) و داریم:

$$\begin{cases} \Delta q = -q_0 - (q_0) = -2q_0 \Rightarrow -2q_0 = ne = 5 \times 10^{15} \times 1/16 \times 10^{-19} = 8 \times 10^{-4} \Rightarrow q_0 = -4 \times 10^{-4} C = -400 \mu C \\ \Delta q = ne \end{cases}$$

۵ با توجه به اصل پایستگی بار الکتریکی، مجموع جبری بارهای الکتریکی در یک دستگاه منزوی (دستگاهی که با محیط اطراف تبادل بار الکتریکی ندارد)، برابر صفر است. این موضوع در گزینه (۳) رعایت نشده و اصل پایستگی بار الکتریکی نقض می‌شود.

۶ برای پاسخ دادن به این سؤال، به سه نکته زیر توجه کنید:

۱- نظریون از نظر بار الکتریکی خنثی است، پس می‌توان گفت بار الکتریکی کل هسته یک اتم، با بار پروتون‌های آن هسته برابر است.

۲- اندازه بار پروتون و الکترون با یکدیگر یکسان است ($C = |q_p| = |q_e| = 1/16 \times 10^{-19}$).

۳- در یک اتم خنثی، تعداد الکترون‌ها و پروتون‌ها مساوی هستند.

حال با توجه به سه نکته بالا می‌توان نوشت:

برای پاسخ دادن به این سؤال، گام‌های زیر را طی می‌کنیم:

۷ گام اول: محاسبه تعداد الکترون‌های اتم دو بار مثبت X^{+2} :

$$q = -ne \Rightarrow -4/8 \times 10^{-18} = -n \times 1/16 \times 10^{-19} \Rightarrow n = 30$$

گام دوم: تعداد الکترون‌های اتم دو بار مثبت (X^{+2})، ۲ واحد کمتر از تعداد پروتون‌های آن می‌باشد. بنابراین تعداد پروتون‌های این اتم برابر ۳۲ می‌باشد.

۱ ۸ چون جسم A نسبت به B به انتهای مثبت سری تربیوالکتریک نزدیکتر است، بنابراین در اثر مالش این دو جسم به یکدیگر، بار الکتریکی جسم A مثبت و بار الکتریکی جسم B منفی می‌شود. به طور مشابه، ثابت می‌شود که در تماس دو جسم C و D، بار الکتریکی C مثبت و بار الکتریکی D منفی می‌شود. بنابراین اجسام A و C و همچنین B و D یکدیگر را دفع می‌کنند، پس گزینه (۱) صحیح است.



۲ ۹ پس از مالش دو جسم A و B با یکدیگر، بار الکتریکی جسم B مثبت شده است، بنابراین B به انتهای مثبت سری نزدیکتر می‌باشد. پس از مالش دو جسم C و D با یکدیگر، جسم C جسم B را دفع کرده است، بنابراین بار C با بار B همان است و در نتیجه بار C مثبت و بار D منفی است. بنابراین C نسبت به D به انتهای مثبت سری نزدیکتر است که این شرایط فقط در گزینه (۲) رعایت شده است.

۴ ۱۰ همان‌طور که می‌دانید، هنگامی که در سری الکتریستیتی مالشی، ماده بالاتر را با ماده پایین‌تر مالش می‌دهیم، الکترون‌ها از ماده بالاتر به ماده پایین‌تر منتقل می‌شوند، بنابراین در این سؤال، شیشه و نایلون الکترون از دست می‌دهند و پارچه پشمی الکترون می‌گیرد. از طرف دیگر، تعداد الکترون‌هایی که پارچه پشمی می‌گیرد، برابر مجموع تعداد الکترون‌هایی است که شیشه و نایلون از دست می‌دهند، بنابراین داریم:

$$q_C = - (q_A + q_B) \Rightarrow q_A + q_B = -q_C$$

نکته دیگر: با توجه به اصل پایستگی بار الکتریکی، هنگامی که دو جسم را با هم مالش می‌دهیم، الکترون‌ها از یکی از آن‌ها به دیگری منتقل می‌شود، به طوری که مجموع بار الکتریکی آن‌ها برابر صفر است. در این سؤال نیز که سه جسم را مالش داده‌ایم، الکترون بین آن‌ها مبادله می‌شود، به طوری که مجموع بار الکتریکی آن‌ها برابر صفر است. بنابراین داریم:

۱ ۱۱ با توجه به قانون کولن می‌توان گفت:

$$F = \frac{k |q_1| |q_2|}{r^2} \rightarrow \begin{cases} F \propto |q_1| |q_2| \\ F \propto \frac{1}{r^2} \end{cases}$$

۱ ۱۲ برای پاسخ دادن به این سؤال، با توجه به رابطه قانون کولن می‌توان نوشت:

$$F = k \frac{|q_1| |q_2|}{r^2} \rightarrow k = \frac{Fr^2}{|q_1| |q_2|} \equiv \frac{\text{يكای نیوتون}}{\text{يكای کولن} \times \text{يكای کولن}} \equiv \frac{\text{N.m}^2}{\text{C}^2}$$

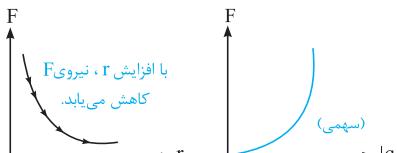
در ادامه با توجه به رابطه $F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q_1 q_2}{r^2}$ ، یکای ضریب گذردهی الکتریکی در خلا (ϵ_0)، بر عکس یکای ثابت کولن (k) است و داریم:

$$k \equiv \frac{\text{N.m}^2}{\text{C}^2} \equiv \frac{\text{C}^2}{\text{N.m}^2}$$

۲ ۱۳ گزینه (۱) یک الکتروسکوپ، گزینه (۲) یک ترازوی پیچشی، گزینه (۳) مولد وان دوگراف و گزینه (۴) وسیله مورد نیاز برای انجام آزمایش فاراده را نشان می‌دهد. همان‌طور که می‌دانید، کولن به وسیله ترازوی پیچشی، عوامل مؤثر بر نیروی الکتریکی بین دو ذره باردار را شناسایی کرد.

۳ ۱۴ با توجه به رابطه نیروی کولنی بین دو بار، رابطه F با r و q به صورت زیر است:

$$F = \frac{k |q_1| |q_2|}{r^2} \xrightarrow{|q_1|=|q_2|=q} F = \frac{kq^2}{r^2} \rightarrow \begin{cases} F \propto q^2 \\ F \propto \frac{1}{r^2} \end{cases}$$



تذکر: دو بار الکتریکی هماندازه و غیرهماندازه که در فاصله ۲ از یکدیگر قرار دارند، یک دوقطبی الکتریکی نامیده می‌شوند.

۴ ۱۵

$$F = k \frac{|q_1| |q_2|}{r^2} \rightarrow r = \sqrt{\frac{k |q_1| |q_2|}{F}} = \sqrt{\frac{9 \times 10^9 \times (5 \times 10^{-6}) \times (4 \times 10^{-6})}{18}} = 0.1 \rightarrow r = 0.1 \text{ m} = 10 \text{ cm}$$

با توجه به اطلاعات مسئله، می‌توان نوشت:

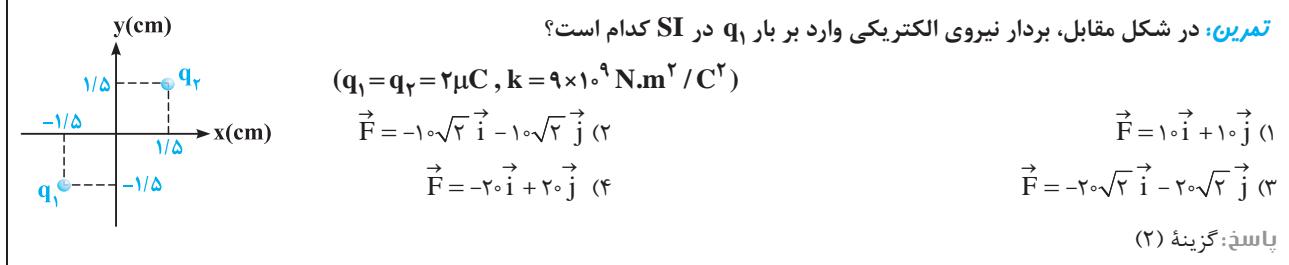
۳ ۱۶

$$\begin{cases} F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \Rightarrow 5 = 9 \times 10^9 \times \frac{|q_1||q_2|}{(3 \times 10^{-1})^2} \Rightarrow |q_1||q_2| = 5 \times 10^{-11} C^2 = 5 \mu C^2 \\ |q_1| + |q_2| = 15 \mu C \end{cases}$$

حاصل ضرب دو بار همانمقدار $5 \mu C^2$ و حاصل جمع آنها $15 \mu C$ است، بنابراین اندازه بار الکتریکی دو ذره برابر $5 \mu C$ و $10 \mu C$ است. البته اگر علاقه مند باشید می‌توانید با حل معادله درجه دوم نیز دو معادله دو مجهول اخیر را حل کنید، ولی این‌کار، زمانبر و طولانی است.

