

خرید کتاب های کنکور

با تخفیف ویژه

و
ارال رایگان

Medabook.com



مدابوک



پک جامه ناس تلفنی، رایگان

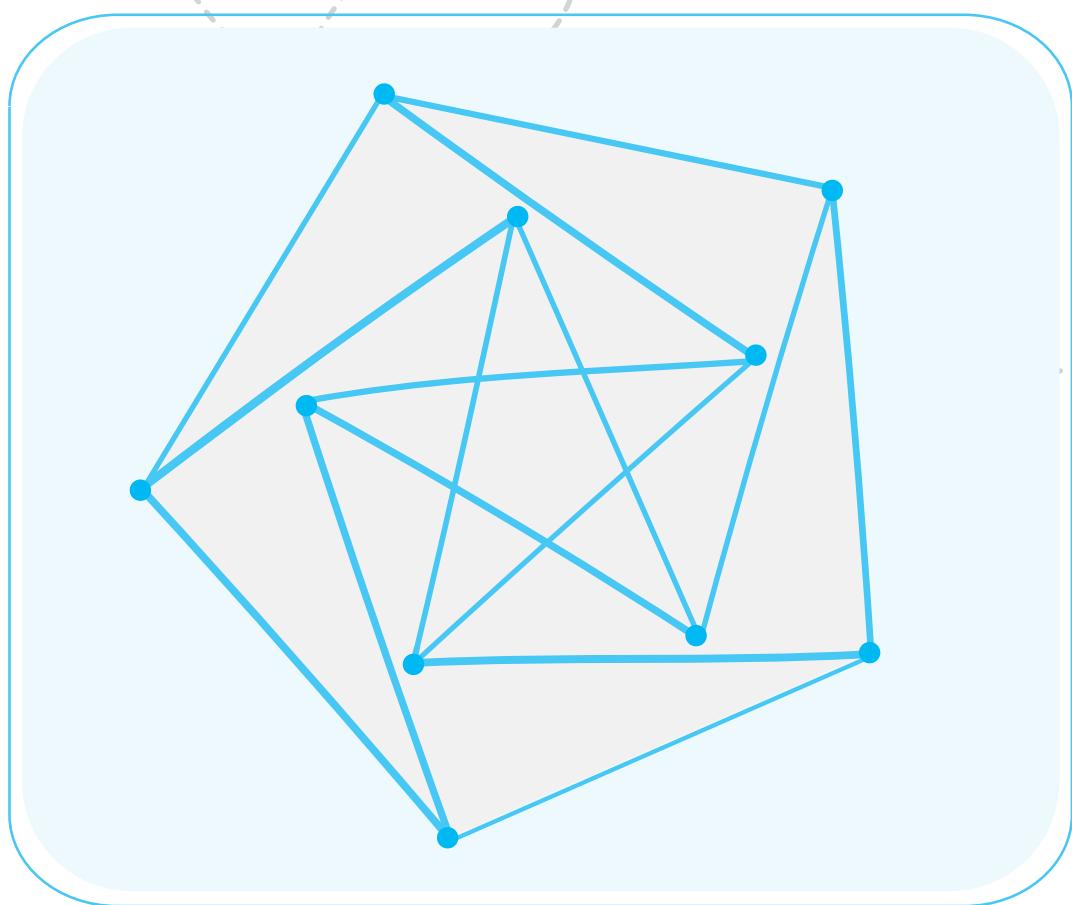
با مشاوران رتبه برتر

برای انتخاب بهترین منابع

دبیرستان و کنکور

۰۲۱ ۳۸۴۳۵۲۱۰





فصل اول: آشنایی با نظریه اعداد

مثال نقض و اثبات مستقیم

۱- کدام گزینه مثال نقض ندارد؟

(۱) اگر x و y دو عدد حقیقی باشند، $\sqrt{x+y} = \sqrt{x} + \sqrt{y}$ است.

(۲) اگر x و y دو عدد حقیقی و مثبت باشند، $\sqrt{xy} = \sqrt{x} \times \sqrt{y}$ است.

(۳) برای هر سه مجموعه A ، B و C اگر $A \cup B = A \cup C$ ، آنگاه $B = C$.

(۴) برای هر سه مجموعه A ، B و C اگر $B - A = C - A$ ، آنگاه $B = C$.

۲- اعداد کدام گزینه، کلیت حکم «حاصل ضرب هر دو عدد گنگ، عددی گنگ است.» را نقض می‌کند؟

$\sqrt{18}$ و $\sqrt{12}$ (۴)

$\sqrt{18}$ و $\sqrt{216}$ (۳)

$\sqrt{12}$ و $\sqrt{6}$ (۲)

$\sqrt{216}$ و $\sqrt{6}$ (۱)

۳- کدام دو عدد کلیت حکم «حاصل ضرب دو عدد گنگ، عددی گنگ است.» را نقض می‌کند؟

$\log_3 25, \log_5 3$ (۴)

$3 - \sqrt{2}, 2 - \sqrt{3}$ (۳)

$2 + \sqrt{3}, 1 - \sqrt{3}$ (۲)

$\sqrt{2}, \sqrt{4}$ (۱)

۴- کدام عدد کلیت حکم «توان دوم هر عدد مثبت بزرگ‌تر از خود آن عدد است.» را نقض می‌کند؟

$\sqrt[3]{2}$ (۴)

$\frac{\sqrt{5}}{2}$ (۳)

$\sqrt{3} - 2$ (۲)

$1 - \frac{\sqrt{2}}{2}$ (۱)

۵- اگر a و b اعداد طبیعی باشند، کدام حکم، مثال نقض دارد؟

(۱) اگر b فرد باشد، $a - b$ فرد است.

(۲) اگر ab فرد باشد، $a + b$ زوج است.

(۳) اگر a زوج باشد، $a^3 + 3a$ زوج است.

(۴) اگر a زوج باشد، $a + b$ زوج است.

۶- کدام عدد کلیت حکم «هر عدد طبیعی دورقمری را می‌توان به صورت مجموع سه عدد طبیعی مربع کامل نوشت.» را نقض می‌کند؟

37 (۴)

36 (۳)

35 (۲)

34 (۱)

۷- کدام عدد، کلیت حکم «هر عدد طبیعی را می‌توان به صورت مجموع اعداد طبیعی متواالی نوشت.» را نقض می‌کند؟

64 (۴)

56 (۳)

46 (۲)

40 (۱)

۸- کدام گزینه، مثال نقض دارد؟

(۱) هر مربع یک لوزی است.

(۲) هر متر متساوی‌الاضلاع، متساوی‌الساقین است.

(۳) هر مثلث متساوی‌الاضلاع، متساوی‌الساقین است.

۹- کدام یک از حکم‌های زیر، مثال نقض ندارد؟

(۱) هر متوازی‌الاضلاعی که قطرهای آن عمودند، لوزی است.

(۲) هر متوازی‌الاضلاعی که دو قطر آن برابر باشد، مربع است.

(۳) چندگواه از گزاره‌های زیر، مثال نقض ندارند؟

(الف) مجموع هر سه عدد صحیح متواالی بر ۳ بخش‌پذیر است.

(پ) مجموع هر چهار عدد صحیح متواالی بر ۴ بخش‌پذیر است.

(۱)

2 (۲)

3 (۳)

4 (۴)

۱۰- کدام گزاره را نمی‌توان به روش اثبات مستقیم ثابت کرد؟

(۱) مجموع دو عدد فرد، عددی زوج است.

(۲) مجموع هر دو عدد گویا، عددی گویا است.

(۳) مکعب هر عدد فرد، عددی فرد است.

(۴) اگر a و b دو عدد صحیح و ab فرد باشد، $a^2 + b^2$ عددی فرد است.



- ۱۲- کدام گزاره را نمی‌توان به روش اثبات مستقیم ثابت کرد؟
 ۱) حاصل ضرب سه عدد طبیعی متواالی بر ۶ بخش پذیر است.
 ۲) مجموع سه عدد طبیعی متواالی بر ۳ بخش پذیر است.
 ۳) میانگین ۵ عدد طبیعی متواالی، همان عدد وسطی است.
 ۴) اگر a و b عددی صحیح و $a + b$ فرد باشد، $a^3 + b^3$ عددی زوج است.

۱۳- عدد $4k+1$ به ازای همه مقادیر ممکن برای k ، مربع کامل است. k به کدام صورت می‌تواند باشد؟

- ۱) حاصل ضرب دو عدد طبیعی فرد
 ۲) حاصل ضرب دو عدد طبیعی متواالی
 ۳) حاصل ضرب دو عدد طبیعی زوج متواالی
 ۴) حاصل ضرب دو عدد طبیعی متواالی

۱۴- در اثبات حکم «مربع هر عدد فرد به شکل $8q+1$ می‌باشد». از کدام گزاره درست استفاده می‌شود؟

- ۱) مجموع دو عدد متواالی، فرد است.
 ۲) مجموع دو عدد زوج، عددی زوج است.
 ۳) حاصل ضرب دو عدد متواالی، زوج است.
 ۴) حاصل ضرب دو عدد فرد متواالی، فرد است.

۱۵- کدام عدد، کلیت حکم «اگر عددی به فرم $8k+1$ باشد، آنگاه مربع کامل است.» را نقض می‌کند؟

- ۱) مثال نقض ندارد.
 ۲) 49
 ۳) 25
 ۴) 89

اثبات با در نظر گرفتن همه حالتها

۱۶- در اثبات حکم «برای هر عدد طبیعی $n = n^3 - 3n^2 + 5$. n عددی فرد است.» با در نظر گرفتن همه حالتها برای n وقتی $n = 2k$ می‌باشد نتیجه می‌گیریم کدام است؟ $A = 2q+1$

$$2k^3 - 2k + 3 \quad (4) \quad 2k^3 - 3k + 4 \quad (3) \quad 2k^3 - 5k + 1 \quad (2) \quad 2k^3 - 3k + 2 \quad (1)$$

۱۷- در اثبات حکم «برای هر عدد طبیعی $n = n^3 - 5n^2 + 7$ عددی فرد است.» کدام هم‌ارزی شیوه اثبات را توجیه می‌کند؟

$$(p_1 \vee p_2 \vee p_3) \Rightarrow r \equiv (p_1 \Rightarrow r) \wedge (p_2 \Rightarrow r) \wedge (p_3 \Rightarrow r) \quad (2) \quad p_1 \vee p_2 \Rightarrow r \equiv (p_1 \Rightarrow r) \wedge (p_2 \Rightarrow r) \quad (1)$$

$$p_1 \vee p_2 \Rightarrow r \equiv r \wedge \sim(p_1 \vee p_2) \quad (4) \quad (p_1 \Rightarrow p_2) \wedge (p_2 \Rightarrow p_1) \equiv p_1 \Leftrightarrow p_2 \quad (3)$$

۱۸- مجموعه A یک زیرمجموعه از مجموعه $\{1, 2, 3, \dots, 6\}$ است. اگر به ازای هر $n \in A$ عدد $\frac{n^3(n+1)^2}{4}$ عددی زوج باشد، مجموعه A کدام است؟

$$\{4, 5\} \quad (4) \quad \{3, 4, 5\} \quad (3) \quad \{3, 4\} \quad (2) \quad \{2, 3, 4\} \quad (1)$$

۱۹- اگر a و b دو عدد صحیح باشند، کدام گزاره همواره درست است؟

۱) اگر ab زوج باشد، $a^3 - b^3$ فرد است.