۱ ۱۷ مشابه با تمرين (۵) درستنامه، گزینه (۱) صحیح است.

برای تمرين بیشتر، تمرين زیر را نیز بررسی کنید.

تمرين: در شکل مقابل، بردار نیروی الکتریکی وارد بر بار q_1 در SI کدام است؟

با توجه به شکل زیر، نیرویی که بار q بر بار $2q$ وارد می‌کند، با نیرویی که بار $2q$ بر بار q وارد می‌کند، مساوی و در خلاف جهت هم است. این موضوع بیانی از قانون سوم نیوتون است (هر عملی را عکس‌العملی است مساوی و در خلاف جهت آن) و در نهایت می‌توان نوشت:

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{نیروی } q \text{ بر } 2q = \vec{F} = 10\hat{i} \\ \text{نیروی } 2q \text{ بر } q = -\vec{F} = -10\hat{i} \end{array} \right.$$

برای معلق ماندن گوی بالایی، نیروی دافعه الکتریکی بین دو گوی باید وزن گوی (۱) را خنثی کند و برای رسیدن به این هدف داریم:

$$F = mg \Rightarrow \frac{kq \times q}{r^2} = mg$$

$$\Rightarrow \frac{9 \times 10^9 \times q^2}{(1 \times 10^{-2})^2} = (0.9 \times 10^{-3}) \times 10 \Rightarrow q^2 = 10^{-16} C^2 \Rightarrow q = 10^{-8} C$$

و برای پیدا کردن تعداد الکترون‌های کنده شده از هر گوی می‌توان نوشت:

$$q = ne \Rightarrow 10^{-8} = n \times (1/6 \times 10^{-19}) \Rightarrow n = \frac{1}{1/6} \times 10^{11} = 6/25 \times 10^{10}$$

از آن جایی که نیرویی که ذره A بر ذره B وارد می‌کند، با توجه به قانون سوم نیوتون برابر است، می‌توان نوشت:

$$F_A = F_B \xrightarrow{F=ma} m_A a_A = m_B a_B \Rightarrow m_A a_A = 2 m_B a_B \Rightarrow \frac{a_A}{a_B} = \frac{2m}{m} = 2$$

روش بهتر: چون اندازه نیروها با یکدیگر یکسان است، ذره A که جرم آن نصف جرم ذره B است، لزوماً شتابی ۲ برابر شتاب ذره B دارد.

۴ ۲۱ با استفاده از قانون کولن برای مقایسه بزرگی نیروی الکتریکی بین دو ذره باردار در دو حالت داریم:

$$\begin{cases} F_1 = k \frac{|q_1||q_2|}{r_1^2} = k \frac{|q_e||q_p|}{r_1^2} = k \frac{e^2}{r_1^2} \\ F_2 = k \frac{|q_p||q_p|}{r_2^2} = k \frac{e^2}{r_2^2} \end{cases} \Rightarrow \frac{F_2}{F_1} = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 = \left(\frac{a}{2 \times 10^{-4} a}\right)^2 = \frac{10^8}{4} = 2.5 \times 10^7$$

برای این‌که نیروی کولنی بین دو بار نصف شود (50° درصد کاهش یابد)، فاصله بین دو بار باید $\sqrt{2}$ برابر شود:

$$F = \frac{k |q_1||q_2|}{d^2} \Rightarrow \frac{F'}{F} = \left(\frac{d}{d'}\right)^2 \xrightarrow{F'=\frac{F}{2}} \frac{1}{2} = \left(\frac{d}{d'}\right)^2 \Rightarrow d' = \sqrt{2}d$$

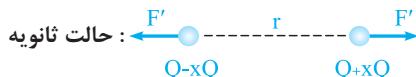
۱ ۲۳

$$F = F' \Rightarrow \frac{k|q_1||q_2|}{r^2} = \frac{k|2q_1| \times |q_2|}{(r')^2} \Rightarrow r' = \sqrt{2}r$$

روش اول: با توجه به ثابت ماندن نیرو در دو حالت می‌توان نوشت:

روش دوم: با دو برابر شدن اندازه یکی از بارها، نیروی بین دو بار الکتریکی هم ۲ برابر می‌شود و برای ثابت ماندن نیرو، باید r را طوری انتخاب کنیم که کسر را نصف کند و این موضوع یعنی r باید $\sqrt{2}$ برابر شود:

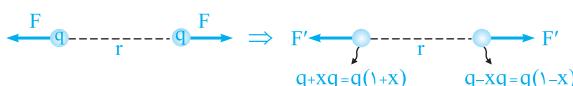
$$F = \frac{k|q_1||q_2|}{r^2} \quad \text{ثابت}$$

درصد باری که از بارها برداشته و به دیگری اضافه شده است را x درنظر می‌گیریم. حال با بررسی دو حالت، مقدار مجهول را به دست می‌آوریم:

$$\left\{ \begin{array}{l} (1) : F = \frac{k|q_1||q_2|}{r^2} \xrightarrow{\text{بارها مشابه‌اند}} F = \frac{kQ^2}{r^2} \\ (2) : F' = \frac{k|q'_1||q'_2|}{r'^2} = k \frac{Q(1-x)Q(1+x)}{r^2} = \frac{kQ^2}{r^2}(1-x^2) \end{array} \right.$$

$$F' = \frac{15}{16}F \Rightarrow (1-x^2)\left(\frac{kQ^2}{r^2}\right) = \frac{15}{16}\left(\frac{kQ^2}{r^2}\right) \Rightarrow 1-x^2 = \frac{15}{16} \Rightarrow x^2 = 1 - \frac{15}{16} = \frac{1}{16} \Rightarrow x = \frac{1}{4} \equiv 25\%$$

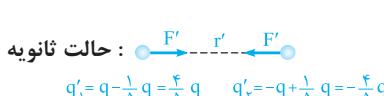
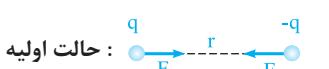
خالقیت در فضایها: به دلیل اهمیت این سؤال می‌خواهیم کمی بیشتر به بررسی آن پردازیم. کافیست کمی ذهنی‌تر به این سؤال نگاه کنیم:



$$\frac{F'}{F} = \frac{|q'_1||q'_2|}{|q_1||q_2|} \Rightarrow \frac{F'}{F} = 1 - x^2 = \frac{15}{16} \Rightarrow x^2 = \frac{1}{16} \Rightarrow x = \frac{1}{4} \equiv 25\%.$$

باز هم سریع تر: نیرو چه قدر کم شده است؟ $\frac{1}{16}$ برابر x است. $\frac{1}{16}$ جذر $\frac{1}{16}$ برابر x است.تمرین: اگر نیرو $\frac{24}{25}$ برابر شود، x چه قدر است؟پاسخ: نیرو $\frac{1}{25}$ برابر x است. $x = \frac{1}{5}$ یا 20% است.این سؤال، مکمل خوبی برای تست قبل محسوب می‌شود، زیرا در آن بارها برابر و مختلف العلامت هستند. در این سؤال ۲۰ درصد $(\frac{2}{5})$ یکی از

بارها را کم کرده و به دیگری اضافه کرده‌ایم. برای این‌که نیروی کولنی بین دو بار تعییر نکند، باید فاصله دو بار را تغییر دهیم. بنابراین می‌توان نوشت:



$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \xrightarrow{F'=F} k \frac{|q||x||q|}{r^2} = k \frac{\left|\frac{1}{5}q\right| \times \left|\frac{4}{5}q\right|}{(r')^2} \Rightarrow \left(\frac{r'}{r}\right)^2 = \frac{16}{25} \Rightarrow \frac{r'}{r} = \frac{4}{5}$$

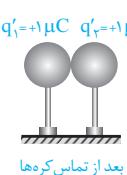
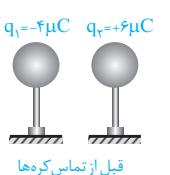
این یک سؤال بسیار جالب و جدید است. با توجه به قانون کولن در مقایسه دو حالت می‌توان نوشت:

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \Rightarrow \begin{cases} F_1 = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \\ F_2 = k \frac{\left|q_1 - \frac{1}{5}q_1\right| \times \left|q_2 + \frac{1}{5}q_1\right|}{r^2} \end{cases} \Rightarrow \frac{F_2}{F_1} = \frac{\frac{1}{5}|q_1||q_2| + \frac{1}{4}|q_2|^2}{|q_1||q_2|} = \frac{6}{25} + \frac{|q_2|}{4|q_1|} \xrightarrow{\text{خواسته سؤال}} \frac{6}{25} + \frac{|q_2|}{4|q_1|} > 1$$

$$\Rightarrow \frac{|q_1|}{4|q_2|} > \frac{6}{25} \Rightarrow |q_1| > 2|q_2| \Rightarrow q_1 > 2q_2$$

$$\Rightarrow \frac{F_1}{F_2} = \frac{1/5}{4/|q_2|} \Rightarrow \begin{cases} \frac{|q_1|}{4|q_2|} = 1/5 \Rightarrow q_1 = 2q_2 \Rightarrow \frac{F_1}{F_2} = 1 \Rightarrow F_1 = F_2 \\ \frac{|q_1|}{4|q_2|} < 1/5 \Rightarrow q_1 < 2q_2 \Rightarrow \frac{F_1}{F_2} < 1 \Rightarrow F_1 < F_2 \end{cases}$$

دقیق: در این سؤال، دو حالت زیر نیز می‌تواند پرسیده شود:



$$\begin{cases} q_1 = -4\mu C \\ q_2 = +6\mu C \end{cases} \Rightarrow q'_1 = q'_2 = \frac{q_1 + q_2}{2} = \frac{(-4) + 6}{2} = 1\mu C$$

به عبارت دیگر با تماس دادن دو کره با یکدیگر باید به میزان $C = 5\mu C$ - بار از کره اول به کره دوم منتقل شود. در ادامه با توجه به رابطه $q = ne$ تعداد الکترون‌های مبادله‌شده را بدست می‌آوریم:

$$q'_1 = q'_2 = \frac{-6 + (+4)}{2} = -1nC$$

در ادامه می‌توان گفت نیروی بین آنها از نوع رانشی بوده و به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$F' = k \frac{|q'_1||q'_2|}{r^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{(1 \times 10^{-9})(1 \times 10^{-9})}{(30 \times 10^{-2})^2} = 10^{-7} N = 100 nN$$

می‌دانیم که دو کره قبل از تماس یکدیگر را جذب می‌کنند، بنابراین بار دو کره ناهمنام است. اکنون دو حالت را فرض می‌کنیم:

(الف) اندازه بار دو کره برابر است ($|q_1| = |q_2|$): در این حالت با تماس دو کره، بارها یکدیگر را خنثی می‌کنند و دیگر باری برای کره‌ها باقی نمی‌ماند. بنابراین در این حالت کره‌ها نمی‌توانند پس از اتصال یکدیگر را دفع کنند.

(ب) اندازه بار دو کره برابر نباشد: در این حالت با تماس دو کره، مقداری از بار بزرگ‌تر توسط بار کوچک‌تر خنثی شده و مابقی آن بین دو کره به طور یکسان پخش می‌شود، بنابراین در این حالت کره‌ها پس از اتصال یکدیگر را دفع می‌کنند.

تذکر: دقت کنیم در این سؤال مقدار نیروی بین دو کره در حالت قبل از تماس بیشتر از حالت بعد از تماس است (چرا؟).

۴ ۳۰ در این سؤال با توجه به علامت بار دو کره، هر سه حالت می‌تواند رخ دهد. با سه مثال ساده این موضوع را بررسی می‌کنیم:

حالات اول: اگر دو کره بار هم‌علامت و مساوی داشته باشند، پس از اتصال نیروی بین دو کره تغییر نمی‌کند، زیرا حاصل ضرب $|q_1||q_2|$ تغییر نمی‌کند.

حالات دوم: اگر دو کره بار مساوی و مختلف‌العلامت داشته باشند، پس از اتصال نیروی بین دو کره صفر شده و به عبارتی کاهش می‌یابد.

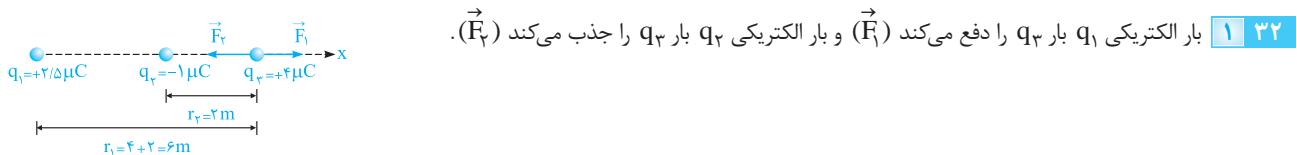
حالات سوم: اگر دو کره بار نامساوی و هم‌علامت داشته باشند، پس از اتصال نیروی بین دو کره افزایش می‌یابد. برای درک بهتر این حالت به اعداد زیر توجه کنید:

$$\begin{cases} |q'_1||q'_2| = \left|\frac{3}{2}q\right| \times \left|\frac{3}{2}q\right| = \frac{9}{4}q^2 \\ |q_1||q_2| = |q| \times 2q = 2q^2 \end{cases} \xrightarrow{F \propto |q_1||q_2|} F' > F$$

بنابراین هر سه حالت ممکن است رخ دهد.

در پاسخ سؤال قبل، در حالت سوم به کمک یک مثال عددی دیدیم که اگر دو کره دارای بار الکتریکی همان و نامساوی باشند، اندازه نیروی بین دو کره

بعد از تماس دادن به یکدیگر بیشتر از حالت قبل از تماس است (این موضوع با کمک اصول ریاضی نیز به سادگی قابل اثبات است).



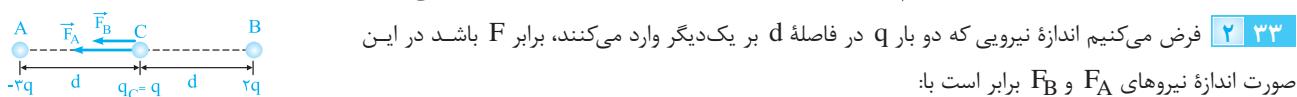
۱ ۳۲ بار الکتریکی q_1 بار q_3 را دفع می‌کند (\vec{F}_1) و بار الکتریکی q_2 بار q_3 را جذب می‌کند (\vec{F}_3).