۲) اگر ab فرد باشد، $a^3 + b^3$ زوج است.

۳) اگر ab فرد باشد، $a^3 + b^3$ فرد است.

۲۰- در اثبات حکم «اگر a عددی زوج و $b = -(a-1)(b+2)$ است.» طرفین تساوی را در معکوس کدام عدد ضرب می‌کنیم؟

$$b + 2 \quad (4) \quad a - 1 \quad (3) \quad b \quad (2) \quad a \quad (1)$$

۲۱- اگر a و b اعداد صحیح و $(a+b)^2 = a^2 + b^2$ باشد، کدام نتیجه‌گیری همواره صحیح نیست؟

$$ab^3 = ba^3 \quad (4) \quad b = 1 \text{ و } a = 0 \quad (3) \quad (a - b)^3 = a^3 + b^3 \quad (2) \quad (a + b)^3 = a^3 + b^3 \quad (1)$$

اثبات غیرمستقیم (برهان خلف)

۲۲- در اثبات حکم «حاصل جمع یک عدد گویا و یک عدد گنگ، عددی گنگ است» به روش برهان خلف، با تکیه بر کدام استدلال درست، به یک نتیجه متضاد با فرض می‌رسیم؟

- ۱) حاصل جمع دو عدد گویا، عددی گویا است.
 ۲) تفاضل دو عدد گویا، عددی گویا است.
 ۳) حاصل ضرب دو عدد گویا، عددی گویا است.
 ۴) تفاضل یک عدد گویا و یک عدد گنگ، عددی گنگ است.

۲۳- کدام گزینه مثال نقض ندارد؟

- ۱) اگر $y + x$ گنگ باشد، x و y هر دو گنگ‌اند.
 ۲) اگر y گویا باشد، x یا y گویا است.
 ۳) اگر x و y گویا باشند، $x \pm y$ گویا است.



-۲۴- برای کدام گزینه مثال نقض وجود ندارد؟

- (۱) اگر x^y گنگ باشد، یکی از این دو عدد، گویا است.
 (۲) اگر x و y گنگ باشند، x^y گنگ است.
 (۳) اگر a و b فرد باشند، $a^b - b^a$ مضرب ۸ است.

-۲۵- اگر $a+b$ عددی گویا و $a+2b$ عددی گنگ باشد، کدام نتیجه‌گیری درست است؟

- (۱) a و b هر دو گنگ هستند.
 (۲) a گنگ و b گویا است.
 (۳) a گنگ و b گویا است.

-۲۶- اگر $a+b$ عددی گویا و $a-b$ عددی گنگ باشد، کدام نتیجه‌گیری در مورد a و b همواره درست است؟

- (۱) هر دو گنگ هستند.
 (۲) یکی گنگ و یکی گویا است.
 (۳) حاصل ضرب آنها گنگ است.

-۲۷- اگر a و b دو عدد گنگ ولی $a+b$ گویا باشد، کدام نتیجه‌گیری همواره درست است؟

- (۱) a و b گنگ هستند.
 (۲) $a-b$ و $a+2b$ گویا است.
 (۳) $a-b$ گویا و $a+2b$ گنگ است.

-۲۸- در مورد حکم «اگر a , b و c سه عدد طبیعی باشند، $(a-b)(b-c)(c-a)$ عددی زوج است.» کدام گزینه درست است؟

- (۱) برای اثبات، a , b , c را به ترتیب ۵, ۸ و ۱ فرض می‌کنیم. در این صورت $(a-b)(b-c)(c-a)$ برابر 84^3 می‌شود که عددی زوج است.
 (۲) به روش اثبات مستقیم، ثابت می‌شود.

(۳) روش اثبات، روش برهان خلف است که نتیجه مجموع سه عدد فرد، عددی زوج شده است، یک غیرممکن می‌باشد.

(۴) روش اثبات، روش برهان خلف است که نتیجه «مجموع سه عدد زوج، عددی فرد شده است.» که غیرممکن می‌باشد.

-۲۹- درستی کدام گزینه را می‌توان به کمک اثبات مستقیم نشان داد؟

- (۱) اگر a گنگ باشد، آن‌گاه $a^3 + 6a^2 + 12a$ عددی گنگ است.
 (۲) اگر a و b گنگ و مثبت باشند، آن‌گاه $\log_b a$ عددی گنگ است.
 (۳) اگر a گنگ باشد، آن‌گاه $\frac{a^2 - a - 2}{a^2 - 2a}$ عددی گنگ است.
 (۴) اگر a و b گنگ باشند، ab^3 عددی گنگ است.

اثبات بازگشتی



-۳۰- اگر a و b اعداد حقیقی باشند، چه تعداد از ترکیب‌های دوشرطی زیر درست هستند؟

- (۱) $a < b \Leftrightarrow a^3 < b^3$
 (۲) $a < b \Leftrightarrow a^3 > b^3$
 (۳) $a = b \Leftrightarrow a^3 = b^3$
 (۴) $a = b \Leftrightarrow a^3 > b^3$

(۱)

(۲)

(۳)

(۴)

-۳۱- در اثبات نامساوی $x^3 + y^3 + z^3 \geq xy + xz + yz$ به روش بازگشتی، به کدام رابطه بدیهی می‌رسیم؟

$$(x-1)^3 + (y-1)^3 + (z-1)^3 \geq 0 \quad (1)$$

$$(x-y)^3 + (x+y)^3 \geq 0 \quad (2)$$

$$(x-y)^3 + (x-z)^3 + (y-z)^3 \geq 0 \quad (3)$$

$$(x-y)^3 + (x+y+z)^3 \geq 0 \quad (4)$$

$$(x-xz+y)^3 \geq 0 \quad (5)$$

$$(x+yz+z)^3 \geq 0 \quad (6)$$

$$(x-y)^3 + (x-z)^3 + (y-z)^3 \geq 0 \quad (7)$$

$$(x-y)^3 + (x-z)^3 + (y-z)^3 \geq 0 \quad (8)$$

-۳۲- در اثبات نامساوی $x^3 + y^3 + z^3 \geq xy + xz + yz$ به روش بازگشتی، به کدام رابطه بدیهی می‌رسیم؟

$$(x-yz)^3 + (yz-z)^3 \geq 0 \quad (1)$$

$$(x-y)^3 + (x-z)^3 + (y-z)^3 \geq 0 \quad (2)$$

$$(x-xz+y)^3 \geq 0 \quad (3)$$

$$(x+yz+z)^3 \geq 0 \quad (4)$$

-۳۳- اگر a , b و c سه عدد حقیقی باشند، در اثبات حکم $(a+b+c)^3 + m \geq 2(a+b+c)^2 + ab + bc + ca$ به روش اثبات بازگشتی، حداقل مقدار m برای این‌که به یک رابطه بدیهی برسیم، کدام است؟

- (۱) n
 (۲) $2n$
 (۳) $3n$
 (۴) $6n$

(۱)

(۲)

(۳)

(۴)

-۳۴- اگر n یک عدد طبیعی باشد، کدام گزینه نادرست است؟

- (۱) مضرب ۳ بودن n و مضرب ۳ بودن n^3 ، هم‌ارزند.
 (۲) مضرب ۶ بودن n و مضرب ۶ بودن n^3 ، هم‌ارزند.
 (۳) مضرب ۱۲ بودن n و مضرب ۱۲ بودن n^3 ، هم‌ارزند.