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{(دافعه)} : F_1 = k \frac{|q_1||q_3|}{r_1^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{2/5 \times 10^{-6} \times 4 \times 10^{-6}}{(6)^2} = 2/5 \times 10^{-3} \text{ N} \xrightarrow{\text{در جهت محور } x} \vec{F}_1 = 2/5 \times 10^{-3} \vec{i} \\ \text{(جاذبه)} : F_3 = k \frac{|q_2||q_3|}{r_2^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{1 \times 10^{-6} \times 4 \times 10^{-6}}{(2)^2} = 9 \times 10^{-3} \text{ N} \xrightarrow{\text{در خلاف جهت محور } x} \vec{F}_3 = -9 \times 10^{-3} \vec{i} \end{array} \right.$$

بنابراین برایند نیروهای وارد بر بار q_3 برابر است با:

$$\vec{F}_T = \vec{F}_1 + \vec{F}_3 = 2/5 \times 10^{-3} \vec{i} + (-9 \times 10^{-3} \vec{i}) = -6/5 \times 10^{-3} \vec{i}$$

به عبارت دیگر اندازه برایند نیروهای وارد بر بار q_3 برابر $6/5 \times 10^{-3}$ نیوتون و در خلاف جهت محور x می‌باشد.



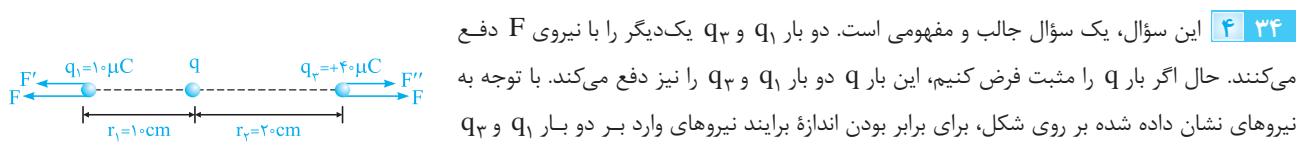
۲ ۳۳ فرض می‌کنیم اندازه نیرویی که دو بار q در فاصله d بر یکدیگر وارد می‌کنند، برابر F باشد در این

صورت اندازه نیروهای F_A و F_B برابر است با:

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{برابر ۳} : \vec{F}_A = \frac{k |q_A| |q|}{d^2} \Rightarrow F_A = 3F \\ \text{برابر ۲} : \vec{F}_B = \frac{k |q_B| |q|}{d^2} \Rightarrow F_B = 2F \end{array} \right. \text{نیروی بین A و C (دافعه)}$$

(به سمت چپ)

با برایندگیری از نیروهای همجهت به دست آمده، داریم:



۴ ۳۴ این سؤال، یک سؤال جالب و مفهومی است. دو بار q_1 و q_3 یکدیگر را با نیروی F دفع

می‌کنند. حال اگر بار q را مثبت فرض کنیم، این بار q دو بار q_1 و q_3 را نیز دفع می‌کند. با توجه به نیروهای نشان داده شده بر روی شکل، برای برایند نیروهای وارد بر دو بار q_1 و q_3 برابر باشند. بنابراین باید داشته باشیم:

$$\left\{ \begin{array}{l} F_{T_1} = F + F' = F + k \frac{|q_1||q|}{r_1^2} = F + k \times \frac{10 \times 10^{-6} |q|}{(10^{-1})^2} = F + 10^{-3} k |q| \\ F_{T_3} = F + F'' = F + k \frac{|q_3||q|}{r_3^2} = F + k \times \frac{40 \times 10^{-6} |q|}{(2 \times 10^{-1})^2} = F + 10^{-3} k |q| \end{array} \right.$$

همان‌طور که مشاهده می‌کنیم، بدون توجه به این‌که اندازه بار الکتریکی q چه مقدار باشد، همیشه دو نیروی F_{T_1} و F_{T_3} با هم برابر می‌باشند. بنابراین بار الکتریکی q هر مقدار دلخواهی را می‌تواند داشته باشد.

تذکر: توصیه می‌شود که به عنوان تمرین نشان دهید که اگر بار q منفی باشد نیز به همین نتیجه می‌رسیم.

۵ ۳۵ گام اول: چون بارهای q_2 و q_3 یکدیگر را دفع می‌کنند، بنابراین همانم می‌باشند و از طرفی نیرویی که q_2 به q_3 وارد می‌کند نیز طبق قانون

سوم نیوتون برابر F و باید به سمت راست باشد (حالت دافعه).

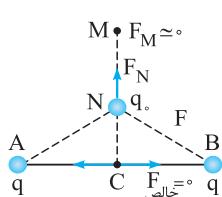
گام دوم: همان‌طور که در صورت سؤال مطرح شده است، بزرگی برایند نیروهای وارد بر بار q_3 برابر $\frac{F}{2}$ و به سمت چپ است، بنابراین مطابق شکل رسم شده، بار q_1 ، باید بار q_3 را با نیروی $F_{13} = \frac{3}{2}F$ به سمت خود، یعنی به سمت چپ، جذب کند:

$$F_T = F_{13} - F_{23} \Rightarrow \frac{F}{2} = F_{13} - F \Rightarrow F_{13} = \frac{3}{2}F$$

گام سوم: حال با توجه به این‌که $F_{23} = F$ و $F_{13} = \frac{3}{2}F$ می‌باشد، به سادگی می‌توان نسبت آوردن:

$$F_{13} = \frac{3}{2}F \Rightarrow F_{13} = \frac{3}{2}F_{23} \Rightarrow k \frac{|q_1||q_3|}{(2d)^2} = \frac{3}{2} \times k \frac{|q_2||q_3|}{d^2} \Rightarrow \left| \frac{q_1}{q_2} \right| = 6$$

بار q_1 ، بار q_3 را جذب و بار q_2 ، بار q_3 را دفع می‌کند، بنابراین بارهای q_1 و q_2 مختلف‌العلامت می‌باشد و $\frac{q_1}{q_2} = -6$ می‌باشد.



۲ ۳۶ مطابق شکل، نیروی وارد شده به بار q را در سه نقطه M ، N و C بررسی می‌کنیم. نقطه M در فاصله r از بار q بسیار زیادی از بارها قرار گرفته است و طبق رابطه $F = \frac{k|q_1||q_2|}{r^2}$ ، چون فاصله بسیار زیاد است، اندازه نیروی وارد شده به بار q بسیار ناچیز است. در نقطه C نیز همان‌طور که در شکل می‌بینید، نیروهای وارد شده به بار q همان‌دازه و مختلف‌الجهت هستند و یکدیگر را خنثی می‌کنند و نیروی خالص وارد شده به q ، صفر می‌شود. اما در نقطه N نیروی به بزرگی F به بار q وارد می‌شود، بنابراین در انتقال بار q از M به C ، ابتدا بزرگی نیروی الکتریکی وارد شده بر آن، افزایش و سپس کاهش می‌یابد.

۲ ۳۷ با توجه به درسنامه، از آنجایی که نقطه C (محل صفر شدن برایند نیروها) خارج از فاصله بین دو بار q_A و q_B قرار دارد، در می‌باییم این دو بار با یکدیگر مختلف‌العلامت هستند (q_A ، q_B) و چون نقطه C به نقطه B نزدیک‌تر است، می‌فهمیم این بار اندازه کوچک‌تری دارد.

با توجه به تمرین (۱۷) در درسنامه، گزینه (۴) صحیح است.

۴ ۳۹ همان‌طور که در روند حل تست قبل (در درسنامه) مشاهده می‌شود، مقدار و علامت بار q' ، در به تعادل رسیدن آن نقشی ندارد و اگر اندازه بار q' دو برابر و حتی قرینه نیز شود، مجددًا تعادل برای آن برقرار است و پاسخ همان 60 cm می‌باشد.

۱ ۴۰ برای تعادل بار الکتریکی q'_3 باید دو نیروی مساوی و در خلاف جهت هم به آن وارد شود. بار جدید q'_2 را با q'_3 نشان می‌دهیم. بنابراین داریم:

$$F_{T,3} = F_{1,3} \Rightarrow \frac{k|q'_1||q'_3|}{(30)^2} = \frac{k|q_1||q'_3|}{(10)^2} \Rightarrow |q'_3| = \frac{1}{900} \Rightarrow |q'_3| = 9\mu\text{C} \Rightarrow q'_3 = 9\mu\text{C}$$

با توجه به این که $q_2 = 6\mu\text{C}$ است، باید $q'_3 = 3\mu\text{C}$ به بار q_3 بیافزاییم تا بار q_3 متعادل شود.