-۳۵- کدام دو گزاره زیر هم ارز نیستند؟

$$(a-1)^3 \geq 0 \quad (1)$$

$$(\sqrt{a} - \sqrt{b})^3 \geq 0 \quad (2)$$

$$a^3 + ab + b^3 \geq 0 \quad (3)$$

$$a^3 + ab + b^3 \geq 0 \quad (4)$$



- ۳۶- اگر $\cos\theta \cot\theta \geq k$ و $0^\circ < \theta < 180^\circ$ باشد، بیشترین مقدار k کدام است؟
- ۱) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ ۲) $\frac{1}{2}$ ۳) $\frac{5}{2}$ ۴) $\frac{3}{2}$
- ۳۷- اگر اعداد a, b, c و d مثبت باشند، کمترین مقدار عبارت $A = \frac{cd(a^2+b^2)+bd(a^2+c^2)}{abcd}$ کدام است؟
- ۱) $\frac{1}{2}$ ۲) 6 ۳) 4 ۴) $\frac{1}{2}abc$
- ۳۸- اگر a, b و c اعداد مثبت باشند، کمترین مقدار $(a+b)(b+c)(c+a)$ کدام است؟
- ۱) abc ۲) ۲abc ۳) ۴abc ۴) abc
- ۳۹- اگر a و b دو عدد مثبت و $a+b=1$ باشد، کمترین مقدار عبارت $a+\frac{1}{a} + (b+\frac{1}{b})^2$ کدام است؟
- ۱) $\frac{19}{2}$ ۲) $\frac{25}{2}$ ۳) 11 ۴) 12
- ۴۰- اگر x و y اعداد حقیقی مثبت باشند، کدام حکم زیر برقرار نیست؟
- ۱) روش اثبات کدام حکم زیر با بقیه متفاوت است؟
 ۲) حاصل جمع یک عدد گویا و یک عدد گنگ، عددی گنگ است.
 ۳) اگر a, b و c سه عدد صحیح باشند، آن‌گاه $(a-b)(b-c)(c-a)$ عددی زوج است.
 ۴) اگر a یک عدد گنگ باشد، $\frac{1}{a}$ عددی گنگ است.
 ۵) میانگین حسابی دو عدد نامنفی، از میانگین هندسی آن‌ها کمتر نیست.
- ۴۱- کدام یک از گزینه‌های زیر را با مثال نقطه نمی‌توان رد کرد؟
- ۱) مربع هر عدد طبیعی از خودش بزرگ‌تر است.
 ۲) عکس هر عدد حقیقی غیرصفر از خودش کمتر است.
 ۳) مجموع هر عدد حقیقی و معکوسش بزرگ‌تر از ۲ است.
 ۴) مجموع مربعات هر دو عدد حقیقی از دو برابر حاصل ضرب آن‌ها بیشتر یا مساوی است.
- ۴۲- برای اثبات درستی یک حکم، از کدام روش نمی‌توان استفاده کرد؟
- ۱) استدلال مستقیم ۲) برهان خلف ۳) مثال نقطه ۴) اثبات بازگشتی
- ۴۳- اگر a یک عدد صحیح فرد باشد، با استفاده از می‌توان ثابت کرد که عبارت $-1 - a^2$ است.
- ۱) برهان خلف - مضرب ۸ ۲) چند مثال مختلف - مضرب ۸ ۳) اثبات مستقیم - مضرب ۸ ۴) اثبات بازگشتی - مضرب ۴۸
- ۴۴- هر عدد طبیعی بزرگ‌تر از ۱۰ را می‌توان به صورت مجموع سه مربع کامل نوشت. برای نشان دادن این حکم از استفاده می‌شود.
- ۱) درستی - برهان خلف ۲) درستی - اثبات مستقیم ۳) نادرستی - مثال نقطه ۴) درستی - اثبات بازگشتی
- ۴۵- برای نشان دادن حکم «مجموع هر دو عدد گویا است». از استفاده می‌شود.
- ۱) برهان خلف - مضرب ۱۸ ۲) اثبات مستقیم - مضرب ۴۸ ۳) مثال نقطه - فرد ۴) اثبات بازگشتی - مضرب ۴۸
- ۴۶- «اگر x عدد گنگ باشد، آن‌گاه xy عددی گنگ است. برای نشان دادن این حکم از استفاده می‌شود.
- ۱) درستی - اثبات مستقیم ۲) درستی - اثبات بازگشتی ۳) نادرستی - مثال نقطه ۴) نادرستی - برهان خلف
- ۴۷- «اگر x عدد گویای دلخواه و y عدد گنگ دلخواه باشد. آن‌گاه $x+y$ همواره گنگ است.» برای نشان دادن این حکم از استفاده می‌کنیم.
- ۱) درستی - اثبات مستقیم ۲) نادرستی - اثبات بازگشتی ۳) درستی - مثال نقطه ۴) نادرستی - برهان خلف
- ۴۸- «اگر x و y دو عدد گنگ باشند، آن‌گاه xy عددی گنگ است. برای نشان دادن این حکم از استفاده می‌شود.
- ۱) درستی - برهان خلف ۲) نادرستی - اثبات بازگشتی ۳) درستی - مثال نقطه ۴) نادرستی - برهان خلف
- ۴۹- «اگر x عدد گویای دلخواه و y عدد گنگ دلخواه باشد. آن‌گاه $x+y$ همواره گنگ است.» برای نشان دادن این حکم از روش استفاده می‌کنیم.
- ۱) درستی - اثبات مستقیم ۲) نادرستی - مثال نقطه ۳) درستی - برهان خلف ۴) نادرستی - اثبات بازگشتی
- ۵۰- مضرب کدام عدد باشد تا به وسیله برهان خلف نتوان ادعا کرد که n^3 مضرب همان عدد است؟
- ۱) ۷ ۲) ۲۱ ۳) ۲۴ ۴) ۲۰



- ۵۱- اگر n عددی طبیعی باشد، آن‌گاه $n^2 + n + 1$ همواره اول است. برای نشان دادن این حکم از روش استفاده می‌کنیم.
- (۱) درستی - برهان خلف (۲) نادرستی - مثال نقض (۳) درستی - اثبات بازگشتی (۴) درستی - اثبات مستقیم
- ۵۲- «اگر x و y دو عدد حقیقی مثبت باشند، آن‌گاه $x^2 + y^2 \geq xy(x^2 + y^2)$ می‌باشد.» برای نشان دادن این حکم از روش استفاده می‌شود.
- (۱) درستی - برهان خلف (۲) نادرستی - مثال نقض (۳) درستی - اثبات بازگشتی (۴) درستی - اثبات مستقیم
- $a, b > 0$ باشد، رابطه $\frac{a+b}{\sqrt{ab}} \geq \frac{b}{2a}$ با کدام گزاره زیر هم‌ارز است؟
- (۱) $(a-b)^2 + b^2 \geq 0$ (۲) $(a-b)^2 + a^2 \geq 0$ (۳) $(a+b)^2 + b^2 \geq 0$ (۴) $(a+b)^2 + a^2 \geq 0$

بخش پذیری

۵۴- اگر a, b, c و d اعداد صحیح ناصلف و $ab = cd$ باشد، کدام گزاره درست است؟

- (۱) $ac | bd$ (۲) $b | cd$ (۳) $ab | c$ (۴) $b | d$

۵۵- کدام گزاره همواره درست است؟

- (۱) صفر، همه اعداد صحیح را عاد می‌کند.
 (۲) همه اعداد صحیح، ± 1 را می‌شمارند.
 (۳) صفر به صفر بخش‌پذیر است.
 (۴) مربع هر عدد صحیح، آن عدد را عاد می‌کند.

۵۶- کدام گزاره نادرست است؟

- (۱) $45^3 | 15^6$ (۲) $12^7 | 18^{12}$ (۳) $12^5 | 6^1$ (۴) $75^4 | 15^1$

۵۷- برای هر عدد صحیح a ، رابطه $a | b^2 - 2b - 3$ برقرار است. چند عدد طبیعی برای b وجود دارد؟

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) صفر (۴) بی‌شمار

۵۸- به ازای چند عدد صحیح n ، عدد $2n^2 - 3n - 2$ بر صفر بخش‌پذیر است؟

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) صفر (۴) بی‌شمار

۵۹- کدام نتیجه‌گیری در حالت کلی نادرست است؟

- (۱) $a | b^2 \Rightarrow 2a | 2b$ (۲) $a | b \Rightarrow 2a | b$ (۳) $2a^2 | b \Rightarrow a | b$ (۴) $a | b \Rightarrow a | 2b$

۶۰- کدام گزاره درست است؟

- (۱) $a | b+1 \Rightarrow a | b^2 + 1$ (۲) $a = bc \Rightarrow a | c$ (۳) $a+b | a \Rightarrow b | a$ (۴) $24ab | 18ac \Rightarrow 4b | 3c$

۶۱- کدام نتیجه‌گیری درست است؟

- (۱) $a | c-b \Leftrightarrow a | b-c$ (۲) $ab | a^2 - a \Rightarrow b | a - 1$ (۳) $a | b+c \Rightarrow a | b, a | c$ (۴) $a | bc \Rightarrow a | b \wedge a | c$

۶۲- اگر $a-b | a$ ، آن‌گاه کدام درست است؟

- (۱) $a-b | b$ (۲) $a | b$ (۳) $b | a-b$ (۴) $a | a-b$

۶۳- اگر $a | 2c$ و $a | b+c$ ، کدام نتیجه‌گیری همواره صحیح است؟

- (۱) $a | b$ (۲) $a | c$ (۳) $a | 2b$ (۴) $a-b | b$

۶۴- اگر $n | a-3$ و $n | b+7$ ، آن‌گاه کدام یک از عبارت‌های زیر همواره بر n بخش‌پذیر است؟

- (۱) $ab - 13$ (۲) $ab + 21$ (۳) $ab - 11$ (۴) $ab + 14$

۶۵- کدام نتیجه‌گیری صحیح نیست؟

- (۱) $a^2 | a+b \Rightarrow a^2 | a-b$ (۲) $a^2 - b^2 | a \Rightarrow a+b | b$ (۳) $a | a-b \Rightarrow a | a+b$ (۴) $b^2 + c^2 | a \Rightarrow b+c | a$

۶۶- منحنی $y = \frac{14}{2x+3}$ از چند نقطه با مختصات صحیح می‌گذرد؟

- (۱) ۲ (۲) ۴ (۳) ۵ (۴) ۸

۶۷- اگر اعداد $7m+6$ و $5m+6$ بر عدد غیرصفر a بخش‌پذیر باشند، برای a چند جواب صحیح وجود دارد؟

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) صفر (۴) بی‌شمار

۶۸- عدد طبیعی a دو عدد $7n+6$ و $9n+6$ را عاد می‌کند. چند جواب برای a وجود دارد؟

- (۱) ۴ (۲) ۲ (۳) ۲ (۴) ۶



۶۹-اگر $a n^3 - 2n + 1$ و $a n - 3$ ، برای a چند جواب طبیعی وجود دارد؟	۱۶ (۳)	۸ (۲)	۹ (۱)
۷۰-اگر عددی صحیح مانند k وجود داشته باشد که $-1 \leq k \leq 3$ و آن‌گاه برای a چند مقدار طبیعی وجود دارد؟	۸ (۴)	۶ (۳)	۴ (۲)
۷۱-به ازای چند عدد صحیح n عبارت $n^3 - n - 3$ بخش‌پذیر است؟	۱۶ (۳)	۱۲ (۲)	۱۴ (۱)
۷۲-اگر $n^3 + 2n - 5$ برای n چند جواب صحیح وجود دارد؟	۴ (۴)	۳ (۳)	۱ (۱)
۷۳-اگر $m^3 + 28k + m$ و $5 4k + 1$ آن‌گاه m کدام می‌تواند باشد؟	۱۰ (۳)	۴ (۲)	۶ (۱)
۷۴-اگر $5a + 3b = 7$ ، به ازای کدام مقدار m رابطه $ 4a^2 + mab + b^2 = 7$ برقرار است؟	-۲۰ (۴)	-۳۰ (۳)	-۱۵ (۲)
۷۵-به ازای چند مقدار صحیح n رابطه $2 3n^2 - 5n + 3$ برقرار است؟	۲ (۳)	۴ (۲)	۱ (۱)
۷۶-اگر $3a + 2b 4a + 7b$ ، کدام نتیجه‌گیری درست است؟	۳a + 2b ۳۹b (۴)	۳a + 2b ۱۹b (۳)	۳a + 2b ۲۴b (۲)
۷۷-منحنی $y = \frac{5x+3}{x-3}$ از چند نقطه با طول و عرض صحیح در ربع اول دستگاه مختصات می‌گذرد؟	۴ (۴)	۹ (۳)	۱۲ (۲)
۷۸-منحنی $x^3 - 3xy - 2y + 1 = 0$ از چند نقطه با مختصات صحیح می‌گذرد؟	۶ (۴)	۳ (۳)	۲ (۱)
۷۹-برای هر سه عدد طبیعی a, b و c ، اگر $abc ab + ac$ ، آن‌گاه کدام نتیجه‌گیری نادرست است؟	$c^2 b^5$ (۴)	$a b + c$ (۳)	$b c^2$ (۲)
۸۰-کدام نتیجه‌گیری به ازای همه مقادیر صحیح a و b برقرار است؟	$a^3 b^4 \Rightarrow a^2 b^3$ (۴)	$a^4 b^3 \Rightarrow a^3 b^3$ (۳)	$a^3 b^5 \Rightarrow a^2 b^4$ (۱)
۸۱-اگر a, b و c اعداد صحیح باشند به طوری که $a bc$ و $a b+c$ ، کدام نتیجه‌گیری نادرست است؟	$a b^3 + c^3$ (۴)	$b c$ (۳)	$a^2 b^4$ (۲)
۸۲-اگر a, b و c اعداد طبیعی باشند و $b ac$ و $a b+c$ ، کدام نتیجه‌گیری نادرست است؟	$b c$ (۴)	$2b ac$ (۳)	$a 2b^3$ (۱)
۸۳-اگر $a^3 b^3$ و $b^3 c^3$ ، آن‌گاه کدام نتیجه‌گیری نادرست است؟	$a^3 c^4$ (۴)	$a c^3$ (۳)	$a^4 b^9$ (۱)
۸۴-اگر a, b و c اعداد صحیح باشند به طوری که $a^3 - c^3 b+c$ و $b a+c$ ، کدام نتیجه‌گیری صحیح است؟	$a - c a - b$ (۴)	$b c$ (۳)	$a b$ (۲)
۸۵-مجموع دو عدد صحیح بر حاصل ضرب آن‌ها بخش‌پذیر است. کدام نتیجه‌گیری همواره صحیح است؟	۲۴ (۴)	۲۵ (۳)	۷۲ (۲)
۸۶-کدام گزینه همواره درست است؟	(۱) دو عدد صحیح برابرند.	(۲) مجموع آن‌ها عددی فرد است.	(۳) هر دو عدد صحیح زوج هستند.
۸۷-به ازای کدام مقدار n رابطه $2^n + 1 65$ برقرار است؟	۳۰ (۱)		

-۸۸- به ازای کدام مقدار a رابطه $a^{12} - 3^6 = 3^n$ برقرار نیست؟

۲۹ (۴)

۵ (۳)

۲۵ (۲)

۱۵ (۱)

-۸۹- به ازای چند عدد دورقی n رابطه $91 \cdot 3^n - 4^n = 3^n$ برقرار است؟

۱۸ (۴)

۱۵ (۳)

۱۴ (۲)

۱۲ (۱)

-۹۰- به ازای چند عدد دورقی n رابطه $7 \cdot 3^n - 2^n = 3^n + 1$ برقرار است؟

۱۷ (۴)

۱۶ (۳)

۱۵ (۲)

۱۴ (۱)

-۹۱- به ازای چند عدد طبیعی n رابطه $1 \cdot 3^n + 1 = 3^{n+1}$ برقرار است؟

۶ (۴)

۵ (۳)

۴ (۲)

۳ (۱)

بزرگ‌ترین مقسوم‌علیه مشترک و کوچک‌ترین مضرب مشترک



-۹۲- بزرگ‌ترین عضو مجموعه $\{x > 0 : 2x | 960, 3x | 1080\}$ کدام است؟

۳۶۰ (۴)

۲۴۰ (۳)

۱۲۰ (۲)

۶۰ (۱)

-۹۳- اگر $(ab, p^k) = p^r$ و $(a, p^k) = p^s$ باشد، حاصل (ab, p^k) کدام است؟

p^r (۴)

p (۳)

p^s (۲)

p^r (۱)

-۹۴- اگر p یک عدد اول و $p | ab$ باشد، حاصل (a, b) کدام است؟

p یا 1 (۴)

p^3 یا 1 (۳)

۱ (۲)

p (۱)

-۹۵- اگر $(a, 36) = 3$ و $(a, 40) = 4$ باشد، حاصل $(a, 360)$ کدام است؟

۳۶ (۴)

۱۸ (۳)

۶ (۲)

۱۲ (۱)

-۹۶- اگر a یک عدد طبیعی و $a | b$ ، آنگاه بزرگ‌ترین مقسوم‌علیه مشترک دو عدد $24ab$ و $32a^2$ کدام نمی‌تواند باشد؟

$32a^2$ (۴)

$24a^3$ (۳)

$16a^2$ (۲)

$8a^3$ (۱)

-۹۷- اگر $a | (b^3, c)$ و $a | (5c + 17)$ باشد، آنگاه برای a چند جواب طبیعی وجود دارد؟

۰ صفر (۴)

۴ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

-۹۸- اگر $(a, b) = 1$ باشد، آنگاه کدام نتیجه‌گیری الزاماً درست است؟

$a - b = 1$ (۴)

$(a, b) = 1$ (۳)

$a | b$ (۲)

$b | a$ (۱)

-۹۹- اگر عدد طبیعی n مضرب ۷ نباشد، بزرگ‌ترین مقسوم‌علیه مشترک دو عدد $n^3 + 9n + 21$ و $n + 7$ کدام است؟

۷ (۴)

۱ و ۵ (۳)

۱ و ۳ (۲)

۱ (۱)

-۱۰۰- اگر n عدد طبیعی و دو عدد $5 - n + 4$ و $9n - 5$ دارای مقسوم‌علیه مشترک غیر ۱ باشند، تعداد اعداد دورقی n کدام است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

-۱۰۱- به ازای چند عدد طبیعی n ، هر دو عدد $5 + 7n$ و $2 + 11n$ ، مقسوم‌علیه مشترکی برابر ۳ دارند؟

۰ بی‌شمار (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۰ صفر (۱)

-۱۰۲- اگر p یک عدد اول دورقی باشد، حاصل $(5p^3, 108)$ کدام است؟

۱ (۴)

۹ (۳)

۶ (۲)

p (۱)

-۱۰۳- کدامیک از اعداد زیر نسبت به هر سه عدد ۸۱، ۶۴ و ۱۲۵ اول است؟

۱۴ (۴)

۲۱ (۳)

۳۵ (۲)

۴۹ (۱)

-۱۰۴- بزرگ‌ترین مقسوم‌علیه مشترک $3k + 2$ ، $k^3 - 7k + 1$ و $3k + 1$ کدام است؟

۱ (۱) یا ۲

۱ (۳)

۱ (۲) یا ۳

۱ (۱) k

-۱۰۵- اگر $2 = 2(a, 4) = 2(b, 4)$ باشد، حاصل $(a+b, 4)$ کدام است؟

۴ (۴)

۸ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

-۱۰۶- اگر d چند جواب وجود دارد؟ برای $d = (a^3 + 3a + 3, 8)$

۳ (۴)

۴ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)



- ۱۰۷- به ازای اعداد طبیعی $n \leq 5$ ، در چند حالت دو عدد $4n+7$ و $5n+9$ نسبت به هم اول‌اند؟
- ۵۰ (۴) ۴۹ (۳) ۴۸ (۲) ۴۷ (۱)
- ۱۰۸- به ازای چند عدد طبیعی و دورقیمتی n ، دو عدد به صورت‌های $11n+4$ و $25n+9$ نسبت به هم اول‌اند؟
- ۹۰ (۴) ۸۹ (۳) ۸۷ (۲) ۸۶ (۱)
- ۱۰۹- اگر به ازای برخی از اعداد طبیعی n ، دو عدد $7+12n$ و $5n-2$ نسبت به هم اول باشند، آن‌گاه بزرگ‌ترین مقسوم‌علیه مشترک این دو عدد، کدام است؟
- ۸۹ (۴) ۸۳ (۳) ۶۷ (۲) ۵۹ (۱)
- ۱۱۰- اگر a و b فرد باشد، حاصل $(6ab, 24b^3)$ کدام است؟
- ۱۲|ab| (۴) ۲۴a^3 (۳) ۱۲a^3 (۲) ۱۲b^3 (۱)
- ۱۱۱- اگر a و b نسبت به هم اول باشند، برای $(2a+3b, a+4b)$ چند جواب وجود دارد؟
- ۳ (۴) ۴ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)
- ۱۱۲- اگر a ، b و c اعداد طبیعی باشند، $a|b$ و $a|(a, c), (b, c)$ آن‌گاه حاصل $((a, c), (b, c))$ کدام است؟
- a (۴) a^3 (۳) b (۲) ۱ (۱)
- ۱۱۳- بزرگ‌ترین مقسوم‌علیه مشترک دو عدد برابر ۲۰ است. آن دو عدد، چند مقسوم‌علیه مشترک طبیعی دارند؟
- ۴ (۴) ۵ (۳) ۶ (۲) ۸ (۱)
- ۱۱۴- کدام نتیجه‌گیری، درست است؟
- $(a, b)|(a, c) \Rightarrow b|c$ (۴) $(a, b)|c \Rightarrow b|c$ (۳) $a|b \Rightarrow a|(b, c)$ (۲) $a|b \Rightarrow (a, c)|b$ (۱)
- ۱۱۵- اگر a ، b و c اعداد طبیعی و $a \neq b$ ، آن‌گاه کدام نتیجه‌گیری همواره درست است؟
- [b, bc]|a (۴) a|[b, bc] (۳) a|(b, c) (۲) (b, c)|a (۱)
- ۱۱۶- اگر a ، b و c اعداد طبیعی باشند و $ac|b$ ، آن‌گاه کدام گزینه صحیح است؟
- $(ac, b) = a$ (۴) $(b, c) = c$ (۳) $(a, b) = b$ (۲) $(a, c) = 1$ (۱)
- ۱۱۷- اگر $a^3|b$ ، آن‌گاه کدام نتیجه‌گیری نادرست است؟
- $(3a, b) = 3|a$ (۴) $(a^3, b) = |a^3|$ (۳) $(a, 3b) = |a|$ (۲) $(a, b) = |a|$ (۱)
- ۱۱۸- حاصل $(3a, (a, b))$ کدام است؟
- |b| (۴) (a, b) (۳) |a| (۲) ۱ (۱)
- ۱۱۹- کوچک‌ترین عضو مجموعه $A = \{x > 0 : 24|x, 28|x\}$ کدام است؟
- ۱۶۸ (۴) ۸۴ (۳) ۸ (۲) ۴ (۱)
- ۱۲۰- حاصل $[(a^2, a^3), (a, b^4)]$ کدام است؟
- a^3 (۴) | a^5 | (۳) | a^3 | (۲) b^5 (۱)
- ۱۲۱- اگر برای هر عدد طبیعی n ، عدد a^n بر b^n بخش‌پذیر باشد، کدام گزاره نادرست است؟
- [a, b] = |a| (۴) (a, b) = |b| (۳) [a^3, b] = a^3 (۲) (a, b^3) = b^3 (۱)
- ۱۲۲- اگر a و b اعداد صحیح باشند، حاصل $[(a^2, a^3), (a^5, b^3)]$ کدام است؟
- | a^5b^3 | (۴) | b^3 | (۳) | a^3 | (۲) a^3 (۱)
- ۱۲۳- اگر a ، b و d اعداد طبیعی و $(a, b)|(c, d)$. آن‌گاه کدام نتیجه‌گیری نادرست است؟
- $([c, d], [a, b]) = [a, b]$ (۴) $[(a, d), c] = a$ (۳) $[(a, c), (c, d)] = (c, d)$ (۲) $a|[c, d]$ (۱)
- ۱۲۴- اگر a ، b و c اعداد صحیح و (a, b, c) کدام نتیجه‌گیری نادرست است؟
- [a, b]|c (۴) [a, b]|[b, c] (۳) (a, b)|[b, c] (۲) (a, b)|c (۱)