۲ ۴۱ نیروی وارد از طرف بارهای مثبت q_1 و q_2 بر پروتون دافعه می‌باشد. بنابراین نیروهای وارد بر پروتون در ناحیه (۴) به سمت راست (در جهت محور x) و در ناحیه (۱) به سمت چپ (در خلاف جهت محور x) می‌باشد.



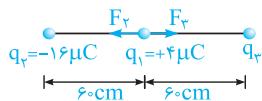
از طرفی در ناحیه (۳) نیروی دافعه وارد از طرف q_2 بر پروتون بیشتر از نیروی دافعه وارد شده از طرف q_1 بر پروتون می‌باشد (چرا؟)، بنابراین در این ناحیه برایند نیروهای وارد بر پروتون حتماً به سمت چپ و در خلاف جهت محور x می‌باشد. در ناحیه (۲) نیروی وارد بر پروتون از طرف q_1 می‌تواند بیشتر از نیروی وارد بر پروتون از طرف بار q_2 شود (چون پروتون به بار q_1 نزدیک‌تر است)، بنابراین در محدوده‌ای از ناحیه (۲) برایند نیروی وارد بر پروتون می‌تواند در جهت محور x باشد. در مجموع می‌توان گفت در دو ناحیه (۴) و (۲) برایند نیروی وارد بر پروتون از طرف دو بار دیگر می‌تواند به سمت راست و در جهت محور x باشد.

۲ ۴۲ در این سؤال با توجه به این که بار q_1 اندازه کوچک‌تری نسبت به بار q_2 دارد، پس بار q_3 برای تعادل باید نزدیک به بار q_1 باشد و چون بارهای q_1 و q_2 ناهم‌نام هستند، پس بار q_3 باید در خارج از فاصله بین دو بار قرار گیرد.

$$F_{T,3} = 0 \Rightarrow F_1 = F_2 \Rightarrow k \frac{4 \times |q_3|}{d^2} = k \frac{16 \times |q_3|}{(d+60)^2} \Rightarrow \frac{4}{d^2} = \frac{16}{(d+60)^2} \Rightarrow \frac{2}{d} = \frac{4}{d+60} \Rightarrow d = 60\text{ cm}$$

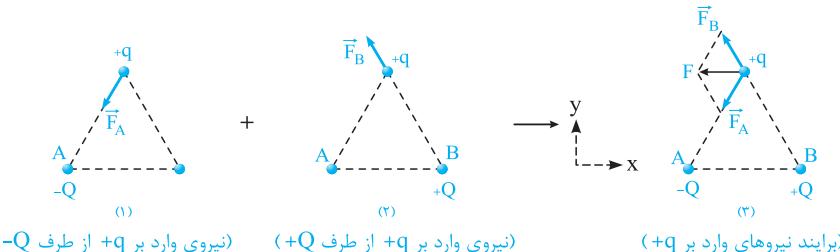
برای این‌که بار q_1 نیز در حال تعادل باشد، باید بارهای q_2 و q_3 هم علامت بوده (در نتیجه علامت بار q_3 باید منفی باشد) و اندازه نیروهای وارد شده از طرف آن‌ها بر بار q_1 با هم برابر باشد. بنابراین می‌توان نوشت:

$$F_{T,1} = 0 \Rightarrow F_1 = F_2 \Rightarrow k \frac{16 \times 4}{60^2} = k \frac{4 \times |q_3|}{60^2} \Rightarrow |q_3| = 16\mu\text{C}$$



بنابراین بار q_3 برابر $-16\mu\text{C}$ میکروکولن خواهد بود. (۱) $|q_3| = -16\mu\text{C}$.

اگر اندازه نیروی که دو بار Q و q برهم وارد می‌کنند را F' در نظر بگیریم، داریم:

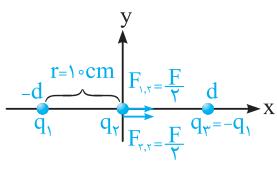
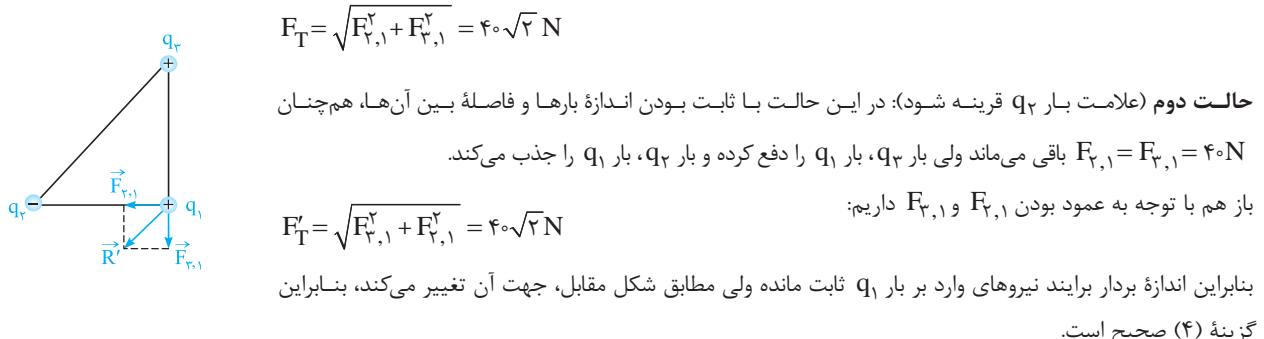
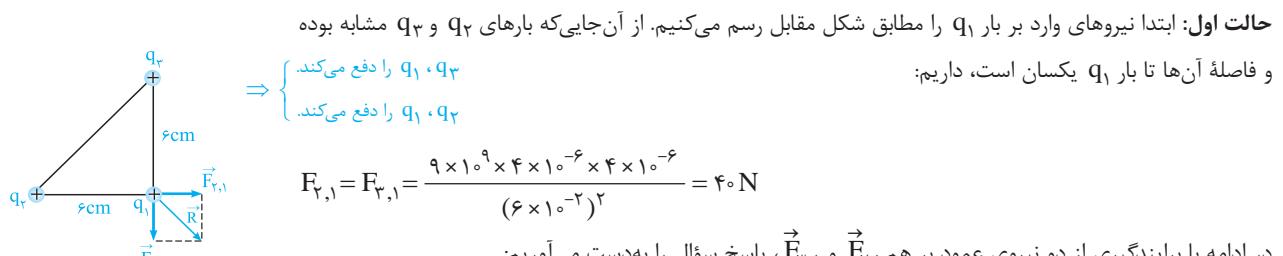


همان‌طور که مشاهده می‌کنید، نیروی خالص وارد بر ذره q در خلاف جهت x است و از بین گزینه‌ها تنها گزینه (۱) با فرم برداری آن انتطباق دارد.

تذکر: با توجه به یکسان بودن فاصله و اندازه بار در شکل های (۱) و (۲)، F_A و F_B با هم برابرند:

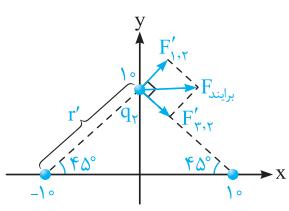
$$F_A = F_B = F' = \frac{k|q||Q|}{r^2}$$

۴۴ این سؤال را در دو حالت بررسی می کنیم:



از آنجا که اندازه بارهای q_1 و q_3 با یکدیگر برابر و مختلف العلامت هستند و فاصله آنها تا بار q_2 برابر است، بنابراین نیروهای وارد شده از طرف آنها بر بار q_2 مساوی و برابر $\frac{F}{2}$ می باشد.

$$F = F_{1,2} + F_{3,2} \xrightarrow{F_{1,2}=F_{3,2}} F_{1,2} = F_{3,2} = \frac{F}{2}$$



در ادامه وقتی بار q_2 را به اندازه $d = 10 \text{ cm}$ روی محور y جابه جا می کنیم، اندازه بارها ثابت بوده و فقط فاصله بین q_2 و دو بار الکتریکی دیگر $\sqrt{2}$ برابر می شود، بنابراین داریم:

$$r' = 10\sqrt{2} \Rightarrow r' = 10\sqrt{2} \text{ cm}$$

$$\frac{F'_{1,2}}{F_{1,2}} = \left(\frac{r}{r'}\right)^2 = \left(\frac{10}{10\sqrt{2}}\right)^2 = \frac{1}{2} \Rightarrow F'_{1,2} = F'_{3,2} = \frac{1}{2} F_{1,2} = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2} F\right) = \frac{1}{4} F$$

حال برایند دو نیروی $F'_{1,2}$ و $F'_{3,2}$ را به دست می آوریم:

$$F_{\text{برایند}} = F'_{1,2}\sqrt{2} \rightarrow F_{\text{برایند}} = \left(\frac{1}{4} F\right) \times \sqrt{2} = \frac{\sqrt{2}}{4} F$$

با توجه به تمرین (۱۶) در درسنامه، گزینه (۱) صحیح است.