قضیه تقسیم و کاربردها

- ۱۲۵- اگر در تقسیمی 90 واحد به مقسوم و 4 واحد به مقسوم علیه اضافه کنیم، خارج قسمت تغییر نمی‌کند اما از باقی‌مانده 2 واحد کم می‌شود. در این تقسیم، خارج قسمت کدام است؟
- (۱) 9
 (۲) 23
 (۳) 26
 (۴) 32
- ۱۲۶- در تقسیم عدد a بر b ، خارج قسمت 5 و باقی‌مانده 17 است. اگر از مقسوم و مقسوم علیه 2 واحد کم کنیم، خارج قسمت تغییری نکرده و باقی‌مانده جدید $\frac{5b}{7}$ می‌شود. مقدار مقسوم کدام است؟
- (۱) 182
 (۲) 186
 (۳) 190
 (۴) 192
- ۱۲۷- چند عدد طبیعی وجود دارد که باقی‌مانده تقسیم آن بر 50 ، برابر $\frac{5}{6}$ خارج قسمت باشد؟
- (۱) 8
 (۲) 9
 (۳) 10
 (۴) 11
- ۱۲۸- در تقسیم عدد طبیعی a بر 7 ، باقی‌مانده تقسیم از مربع خارج قسمت آن 2 واحد کمتر است. بزرگ‌ترین مقدار a ، مضرب کدام عدد است؟
- (۱) 9
 (۲) 12
 (۳) 14
 (۴) 16
- ۱۲۹- در تقسیم عدد طبیعی a بر 35 ، باقی‌مانده نصف مکعب خارج قسمت است. برای a چند جواب وجود دارد؟
- (۱) 4
 (۲) 3
 (۳) 2
 (۴) 1
- ۱۳۰- در یک تقسیم، باقی‌مانده $\frac{1}{9}$ مربع مقسوم علیه است. برای مقسوم علیه چند جواب طبیعی وجود دارد؟
- (۱) 1
 (۲) 2
 (۳) 3
 (۴) 4
- ۱۳۱- در یک تقسیم، مقسوم 200 واحد بیشتر از مقسوم علیه و باقی‌مانده 15 است. خارج قسمت تقسیم کدام می‌تواند باشد؟
- (۱) 5
 (۲) 6
 (۳) 8
 (۴) 12
- ۱۳۲- در تقسیم عدد 542 بر عدد طبیعی b ، خارج قسمت 12 است. برای b چند جواب وجود دارد؟
- (۱) 1
 (۲) 2
 (۳) 3
 (۴) 4
- ۱۳۳- در تقسیم 312 بر عدد طبیعی b ، خارج قسمت تقسیم برابر 11 است. کوچک‌ترین مقدار باقی‌مانده کدام است؟
- (۱) 2
 (۲) 4
 (۳) 6
 (۴) 8
- ۱۳۴- در تقسیم عدد صحیح a بر عدد طبیعی b ، خارج قسمت و باقی‌مانده مساوی q ‌اند. اگر 3 واحد از مقسوم علیه کم شود، 5 واحد به خارج قسمت اضافه شده و باقی‌مانده صفر می‌شود. مقدار q کدام است؟
- (۱) 1 و 8
 (۲) 2 و 9
 (۳) 3 و 10
 (۴) 4 و 10
- ۱۳۵- در تقسیم عدد صحیح a بر عدد طبیعی b ، خارج قسمت و باقی‌مانده برابردند. اگر 5 واحد از مقسوم علیه کم شود، 7 واحد به خارج قسمت اضافه شده و باقی‌مانده صفر می‌شود. مجموع ارقام بزرگ‌ترین مقدار a کدام است؟
- (۱) 11
 (۲) 12
 (۳) 13
 (۴) 14
- ۱۳۶- در یک تقسیم، مقسوم علیه 132 واحد از مقسوم کوچک‌تر است و باقی‌مانده برابر 25 می‌باشد. برای خارج قسمت چند جواب وجود دارد؟
- (۱) 1
 (۲) 2
 (۳) 3
 (۴) 4
- ۱۳۷- در تقسیم عدد 165 بر عدد طبیعی b ، خارج قسمت، مجذور باقی‌مانده است. چند عدد b می‌توان یافت؟
- (۱) 1
 (۲) 2
 (۳) 3
 (۴) 4
- ۱۳۸- در تقسیم عدد 105 بر عدد طبیعی b ، باقی‌مانده، مجذور خارج قسمت است. چند عدد b می‌توان یافت؟
- (۱) 1
 (۲) 2
 (۳) 3
 (۴) 4
- ۱۳۹- در تقسیم عدد 102 بر عدد طبیعی b ، خارج قسمت، سه برابر باقی‌مانده است. چند جواب برای b یافت می‌شود؟
- (۱) 4
 (۲) 2
 (۳) 3
 (۴) 1
- ۱۴۰- در یک تقسیم خارج قسمت و باقی‌مانده برابر هستند. اگر مجموع همه عوامل تقسیم برابر 53 باشد، برای مقسوم علیه چند جواب وجود دارد؟
- (۱) 4
 (۲) 2
 (۳) 3
 (۴) 1



۱۴۱- رقم یکان بزرگ‌ترین عدد طبیعی که وقتی آن را بر ۲۳ و ۲۹ تقسیم می‌کنیم، خارج قسمت برابر باقی‌مانده می‌شود، کدام است؟

۴) صفر

۳) ۳

۲) ۲

۱) ۱

۱۴۲- در تقسیم عدد طبیعی a بر عدد طبیعی b . خارج قسمت و باقی‌مانده به ترتیب ۱۷ و ۵۳ هستند. حداکثر چند واحد می‌توان به مقسوم‌علیه اضافه کرد به طوری که خارج قسمت تغییر نکند؟

۵) ۴

۴) ۳

۳) ۲

۲) ۱

۱۴۳- در یک تقسیم، مقسوم‌علیه ۳۵ و باقی‌مانده ۱۸ است. حداکثر چند واحد می‌توان به مقسوم اضافه کرد تا خارج قسمت ۲ واحد افزایش یابد؟

۵۳) ۴

۸۶) ۳

۸۷) ۲

۵۲) ۱

۱۴۴- در یک تقسیم، مقسوم‌علیه ۳۷ و باقی‌مانده ۱۳ است. اگر ۰ واحد به مقسوم اضافه کنیم، کدام نتیجه‌گیری درست است؟

(۱) به خارج قسمت ۲ واحد اضافه شده و از باقی‌مانده ۶ واحد کم می‌شود.

(۲) به خارج قسمت ۱ واحد اضافه شده و از باقی‌مانده ۶ واحد کم می‌شود.

(۳) به خارج قسمت ۲ واحد اضافه شده و از باقی‌مانده ۷ واحد کم می‌شود.

(۴) به خارج قسمت ۱ واحد اضافه شده و از باقی‌مانده ۷ واحد کم می‌شود.

۱۴۵- در یک تقسیم، خارج قسمت ۱۷ و باقی‌مانده ۴۰ است. اگر ۷ واحد به مقسوم‌علیه اضافه کنیم، حداقل باید چند واحد به مقسوم اضافه کنیم تا خارج قسمت

تغییری نکند؟

۷۹) ۴

۷۸) ۳

۷۶) ۲

۷۵) ۱

۱۴۶- در یک تقسیم، مقسوم مضرب ۱۵ و مقسوم‌علیه مضرب ۲۱ است. کدام گزینه می‌تواند باقی‌مانده تقسیم باشد؟

۷۷) ۴

۲۷) ۳

۳۵) ۲

۱۴) ۱

۱۴۷- در یک تقسیم، باقی‌مانده و مقسوم‌علیه، به ترتیب ۹ و ۱۷ هستند. حداقل چند واحد به مقسوم اضافه کنیم تا باقی‌مانده آن تقسیم برابر ۳ شود؟

۱۲) ۴

۱۱) ۳

۹) ۲

۸) ۱

۱۴۸- اگر باقی‌مانده تقسیم a بر ۳۷ برابر ۱۳ باشد، باقی‌مانده تقسیم $3a+1$ بر ۳۷ کدام است؟

۱۷) ۴

۲۳) ۳

۳) ۲

۱۳) ۱

۱۴۹- اگر باقی‌مانده تقسیم عدد زوج a بر ۲۷ برابر ۱۵ باشد، باقی‌مانده تقسیم $\frac{a}{2}$ بر ۲۷ کدام است؟

۲۱) ۴

۲۳) ۳

۱۹) ۲

۱۷) ۱

۱۵۰- اگر باقی‌مانده تقسیم a بر ۱۷ برابر ۴ باشد، باقی‌مانده تقسیم a^3 بر ۱۷ کدام است؟

۱۵) ۴

۱۳) ۳

۱۱) ۲

۱۰) ۱

۱۵۱- اگر باقی‌مانده تقسیم a و b بر ۱۳ به ترتیب برابر ۷ و ۱۰ باشد، باقی‌مانده تقسیم $2a+3b$ بر ۱۳ کدام است؟

۵) ۴

۱۰) ۳

۱۱) ۲

۳) ۱

۱۵۲- باقی‌مانده تقسیم a بر ۷ و ۸ به ترتیب ۳ و ۵ است. باقی‌مانده تقسیم a بر ۵۶ کدام است؟

۵۰) ۴

۴۵) ۳

۴۰) ۲

۳۵) ۱

۱۵۳- اگر باقی‌مانده تقسیم عدد صحیح a بر ۹ و ۷ به ترتیب ۵ و ۶ باشد، باقی‌مانده تقسیم a بر ۶۳ چگونه است؟

۴) مضرب ۵

۳) مضرب ۳

۲) مضرب ۲

۱) عدد اول

(ریاضی فارج ۹۳)

۱۵۴- باقی‌مانده تقسیم عددی بر ۹ و ۱۳ به ترتیب برابر ۵ و ۷ است. باقی‌مانده تقسیم این عدد بر ۳۹ کدام است؟

۲۴) ۴

۲۱) ۳

۲۰) ۲

۱۲) ۱

افراز مجموعه اعداد صحیح به کمک قضیه تقسیم

۱۵۵- برای اثبات حکم «باقی‌مانده تقسیم هر عدد مریخ کامل بر ۷ برابر ۰ یا ۱ یا ۲ یا ۴ است. با در نظر گرفتن همه حالت‌ها، برای n چند حالت مختلف در نظر گرفته می‌شود؟

۲) ۴

۷) ۳

۵) ۲

۴) ۱

۱۵۶- باقی‌مانده تقسیم a بر ۴، برابر ۳ است. باقی‌مانده تقسیم a^2 بر ۸ کدام است؟

۴) ۴

۱) ۳

۳) ۲

۲) ۱



۱۵۷- باقی‌مانده تقسیم a بر 7 ، برابر 5 است. باقی‌مانده تقسیم a بر 28 کدام نمی‌تواند باشد؟	۲۶ (۴)	۱۸ (۳)	۵ (۲)	۱۲ (۱)
$n^3 = 7k + 1$ (۴)	$n^3 = 7k + 4$ (۳)	$n^3 = 7k + 6$ (۲)	$n^3 = 7k$ (۱)	
۱۶ (۴)	۳۲ (۲)	۸ (۱)		
۱۵۸- کدام معادله زیر در مجموعه اعداد صحیح جواب دارد؟				
۱۵۹- اگر $a = 8k - 7$ یک عدد سه‌ رقمی باشد، بزرگ‌ترین شمارنده عبارت $a^3 + 27$ کدام است؟	۴k + ۳ (۴)	۴k + ۲ (۳)	۴k + ۱ (۲)	۴k (۱)
۱۶ (۴)	۳۲ (۲)	۸ (۱)		
۱۶۰- مجموع مربعات دو عدد طبیعی به کدام صورت <u>نمی‌تواند</u> باشد؟				
۱۶۱- مجموع مربعات دو عدد به فرم $5k + 4$ به کدام صورت است؟	۵q - ۱ (۴)	۵q + ۳ (۳)	۵q + ۲ (۲)	۵q + ۱ (۱)
۱۶۲- اگر $(a, 12)$ باشد، بزرگ‌ترین عددی که همواره $-a^3$ را می‌شمارد، کدام است؟	۴۸ (۴)	۲۴ (۳)	۱۶ (۲)	۱۲ (۱)
۱۶۳- اگر a عددی زوج باشد، بزرگ‌ترین شمارنده عبارت $a(a^3 - 4)$ کدام است؟	۹۶ (۴)	۴۸ (۳)	۲۴ (۲)	۳۲ (۱)
۱۶۴- اگر p یک عدد اول دورقمی باشد، عدد $-1-p^3$ بر کدام عدد بخش پذیر نیست؟	۲۴ (۴)	۱۶ (۳)	۱۲ (۲)	۸ (۱)
۱۶۵- اگر p و q اعداد اول بزرگ‌تر از 5 باشند، بزرگ‌ترین شمارنده $-6-p^3+5q^3$ کدام است؟	۱۶۰ (۴)	۱۲۰ (۳)	۲۴۰ (۲)	۸۰ (۱)
۱۶۶- اگر a و b زوج بوده ولی مضرب 4 نباشند، بزرگ‌ترین شمارنده عبارت $-b-a^3$ کدام است؟	۳۲ (۴)	۶۴ (۳)	۸ (۲)	۱۶ (۱)
۱۶۷- اگر $(a, 90)$ باشد، بزرگ‌ترین عددی که همواره $-a^4$ را می‌شمارد، کدام است؟	۴۸۰ (۴)	۳۲۴ (۳)	۲۸۸ (۲)	۲۴۰ (۱)
۱۶۸- اگر n یک عدد طبیعی باشد، بزرگ‌ترین شمارنده عبارت $(-n^3)(n^3 - 1)$ به ازای مقادیر مختلف n کدام است؟	۱۲ (۴)	۶ (۳)	۳ (۲)	۴ (۱)
۱۶۹- کدام یک از اعداد زیر، مربع کامل است؟	۵۳۳۶۱ (۴)	۸۳۶۹۳ (۳)	۵۳۴۷۵ (۲)	۶۳۹۶۲ (۱)

مفهوم همنهشتی و ویژگی‌ها

۱۷۰- کدام دو عدد در همنهشتی $a \equiv b \pmod{17}$ صادق‌اند؟	۱۷ (۴)	۲۲۱ (۲)	۱ (۱)
۱۷۱- اگر m یک عدد دورقمی و 73^m باشد، چند مقدار برای m وجود دارد؟	۱ (۴)	۲ (۳)	۴ (۱)
۱۷۲- به ازای چند مقدار صحیح a : رابطه $a+5 \equiv a+29 \pmod{a+2}$ برقرار است؟	۶ (۴)	۵ (۳)	۳ (۲)
۱۷۳- اگر باقی‌مانده تقسیم عددهای 68 و 145 بر عدد دورقمی m ، دو عدد مساوی باشند، باقی‌مانده تقسیم 160 بر m کدام است؟	۱۱ (۴)	۷ (۳)	۶ (۲)
۱۷۴- اگر باقی‌مانده تقسیم عدد A بر 37 برابر 23 باشد، باقی‌مانده تقسیم $-3A$ بر 37 کدام است؟	۲۶ (۴)	۲۰ (۳)	۱۷ (۲)
۱۷۵- صفر			



- ۱۷۵- اگر باقی‌مانده تقسیم a بر 13 برابر 12 باشد، باقی‌مانده تقسیم $a^3 - 2a + 1$ بر 13 کدام است؟
 ۲ (۱) ۳ (۲) ۴ (۳) ۵ (۴)
- ۱۷۶- باقی‌مانده تقسیم a و b بر 8 ، برابر 3 و باقی‌مانده تقسیم c بر 8 ، برابر 4 است. باقی‌مانده تقسیم $ac + bc$ بر 8 کدام است؟
 ۱ (۲) ۴ (۳) ۶ (۴)
- ۱۷۷- اگر $a - b \equiv 2$ باشد، باقی‌مانده تقسیم $a^2 + b^2$ بر 5 کدام است؟
 ۱ (۲) ۲ (۳) ۴ (۴)
- ۱۷۸- باقی‌مانده تقسیم $8!$ بر 13 کدام است؟
 ۴ (۱)
- ۱۷۹- باقی‌مانده تقسیم $10!$ بر 11 کدام است؟
 ۸ (۱) ۱۰ (۲)
- ۱۸۰- باقی‌مانده تقسیم $8! + 16! + 23! + 24!$ بر 17 کدام است؟
 ۱ (۲) ۸ (۲) ۱۲ (۳) ۱۶ (۴)
- ۱۸۱- باقی‌مانده تقسیم عدد $A = 1! + 2! + 3! + \dots + 100!$ بر 12 کدام است؟
 ۱ (۱) ۲ (۲) ۹ (۳) ۱۴ (۴)
- ۱۸۲- باقی‌مانده تقسیم $A = 1! + 3! + 5! + \dots + 19!$ بر 20 کدام است؟
 ۵ (۱) ۶ (۲) ۷ (۳) ۹ (۴)
- ۱۸۳- اگر عدد طبیعی a و 7 نسبت به هم اول باشند، باقی‌مانده تقسیم a^6 بر 7 کدام است؟
 ۱ (۱) ۳ (۲) ۵ (۳) ۱۴ (۴) یا ۳
- ۱۸۴- یک عدد مربع کامل به کدام صورت، قابل نوشت
 ؟
 ۱ (۱) ۲ (۲) ۷k - ۲ ۸k + ۴
- ۱۸۵- اگر باقی‌مانده تقسیم a بر 99 برابر 25 باشد، باقی‌مانده تقسیم a بر 9 کدام است؟
 ۷ (۱) ۳ (۲) ۴ (۳) ۴ (۴)
- ۱۸۶- باقی‌مانده تقسیم a بر 18 برابر 5 و باقی‌مانده تقسیم b بر 24 برابر 7 است. باقی‌مانده تقسیم $a^1 - 3b^3$ بر 6 کدام است؟
 ۲ (۱) ۳ (۲) ۴ (۳) ۵ (۴)
- ۱۸۷- در رابطه همنهشتی $R = \{(x,y) | x, y \in \mathbb{Z}, 7 | x - y\}$ عدد 39 با کدام عدد داده شده در یک کلاس همنهشتی قرار دارد؟
 ۹۵ (۱) ۹۶ (۲) ۹۷ (۳) ۹۸ (۴)
- ۱۸۸- یک رابطه همنهشتی، مجموعه \mathbb{Z} را به 5 کلاس همنهشتی افراز کرده است. کدام دو عدد در یک کلاس همنهشتی قرار دارند؟
 ۱ (۱) ۷ و ۲۵ ۱۲ و ۳۷ ۱ و ۳۷
- ۱۸۹- عدد -209 به کدام دسته همنهشتی به پیمانه 12 تعلق دارد؟
 ۱ (۱) ۹ (۱) ۷ (۲) ۹ (۳) [-۹] (۴)
- ۱۹۰- اگر p یک عدد اول بزرگ‌تر از 3 باشد، در کدام پیمانه، همواره کلاس‌های همنهشتی $[p^3]$ و $[1]$ برابر نیستند؟
 ۸ (۱) ۱۲ (۲) ۱۶ (۳) ۲۴ (۴)
- ۱۹۱- مجموعه اعداد طبیعی را به سه مجموعه A ، B و C افراز کردایم. اگر $\{n : n = 7k - 3, k \in \mathbb{N}\}$ و $\{n : n = 7k + 2, k \in \mathbb{N}\}$ کدام دو عدد به یک مجموعه حاصل از این افراز، تعلق دارند؟
 ۱ (۱) ۲۱ (۱) ۲۳ و ۱۳ و ۲ (۲) ۳۲ و ۲۳ (۴)
- ۱۹۲- در همنهشتی به پیمانه m ، سه عدد a ، 41 و 132 در یک کلاس همنهشتی قرار دارند. کوچک‌ترین عدد سرقمی a به طوری که مجموعه \mathbb{Z} به تعداد کمتری کلاس همنهشتی افراز شود، کدام است؟
 ۱۰۲ (۱) ۱۰۳ (۲) ۱۰۴ (۳) ۱۰۶ (۴)