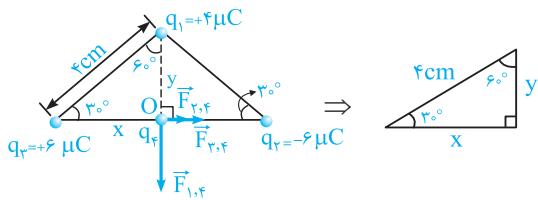
۴۷ اگر اندازه نیرویی که بار q بر q وارد می کند برابر F باشد، بار $3q$ نیرویی به بزرگی $3F$ را بر q اعمال می کند. با توجه به شکل زیر، برایند دو نیروی همجهتی که بارهای $-q$ و $3q$ بر q وارد می کنند، $4F$ می شود.

از طرفی برایند نیروهایی که بارهای $2q$ و Q بر بار q وارد می کنند، باید همین مقدار باشد تا برایند کل نیروهای وارد شده بر بار q ، بر روی نیمساز زاویه θ و به سمت بالا قرار گیرد.

$$\Rightarrow 4F = F_Q + 2F \Rightarrow F_Q = 2F$$

بنابراین اندازه نیروی وارد شده از طرف بار Q بر q دو برابر نیروی وارد شده از طرف بار q بر q می باشد. با توجه به یکسان بودن فاصله تمام بارها از q ، بنابراین بار Q باید برابر $-2q$ باشد (منفی است زیرا باید q را جذب کند).

بارهای q_1 و q_2 ، بار q_4 را دفع کرده و بار q_2 آن را جذب می‌کند. در ادامه مطابق شکل نیروهای وارد بر این بار را حساب می‌کنیم:



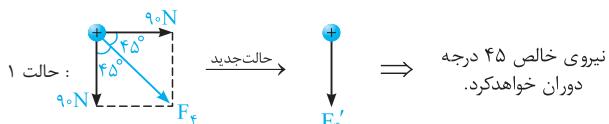
$$\begin{cases} \sin 60^\circ = \frac{\text{ضلع مقابل}}{\text{وتر}} = \frac{x}{4} = \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow x = 2\sqrt{3} \text{ cm} \\ \cos 60^\circ = \frac{\text{ضلع مجاور}}{\text{وتر}} = \frac{y}{4} = \frac{1}{2} \Rightarrow y = 2 \text{ cm} \end{cases}$$

$$\begin{cases} F_{1,4} = \frac{k|q_1||q_4|}{y^2} = \frac{9 \times 10^9 \times (4 \times 10^{-6})(1 \times 10^{-6})}{(2 \times 10^{-2})^2} = 90 \text{ N} \\ F_{2,4} = F_{3,4} = \frac{k|q_2||q_4|}{x^2} = \frac{9 \times 10^9 \times (6 \times 10^{-6})(1 \times 10^{-6})}{(2\sqrt{3} \times 10^{-2})^2} = 45 \text{ N} \Rightarrow F_{2,4} = 45 + 45 = 90 \text{ N} \end{cases}$$

$$\Rightarrow R = 2F' \cos \frac{90^\circ}{2} = 90\sqrt{2} \text{ N}$$

در سؤال قبل اگر علامت q_2 قرینه شود، نیروی ناشی از q_2 و q_3 یکدیگر را خنثی خواهد کرد و در مجموع تنها یک نیروی قائم باقی خواهد ماند. با

توجه به این موضوع، جهت نیروی وارد بر q_4 به اندازه ۴۵ درجه تغییر خواهد کرد.



ابتدا فرض می‌کنیم که علامت بار Q و q_1 مثبت باشد. در شکل مقابل بار الکتریکی Q ، بار q_1 را با نیروی \vec{F}_Q دفع می‌کند. اگر بار q_1 توسط بارهای q نیز دفع شود، در این صورت امکان ندارد که برایند نیروهای وارد بر این بار صفر شود (چرا؟)، بنابراین بار q_1 توسط بارهای q جذب می‌شود. به بیان دیگر بارهای Q و q مختلف علامت هستند و برایند دو نیروی \vec{F}_Q (یعنی \vec{R}') را خنثی می‌کنند.

$$\begin{cases} \vec{F}_Q \text{ دفع می‌کند.} \\ \vec{F}_q \text{ جذب می‌کند.} \\ \vec{R}' \text{ خنثی می‌شود.} \end{cases}$$

$$\begin{cases} \vec{F}_Q = \frac{k|q_1||q_2|}{r^2} \Rightarrow F_Q = \frac{k|q||q_1|}{a^2} \\ \vec{F}_q = \frac{k|q_1||q_2|}{r^2} \Rightarrow F_q = \frac{k|Q||q_1|}{2a^2} \end{cases}$$

$$(بارهای Q و q ناهمنام هستند). \vec{F}_Q = R' \Rightarrow F_Q = R' \Rightarrow \frac{k|Q||q_1|}{2a^2} = \frac{\sqrt{2}k|q||q_1|}{a^2} \Rightarrow \left| \frac{Q}{q} \right| = 2\sqrt{2} \Rightarrow \frac{Q}{q} = -2\sqrt{2}$$

دقیقت: نیروی \vec{F}_Q در راستای قطر مربع است. از طرفی به دلیل هماندازه بودن نیروهای \vec{F}_q ، نیروی \vec{R}' نیز در راستای قطر مربع می‌باشد. بنابراین نیروهای \vec{R}' و \vec{F}_Q در راستای یکدیگر می‌باشند.

حال اگر علامت بار Q را منفی فرض کنیم، علامت بار q باید مثبت باشد (به عنوان تمرین مشابه روند فوق بررسی کنید)، بنابراین هر یک از گزینه‌های (۱) و (۲) می‌تواند صحیح باشد. در هر دو حالت اندازه بار Q باید $2\sqrt{2}$ برابر اندازه بار q باشد ($\frac{Q}{q} = -2\sqrt{2}$).

ذرہ Q تحت اثر نیروی بارهای $10\mu\text{C}$ متعادل است و کافیست تعادل یکی از بارهای $10\mu\text{C}$ را بررسی کنیم. با توجه به مفاهیم دو تست قبل،

برای تعادل، علامت بار Q باید منفی باشد تا نیروهای نشان داده شده در نهایت یکدیگر را خنثی کنند (بار $10\mu\text{C}$ را فرض کرده‌ایم):

$$\begin{cases} F_{1,2} = F_{2,1} = \frac{k|q||q|}{d^2} = F \\ F_{3,4} = F_{4,3} = \frac{k|q||q|}{(\sqrt{2}d)^2} = \frac{F}{2} \end{cases}$$



$$F_{42} \text{ و } F_{22} \text{ و } F_{12} \text{ برایند: } R = [F\sqrt{2}] + F_{42} = F\sqrt{2} + \frac{F}{2} = F(\sqrt{2} + \frac{1}{2}) = \frac{k|q|\times|q|}{d^2}(\sqrt{2} + \frac{1}{2})$$

حال برایند فوک را نیروی F_Q باید خنثی کند و داریم:

$$F_Q = [R] \Rightarrow \frac{k|Q|\times|q|}{(\frac{\sqrt{2}}{2}d)^2} = \frac{k|q|\times|q|}{d^2} \times (\sqrt{2} + \frac{1}{2})$$

$$|Q| = |q| \left(\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{1}{2} \right) \approx 10 \left(\frac{1.41}{2} + \frac{1}{2} \right) = 9.5 \mu C \Rightarrow Q = -9.5 \mu C$$