-۱۹۳- از رابطه همنهشتی (پیمانه ۸۴) $a \equiv 192$ ، کدام نتیجه‌گیری به پیمانه ۷ نادرست است؟

$$3a \equiv 2 \quad (4)$$

$$2a \equiv -1 \quad (3)$$

$$a \equiv 4 \quad (2)$$

$$a \equiv 3 \quad (1)$$

-۱۹۴- از رابطه همنهشتی $a \equiv 15a$ ، کدام نتیجه‌گیری نادرست است؟

$$a \equiv 0 \quad (4)$$

$$b \equiv 0 \quad (3)$$

$$3a \equiv 4b \quad (2)$$

$$3a \equiv 4b \quad (1)$$

-۱۹۵- از رابطه همنهشتی $a \equiv 6b$ ، کدام نتیجه‌گیری نادرست است؟

$$3a \equiv 2b \quad (4)$$

$$a \equiv 2 \quad (3)$$

$$b \equiv 0 \quad (2)$$

$$a \equiv 0 \quad (1)$$

-۱۹۶- اگر $(a^2 - 1, m) = 1$ و $a^2 - a^2 - a + 1 \equiv a^2 - 1$ درست است؟

$$m | a + 2 \quad (4)$$

$$m | a + 1 \quad (3)$$

$$m | a - 1 \quad (2)$$

$$m | a - 2 \quad (1)$$

-۱۹۷- از رابطه همنهشتی $a \equiv 18b$ ، کدام نتیجه‌گیری به پیمانه ۳ نادرست است؟

$$b \equiv 2 \quad (4)$$

$$a \equiv 0 \quad (3)$$

$$4a \equiv 6b \quad (2)$$

$$2a \equiv 3b \quad (1)$$

-۱۹۸- از رابطه همنهشتی (پیمانه ۹) $a \equiv 12b$ ، کدام نتیجه‌گیری نادرست است؟

$$3a \equiv 2b \quad (4) \text{ (پیمانه ۳)}$$

$$3a \equiv b \quad (3) \text{ (پیمانه ۳)}$$

$$b \equiv 0 \quad (2) \text{ (پیمانه ۳)}$$

$$a \equiv 0 \quad (1) \text{ (پیمانه ۲)}$$

-۱۹۹- اگر سال نو با پنجشنبه آغاز شود، ۱۹ آذر در آن سال چه روزی است؟

(۴) چهارشنبه

(۳) سهشنبه

(۲) دوشنبه

(۱) یکشنبه

-۲۰۰- بیست و هفتم اردیبهشت، روز سهشنبه است. سومین شنبه در ماه اردیبهشت، کدام روز این ماه است؟

$$20 \quad (4)$$

$$19 \quad (3)$$

$$18 \quad (2)$$

$$17 \quad (1)$$

-۲۰۱- اگر ۲۵ اردیبهشت ماه سالی شنبه باشد، آخرین شنبه آبان ماه در آن سال، چندمین روز آبان است؟

$$20 \quad (4)$$

$$29 \quad (3)$$

$$15 \quad (2)$$

$$17 \quad (1)$$

-۲۰۲- اکنون ساعت ۲۳ روز سهشنبه، هفتم شهریور است. ۱۰۰۰ ساعت بعد، چه روزی و چه ساعتی است؟

$$4 \text{ ساعت } 15 \text{ سهشنبه } 18 \text{ مهر} \quad (4)$$

$$2 \text{ ساعت } 17 \text{ سهشنبه } 25 \text{ مهر} \quad (3)$$

$$1 \text{ ساعت } 17 \text{ دوشنبه } 24 \text{ مهر} \quad (2)$$

$$1 \text{ ساعت } 17 \text{ دوشنبه } 25 \text{ مهر} \quad (1)$$

-۲۰۳- بهمن ماه سالی دوشنبه بود. ۲۰ شهریور ماه در آن سال، چندشنبه بوده است؟

(۴) چهارشنبه

(۳) سهشنبه

(۲) دوشنبه

(۱) یکشنبه

-۲۰۴- از انتهای کمان 30° در دایرة مثلثاتی به اندازه 3285° در خلاف جهت دایرة مثلثاتی حرکت می‌کنیم. انتهای کمان حاصل، مربوط به کمان چند درجه است؟

$$290^\circ \quad (4)$$

$$350^\circ \quad (3)$$

$$260^\circ \quad (2)$$

$$270^\circ \quad (1)$$

-۲۰۵- اگر باقی‌مانده تقسیم عدد صحیح a بر ۹ و ۷ به ترتیب ۵ و ۶ باشد، باقی‌مانده تقسیم عدد a بر ۶۳ چگونه است؟

$$4 \text{ مضرب } 5 \quad (4)$$

$$3 \text{ مضرب } 2 \quad (3)$$

$$2 \text{ عدد اول} \quad (2)$$

$$1 \text{ عدد اول} \quad (1)$$

-۲۰۶- اگر باقی‌مانده تقسیم عدد طبیعی a بر ۹، برابر ۱۲ و $a+17$ مضرب ۲۱ باشد، رقم وسط کوچک‌ترین عدد a کدام است؟

$$9 \quad (4)$$

$$8 \quad (3)$$

$$7 \quad (2)$$

$$4 \quad (1)$$

-۲۰۷- باقی‌مانده تقسیم عدد طبیعی A بر عدد ۲۳، برابر ۵ و باقی‌مانده تقسیم دوباره عدد A بر ۱۷ برابر ۹ می‌باشد. باقی‌مانده تقسیم بزرگ‌ترین عدد سه‌رقمی A بر عدد ۱۲ کدام است؟

(ریاضی داعل ۹۷)

$$7 \quad (4)$$

$$6 \quad (3)$$

$$2 \quad (2)$$

$$1 \quad (1)$$

-۲۰۸- باقی‌مانده تقسیم عدد طبیعی N بر ۳۱، برابر ۲۶ است. اگر این عدد را بر ۴۲ تقسیم کنیم، باقی‌مانده برابر خارج قسمت می‌شود. رقم یکان عدد بزرگ‌تر N کدام است؟

(ریاضی داعل ۹۵)

$$7 \quad (4)$$

$$6 \quad (3)$$

$$4 \quad (2)$$

$$2 \quad (1)$$

-۲۰۹- اگر $a \equiv 6b$ و $a \equiv 18c$ ، کدام نتیجه‌گیری نادرست است؟

$$b \equiv 3c \quad (4)$$

$$a \equiv 2c \quad (3)$$

$$2a \equiv b \quad (2)$$

$$2a \equiv -c \quad (1)$$

-۲۱۰- باقی‌مانده تقسیم عدد a بر ۱۵ و ۳۲ به ترتیب برابر ۵، ۸ و ۲۵ است. مجموع ارقام کوچک‌ترین عدد a کدام است؟

$$15 \quad (4)$$

$$14 \quad (3)$$

$$13 \quad (2)$$

$$12 \quad (1)$$



- ۲۱۱- باقی‌مانده تقسیم عددی بر اعداد ۱۱، ۱۴ و ۱۵ به ترتیب ۵، ۸ و ۹ می‌باشد. کوچک‌ترین مقدار ممکن برای این عدد، مضرب کدام است؟
- ۴۵ (۴) ۴۲ (۳) ۳۸ (۲) ۳۶ (۱)
- ۲۱۲- باقی‌مانده تقسیم عدد طبیعی A بر اعداد ۵، ۷ و ۱۱ به ترتیب ۲، ۴ و ۸ می‌باشند. باقی‌مانده تقسیم بزرگ‌ترین عدد سه‌رقمی A بر عدد ۲۳ کدام است؟
(ریاضی فارج ۹۷)
- ۸ (۴) ۷ (۳) ۶ (۲) ۵ (۱)
- ۲۱۳- چند عدد سه‌رقمی وجود دارد که مضرب ۱۱ بوده و باقی‌مانده تقسیم‌های آن بر دو عدد ۴ و ۵، برابر ۱ باشد؟
- ۶ (۴) ۵ (۳) ۴ (۲) ۳ (۱)

معادله همنهشتی

- ۲۱۴- معادله همنهشتی $6x \equiv 2a + 5$ در مجموعه اعداد صحیح دارای جواب است. a کدام می‌تواند باشد؟
- ۴۳ (۴) ۴۱ (۳) ۳۹ (۲) ۳۷ (۱)
- ۲۱۵- معادله همنهشتی $5a \equiv 42x^{15}$ به ازای کدام مقدار a در مجموعه \mathbb{Z} جواب دارد؟
- ۹ (۴) ۷ (۳) ۵ (۲) ۲ (۱)
- ۲۱۶- به ازای چند عدد دورقمی n، معادله همنهشتی $-2 - 5n \equiv 42x^{15}$ در مجموعه اعداد صحیح جواب دارد؟
- ۱۵ (۴) ۱۸ (۳) ۳۰ (۲) ۲۷ (۱)
- ۲۱۷- رقم یکان کوچک‌ترین عدد سه‌رقمی a که در رابطه همنهشتی $11^9 a \equiv 13a^9$ صدق می‌کند، کدام است؟
- ۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)
- ۲۱۸- معادله همنهشتی $19x \equiv 1$ در مجموعه اعداد طبیعی دورقمی چند جواب دارد؟
- ۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)
- ۲۱۹- معادله همنهشتی (پیمانه ۳۱) $72x \equiv 1$ در مجموعه اعداد طبیعی سه‌رقمی چند جواب دارد؟
- ۳۳ (۴) ۳۲ (۳) ۳۰ (۲) ۲۹ (۱)
- ۲۲۰- اگر $A = 1! + 3! + \dots + 71!$ باشد، معادله $5^3 \equiv Ax^7$ در مجموعه اعداد طبیعی دورقمی چند جواب دارد؟
- ۱۳ (۴) ۱۲ (۳) ۱۱ (۲) ۱۰ (۱)
- ۲۲۱- در معادله همنهشتی $x^{349} \equiv 10!(1)$ ، رقم یکان کوچک‌ترین عدد سه‌رقمی x کدام است؟
- ۸ (۴) ۶ (۳) ۵ (۲) ۳ (۱)
- ۲۲۲- رابطه همنهشتی مجموعه \mathbb{Z} را به ۱۵ کلاس همنهشتی افراز کرده است و عدد سه‌رقمی $6a^4$ در کلاس همنهشتی [۹] قرار دارد. تعداد جواب‌های a کدام است؟
- ۲ (۴) ۴ (۳) ۴ (۲) ۵ (۱)
- ۲۲۳- در تقسیم عدد a بر عدد طبیعی b، باقی‌مانده ۱۷ و خارج قسمت ۲۵ می‌باشد. اگر a مضرب ۶ باشد، رقم دهگان کوچک‌ترین عدد طبیعی a کدام است؟
- ۹ (۴) ۸ (۳) ۷ (۲) ۶ (۱)
- ۲۲۴- در تقسیم عدد طبیعی a بر عدد طبیعی b، خارج قسمت ۲۱ و باقی‌مانده ۳۷ می‌باشد. چند عضو از مجموعه جواب‌های a مضرب ۵ هستند؟
(ریاضی دفل ۹۲)
- ۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)
- ۲۲۵- در تقسیم عدد سه‌رقمی a بر عدد طبیعی b، باقی‌مانده ۱۳ و خارج قسمت ۲۵ است. اگر a مضرب ۷ باشد، مجموع ارقام بزرگ‌ترین عدد سه‌رقمی a کدام است؟
- ۲۰ (۴) ۱۸ (۳) ۱۶ (۲) ۱۴ (۱)
- ۲۲۶- عدد $(5x^3 - 3x^2 - 2x + 2)(3x^2 + 2x + 1)$ بر ۱۷ بخش‌پذیر است. برای x چند عدد طبیعی کوچک‌تر از ۲۵ وجود دارد؟
- ۵ (۴) ۴ (۳) ۶ (۲) ۳ (۱)
- ۲۲۷- اگر عدد $-6 - x - 2x^3$ مضرب ۵۳ باشد، رقم یکان بزرگ‌ترین عدد سه‌رقمی x کدام است؟
(ریاضی دفل ۹۳)
- ۹ (۴) ۸ (۳) ۷ (۲) ۶ (۱)
- ۲۲۸- به ازای چند عدد طبیعی دورقمی x، عبارت $-2 - x^3 + 3x^2 + x + 41$ بخش‌پذیر است؟
- ۶ (۴) ۴ (۳) ۳ (۲) ۲ (۱)