۱ ۵۲ این سؤال را در دو حالت بررسی می‌کنیم:

حالت اول: ابتدا نیروی الکتریکی بین دو گلوله را به دست می‌آوریم:

$$F = k \frac{|q_A||q_B|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 10^{-6} \times 0.5 \times 10^{-6}}{9 \times 10^{-4}} = 5 N$$

چون بار گلوله‌های A و B مشت است، نیروی الکتریکی وارد گلوله B به سمت بالا می‌باشد (دافعه)، اما وزن آن (mg) همیشه رو به پایین است.

$$F + T_1 = mg \Rightarrow 5 + T_1 = 2 \times 10 \Rightarrow T_1 = 15 N$$

حالت دوم: در این حالت با منفی شدن بار گلوله A، گلوله‌های A و B یکدیگر را جذب کرده و در نتیجه نیروی الکتریکی وارد بر بار B سمت پایین می‌شود ولی با توجه به ثابت بودن اندازه بارها و فاصله بین آن‌ها اندازه این نیروی الکتریکی تغییری نمی‌کند.

$$T_2 = F + mg \Rightarrow T_2 = 5 + (2 \times 10) \Rightarrow T_2 = 25 N \Rightarrow \frac{T_2}{T_1} = \frac{25}{15} = \frac{5}{3}$$

۳ ۵۳

نکته: در شکل مقابل اگر گلوله در حالت تعادل باشد، رابطه بین F ، mg و α به صورت زیر است:

$$\begin{cases} \sum F_x = 0 \Rightarrow T \sin \alpha = F \\ \sum F_y = 0 \Rightarrow T \cos \alpha = mg \end{cases} \Rightarrow \tan \alpha = \frac{F}{mg}$$

این نکته در حل دو تست بعد، کاربرد بسیار زیادی دارد.

به بررسی هر یک از گزینه‌ها می‌پردازیم:

گزینه (۱): طبق قانون سوم نیوتون، نیرویی که گلوله باردار A بر B وارد می‌کند، برابر و در خلاف جهت یکدیگر می‌باشد. بنابراین $F_A = F_B$ بوده و در خلاف جهت یکدیگر می‌باشد.

گزینه‌های (۲) و (۳): طبق نکته فوق، برای برابر بودن زاویه انحراف دو گلوله از راستای قائم ($\alpha = \beta$)، از آن‌جا که اندازه نیروی الکتریکی بین دو گلوله یکسان است، باید جرم دو گلوله نیز یکسان باشد.

$$\tan \alpha = \tan \beta \Rightarrow \frac{F_A}{m_A g} = \frac{F_B}{m_B g} \Rightarrow \frac{F_A = F_B}{m_A = m_B}$$

بنابراین گزینه (۳) صحیح است.

دقت کنید که برابر بودن زاویه انحراف دو گلوله ارتباطی به بار دو گلوله ندارد، چون در هر صورت نیروی الکتریکی بین دو بار یکسان می‌شود.

گزینه (۴): با توجه به نکته فوق و شکل مقابل، برای هریک از گلوله‌های A و B می‌توان نوشت:

$$\begin{cases} \tan \alpha = \frac{F_A}{m_A g} \\ \tan \beta = \frac{F_B}{m_B g} \end{cases} \xrightarrow[F_A = F_B]{\text{طرفین را بر هم تقسیم می‌کنیم}} \frac{\tan \alpha}{\tan \beta} = \frac{m_B}{m_A} \xrightarrow[m_B > m_A]{\tan \alpha > \tan \beta} \alpha > \beta$$

برای پاسخ دادن به این سؤال، گام‌های زیر را طی می‌کنیم:

گام اول: به دست آوردن $\tan \alpha$ به کمک روابط مثلثاتی:

$$39^\circ = 15^\circ + OA^\circ \Rightarrow OA^\circ = 39^\circ - 15^\circ = \underbrace{(39 - 15)}_{24} \underbrace{(39 + 15)}_{54}$$

$$\Rightarrow OA = \sqrt{24 \times 54} = \sqrt{4 \times 6 \times 6 \times 9} = 2 \times 6 \times 3 = 36 \text{ cm}$$

$$\tan \alpha = \frac{\text{مقابل}}{\text{مجاور}} = \frac{15}{36} = \frac{5}{12}$$

گام دوم: به دست آوردن نیروی الکتریکی بین دو گلوله (F) :

$$\tan \alpha = \frac{F}{mg} \Rightarrow \frac{15}{36} = \frac{F}{24 \times 10^{-3} \times 10} \Rightarrow F = 0.1 N$$

گام سوم: به دست آوردن بار گلوله‌ها با استفاده از قانون کولن:

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \xrightarrow{r=2 \times 15 = 30 \text{ cm}} F = 9 \times 10^9 \times \frac{q^2}{(3 \times 10^{-1})^2} \Rightarrow q^2 = 10^{-12} \Rightarrow q = 10^{-6} \text{ C}$$

گام چهارم: به دست آوردن تعداد الکترون‌های جدا شده: $q = ne \Rightarrow 10^{-6} = n \times (1/6 \times 10^{-19}) \Rightarrow n = 6/25 \times 10^{12}$

۴ ۵۵ مطابق رابطه $E = \frac{k|q|}{r^2}$ می‌توان نوشت:

$$E = \frac{k|q|}{r^2} \Rightarrow \begin{cases} E \propto |q| \Rightarrow \\ E \propto \frac{1}{r^2} \end{cases}$$

اندازه میدان الکتریکی با اندازه بار الکتریکی نقطه‌ای رابطه مستقیم دارد.
اندازه میدان الکتریکی با مجدد فاصله از بار الکتریکی رابطه معکوس دارد.

۴ ۵۶ میدان الکتریکی حاصل از بار نقطه‌ای q در فاصله r از آن برابر است با:

$$r = 1 \text{ m}, q = 2 \mu\text{C} = 2 \times 10^{-6} \text{ C} \Rightarrow E = \frac{k|q|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6}}{(1)^2} = 1/8 \times 10^5 \text{ N/C}$$

با توجه به رابطه $E = \frac{k|q|}{r^2}$ می‌توان نوشت: $q = +ne = +2/5 \times 10^{13} \times 1/6 \times 10^{-19} = 4 \times 10^{-6} \text{ C}$: کره الکترون از دست داده است.

$$E = 9 \text{ MN/C} = 9 \times 10^5 \text{ N/C}$$

$$E = \frac{k|q|}{r^2} \Rightarrow 9 \times 10^5 = \frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-6}}{r^2} \Rightarrow r^2 = \frac{4}{100} \Rightarrow r = 0.2 \text{ m} = 20 \text{ cm}$$

۴ ۵۸ برای پاسخ دادن به این سؤال، گام‌های زیر را طی می‌کنیم:

گام اول: با توجه به شکل، ابتدا فاصله بار q تا مبدأ مختصات را به دست آورده و سپس بزرگی میدان ناشی از آن را در مبدأ محاسبه می‌کنیم:

$$r = \sqrt{100^2 + 100^2} = 100\sqrt{2} \text{ cm} = \sqrt{2} \text{ m}$$

$$E = k \frac{|q|}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 20 \times 10^{-9}}{(\sqrt{2})^2} = 90 \text{ N/C}$$

گام دوم: حال با قرار دادن بار مثبت آزمون در مبدأ مختصات، متوجه می‌شویم که جهت میدان الکتریکی در این نقطه به سمت بار q خواهد بود، زیرا $20nC$ ، بار مثبت آزمون را جذب می‌کند.

گام سوم: در ادامه مؤلفه‌های بردار میدان الکتریکی را در راستاهای افقی و قائم به دست می‌آوریم:

$$\begin{cases} E_x = E \cos 45^\circ = 90 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 45\sqrt{2} \text{ N/C} \\ E_y = E \sin 45^\circ = 90 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 45\sqrt{2} \text{ N/C} \end{cases} \Rightarrow E = E_x \vec{i} + E_y \vec{j} = 45\sqrt{2} \vec{i} + 45\sqrt{2} \vec{j}$$

در مقایسه اندازه میدان الکتریکی در نقاط B و C می‌توان نوشت: ۴ ۵۹

$$q_A \quad A \xrightarrow{q_B} B \xrightarrow{q_C} C \quad (BC = \frac{2}{3}AB)$$

$$E = k \frac{|q|}{r^2} \Rightarrow \frac{E_C}{E_B} = \left(\frac{r_B}{r_C} \right)^2 = \left(\frac{AB}{AC} \right)^2 = \left(\frac{AB}{AB + BC} \right)^2 = \left(\frac{AB}{AB + \frac{2}{3}AB} \right)^2 = \frac{9}{25}$$

در ادامه برای پیدا کردن بردار میدان در C ، باید به این موضوع توجه شود که میدان در B و C هم جهت است.

$$q_A \quad \vec{E}_B \quad \vec{E}_C \quad \vec{E}_C = \frac{9}{25} \vec{E}_B = \frac{9}{25} \times (25 \times 10^9 \vec{i}) = 9 \times 10^9 \vec{i}$$

اگر میدان الکتریکی ۷۵ درصد کاهش یابد، به $\frac{1}{4}$ مقدار اولیه می‌رسد و می‌توان نوشت: ۴ ۶۰

$$E_2 = E_1 - \frac{75}{100} E_1 = \frac{1}{4} E_1$$

$$\frac{E_2}{E_1} = \left(\frac{r_1}{r_2} \right)^2 \Rightarrow \frac{1}{4} = \left(\frac{20}{r_2} \right)^2 \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{20}{r_2} \Rightarrow r_2 = 40 \text{ cm}$$

یعنی باید از فاصله 20 cm به فاصله 40 cm منتقل شویم و به عبارتی 20 cm از بار الکتریکی دور شویم.

گام شصتم: شعله شمع در حالت نزدیکتر به سمت چپ (سمت چپ) کشیده می‌شود، در حالی که شعله شمع دورتر تقریباً قائم است. دلیل آن است که بار منفی بزرگی دارد که یون‌های مشیت درون شعله شمع در حالت نزدیک را به سمت خود می‌کشد، در حالی که شمع در حالت دور، تحت تأثیر میدان الکتریکی ضعیفتری قرا می‌گیرد و تقریباً قائم باقی می‌ماند.

۱ ۶۲

مطابق شکل رو به رو، اندازه و جهت میدان الکتریکی حاصل از هریک از بارها را در نقطه مطرح شده، به دست می آوریم:

$$q_1 = 2\mu C = 2 \times 10^{-6} C, \quad r_1 = 1m, \quad E_1 = ?$$

$$\Rightarrow E_1 = \frac{k|q_1|}{r_1^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 2 \times 10^{-6}}{(1)^2} = 18 \times 10^3 N/C \Rightarrow \vec{E}_1 = 18 \times 10^3 \hat{j}$$

$$q_2 = 4\mu C = 4 \times 10^{-6} C, \quad r_2 = 2m, \quad E_2 = ?$$

$$\Rightarrow E_2 = \frac{k|q_2|}{r_2^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 4 \times 10^{-6}}{(2)^2} = 9 \times 10^3 N/C \Rightarrow \vec{E}_2 = -9 \times 10^3 \hat{j}$$

با توجه به آن که میدان های \vec{E}_1 و \vec{E}_2 در خلاف جهت یکدیگر هستند، بردار برایند آنها برابر است با:

$$\vec{E}_{\text{برایند}} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 = 18 \times 10^3 \hat{j} + (-9 \times 10^3 \hat{j}) = 9 \times 10^3 \hat{j}$$

با توجه به تمرین (۲۲) در درسنامه، گزینه (۳) صحیح است.



در هریک از حالت های زیر، با قرار دادن بار مثبت آزمون در نقطه M، برایند میدان های E_1 و E_2 در

نقطه M به سمت راست است:

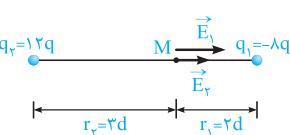
$$\begin{cases} q_1 < 0, q_2 < 0 \\ |q_1| > |q_2| \end{cases} \Rightarrow \begin{array}{c} \bullet \\ q_2 \\ \vec{E}_2 \\ \bullet \\ q_1 \\ \vec{E}_1 \end{array} \quad \text{حالات دوم: } q_1 < 0, q_2 > 0 \Rightarrow \begin{array}{c} \bullet \\ q_2 \\ \vec{E}_2 \\ \bullet \\ q_1 \\ \vec{E}_1 \end{array}$$

$$\begin{cases} q_1 > 0, q_2 > 0 \\ |q_2| > |q_1| \end{cases} \Rightarrow \begin{array}{c} \bullet \\ q_2 \\ \vec{E}_2 \\ \bullet \\ q_1 \\ \vec{E}_1 \end{array}$$

با توجه به حالات فوق، هر سه حالت امکان پذیر است، بنابراین گزینه (۴) صحیح است.

اگر اندازه میدان الکتریکی حاصل از بار مثبت q در فاصله d از آن برابر

باشد، اندازه و جهت میدان الکتریکی هریک از بارهای مقابل در نقطه M برابر است با:



$$\begin{cases} E \propto |q| \\ E \propto \frac{1}{r^2} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{E_2}{E} = \frac{|q_2|}{|q_1|} \times \left(\frac{d}{r_2}\right)^2 = \frac{12q}{q} \times \left(\frac{d}{2d}\right)^2 = 12 \times \frac{1}{4} = \frac{4}{3} \Rightarrow E_2 = \frac{4}{3} E \\ \frac{E_1}{E} = \frac{|q_1|}{|q_2|} \times \left(\frac{d}{r_1}\right)^2 = \frac{8q}{q} \times \left(\frac{d}{2d}\right)^2 = 8 \times \frac{1}{4} = 2 \Rightarrow E_1 = 2E \end{cases}$$

اکنون با توجه به شکل فوق، می توان اندازه برایند میدان های الکتریکی را در نقطه M به دست آورد:

$$E_M = E_1 + E_2 = 2E + \frac{4}{3}E = \frac{10}{3}E \xrightarrow{E = 3 \times 10^5 N/C} E_M = \frac{10}{3} \times (3 \times 10^5) = 10^6 N/C \Rightarrow \vec{E}_M = 10^6 \hat{i}$$

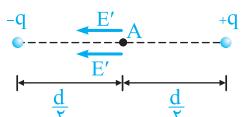
در شکل رو به رو، برایند شدت میدان الکتریکی حاصل از بارهای q_1 و q_2 در وسط خط وصل بین دو بار برابر $1000 N/C$ است:

$$q_1 \quad \frac{r}{2} \quad A \quad \frac{r}{2} \quad q_2 \Rightarrow |\vec{E}_1 + \vec{E}_2| = 1000 N/C$$

از طرفی با توجه به آن که ($|q| \propto E$)، با دو برابر شدن اندازه هریک از بارهای q_1 و q_2 میدان حاصل از آنها نیز دو برابر می شود، بنابراین میدان برایند در نقطه A برابر است با:

$$E'_{\text{برایند}} = |2\vec{E}_1 + 2\vec{E}_2| = 2|\vec{E}_1 + \vec{E}_2| = 2 \times 1000 = 2000 N/C$$

برایند میدان الکتریکی حاصل از بارها را در هر دو حالت به دست می آوریم:



حالات اول: اندازه و فاصله دو بار تا نقطه A (وسط دو بار) برابر است، بنابراین اندازه میدان های الکتریکی حاصل از

هر یک از دو بار نیز در نقطه A یکسان می باشد.

$$E'_{\text{برایند}} = E' + E' = E \Rightarrow E' = \frac{E}{2}$$

حالات دوم:

$E'_{\text{برایند}} \propto \frac{ q }{r^2}$	با توجه به رابطه $E = k \frac{ q }{r^2}$ ، با نصف شدن فاصله و دو برابر شدن بار الکتریکی اندازه میدان الکتریکی ۸ برابر می شود.
--	---