- ۲۲۹- رقم یکان بزرگ‌ترین عدد سه‌ رقمی x که در رابطه هم‌نهاشتی $1 \equiv x^3 + 6x^2 + 6x$ صدق می‌کند، کدام است؟
۶ (۴) ۵ (۳) ۴ (۲) ۳ (۱)
- ۲۳۰- به ازای چند عدد دورقمی n عبارت $4 - 3x + 4x^3$ بر عدد ۶ بخش‌پذیر است؟
۳۱ (۴) ۳۰ (۳) ۲۹ (۲) ۲۸ (۱)
- ۲۳۱- به ازای برحی از اعداد طبیعی n دو عدد به صورت‌های $11n + 7$ و $9n + 2$ نسبت به هم اول نیستند. کوچک‌ترین مقدار n در این حالت، مضرب کدام عدد است؟
۸ (۴) ۷ (۳) ۶ (۲) ۵ (۱)
- ۲۳۲- به ازای چند عدد دورقمی n دو عدد طبیعی $9n + 2$ و $11n - 5$ نسبت به هم غیراول است؟
۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)
- ۲۳۳- به ازای چند عدد طبیعی دورقمی n اعداد $5 - 4n + 9n + 12n$ نسبت به هم اول نیستند؟
۵ (۴) ۴ (۳) ۳ (۲) ۲ (۱)
- ۲۳۴- به ازای چند عدد طبیعی دورقمی n دو عدد به صورت‌های $5n - 2$ و $7n + 3$ نسبت به هم غیراول است؟
۶ (۴) ۵ (۳) ۴ (۲) ۳ (۱)
- ۲۳۵- به ازای چند عدد طبیعی دورقمی n دو عدد به صورت‌های $5n + 4$ و $13n - 3$ نسبت به هم غیراول است؟
۵ (۴) ۴ (۳) ۳ (۲) ۲ (۱)
- ۲۳۶- رقم یکان کوچک‌ترین عدد سه‌ رقمی n به طوری‌که دو عدد طبیعی $5 - 9n + 2$ و $11n + 2$ نسبت به هم غیراول باشند، کدام است؟
۹ (۴) ۶ (۳) ۵ (۲) ۲ (۱)
- ۲۳۷- دو عبارت $5 - 6n + 5$ و $17n + 13$ نسبت به هم اول نیستند. برای n چند جواب مربع کامل سه‌ رقمی وجود دارد؟
۴) صفر ۵ (۳) ۳ (۲) ۱ (۱)
- ۲۳۸- به ازای هر عدد طبیعی n ، دو عدد $7 - 2n + 3$ و $11n - 3$ نسبت به هم اول است. بیشترین مقدار n کدام است؟
۴۰ (۴) ۳۹ (۳) ۳۷ (۲) ۳۵ (۱)
- (ریاضی فارج ۹۵)
- ۲۳۹- به ازای چند عدد طبیعی و دورقمی n اعداد $1 + 4n$ و $5n - 3$ نسبت به هم اول است؟
۸۵ (۴) ۸۴ (۳) ۸۲ (۲) ۸۱ (۱)

باقی‌مانده تقسیم اعداد تواندار

- ۲۴۰- باقی‌مانده تقسیم 51^{131} بر ۷ کدام است؟
۱ (۴) ۲ (۳) ۳ (۲) ۴ (۱)
- ۲۴۱- باقی‌مانده تقسیم 3° بر ۱۷ کدام است؟
۴ (۴) ۵ (۳) ۱۲ (۲) ۱۳ (۱)
- ۲۴۲- باقی‌مانده تقسیم $3^{31} - 9$ بر عدد ۴۱ کدام است؟
۶ (۴) ۵ (۳) ۴ (۲) ۳ (۱)
- ۲۴۳- باقی‌مانده تقسیم 2^{36} بر ۴۳ کدام است؟
۲۶ (۴) ۱۱ (۳) ۷ (۲) ۶ (۱)
- ۲۴۴- به ازای چند عدد دورقمی a ، عدد $3^{15} + a$ مضرب ۱۷ است؟
۶ (۴) ۸ (۳) ۱۰ (۲) ۱۲ (۱)
- ۲۴۵- عدد $7^{17} + a$ بر عدد ۵۷ بخش‌پذیر است. کوچک‌ترین عدد طبیعی a کدام است؟
۸ (۴) ۷ (۳) ۵ (۲) ۱ (۱)
- ۲۴۶- باقی‌مانده تقسیم $A = (2^{11} + 7) \times 9$ بر ۲۳ کدام است؟
۱۱ (۴) ۷ (۳) ۳ (۲) ۲ (۱)



(ریاضی داخلی ۹۱)

- ۲۴۷- در رابطه هم باقی مانده بر ۱۱، عدد 5° به کدام دسته همارزی تعلق دارد؟
- [۷] ۴ [۱] ۳ [۳] ۲ [۵] ۱
- ۲۴۸- اگر a و 15 نسبت به هم اول باشند، باقی مانده تقسیم $a^3 + 23$ بر 15 کدام است؟
- ۱۰ ۴ ۹ ۳ ۸ ۲ ۶ ۱
- ۲۴۹- باقی مانده تقسیم 3^{48} بر 11 کدام است؟
- ۸ ۴ ۷ ۳ ۶ ۲ ۵ ۱
- ۲۵۰- باقی مانده تقسیم عدد 13^{43} بر 17 کدام است؟
- ۶ ۴ ۵ ۳ ۴ ۲ ۳ ۱
- ۲۵۱- عدد $7^{15} + a$ مضرب 17 است. کوچکترین عدد طبیعی a کدام است؟
- ۱۲ ۴ ۱۱ ۳ ۱۰ ۲ ۵ ۱
- ۲۵۲- اگر عدد $7^{20} + a$ باشد، کوچکترین عدد طبیعی a کدام است؟
- ۸ ۴ ۶ ۳ ۵ ۲ ۴ ۱
- ۲۵۳- رقم یکان کوچکترین عدد سه رقمی a که باقی مانده تقسیم عدد $a^{49} + 12a$ بر 7 برابر 1 می شود، کدام است؟
- ۶ ۴ ۴ ۳ ۳ ۲ ۲ ۱
- ۲۵۴- به ازای چند عدد اول p ، عدد -1^{13p} بر p بخش بذیر است؟
- (۴) صفر ۱ ۳ ۲ ۲ ۳ ۱
- ۲۵۵- دو عدد 24 و 185 در یک دسته همنهشتی به پیمانه m قرار دارند. اگر $1 = (m, 7)$ باشد، باقی مانده تقسیم m^m بر 7 کدام است؟
- ۴ ۴ ۳ ۳ ۲ ۲ ۱ ۱
- ۲۵۶- باقی مانده تقسیم 7^{17^9} بر 43 کدام است؟
- ۴۱ ۴ ۳۷ ۳ ۲۳ ۲ ۳۱ ۱
- ۲۵۷- باقی مانده تقسیم عدد $(1^{380} + 1^{380} + \dots + 1^{380})$ بر 1380 کدام است؟
- ۲۸ ۴ ۴ ۳ ۲ ۲ ۱ ۰
- ۲۵۸- باقی مانده تقسیم $7^{19} - 5^{19}$ بر 25 کدام است؟
- (۴) صفر ۱۱ ۳ ۱۶ ۲ ۳۲ ۱
- ۲۵۹- باقی مانده تقسیم $12^{51} - 11^{51} - 23^{51}$ بر 132 کدام است؟
- (۴) صفر ۹ ۳ ۱۷ ۲ ۶۶ ۱
- ۲۶۰- باقی مانده تقسیم $23^{(6)}$ بر عدد 33 کدام است؟
- ۱۸ ۴ ۱۵ ۳ ۱۵ ۲ -۱۸ ۱
- ۲۶۱- باقی مانده تقسیم 3^{1000} بر عدد 56 کدام است؟
- ۲۶ ۴ ۲۵ ۳ ۳۲ ۲ ۳۱ ۱
- ۲۶۲- باقی مانده تقسیم عدد $-26^6 - 36^6 + 66^6$ بر عدد 35 کدام است؟
- (۴) صفر ۳ ۳ ۲ ۲ ۱ ۰
- ۲۶۳- باقی مانده تقسیم $3^{42} - 3^{42}$ بر 35 کدام است؟
- ۶ ۴ ۵ ۳ ۱ ۲ ۱ ۰
- ۲۶۴- باقی مانده تقسیم $3^{65} + 4^{65} + 8^{65}$ بر 65 کدام است؟
- (۴) صفر ۲۳ ۳ ۶۴ ۲ ۲۴ ۱
- ۲۶۵- به ازای چند عدد طبیعی یک رقمی n باقی مانده تقسیم $241^n + 242^n + \dots + 251^n$ بر 12 برابر صفر است؟
- ۹ ۴ ۴ ۳ ۶ ۲ ۸ ۱
- ۲۶۶- اگر عدد $-3^n - 3^n$ مضرب 25 باشد، کوچکترین عدد طبیعی n کدام است؟
- ۲۰ ۴ ۱۰ ۳ ۱۵ ۲ ۱۶ ۱

(ریاضی داخلی ۹۱)



- تعداد اعضاي مجموعه $\{n : 65 | 2^n + 1\}$ از مجموعه اعداد طبیعی کمتر از ۱۰۰ کدام است؟
۹ (۴) ۸ (۳) ۷ (۲) ۶ (۱)
- به ازای چند عدد طبیعی n کوچک‌تر از ۵، عدد $7^n + 42$ بر ۴۳ بخش‌پذیر است؟
۹ (۴) ۸ (۳) ۷ (۲) ۶ (۱)
- (ریاضی فارج ۹۴)
- تعداد اعداد دورقمی a به طوری که $11^a \equiv 1$ کدام است؟
۲۰ (۴) ۲۸ (۳) ۲۷ (۲) ۲۵ (۱)
- (ریاضی دافت ۹۶)
- به ازای کدام مقادیر n از اعداد طبیعی، عبارت $1 + 5^{3n+2} + 5^{6n+4}$ بر عدد ۳۱ بخش‌پذیر است؟
۴) تمام اعداد ۵) فقط اعداد زوج ۲) فقط اعداد مضرب ۵ ۱) فقط اعداد فرد
- به ازای کدام مقادیر n از اعداد طبیعی، عبارت $6 + 7^{3n+4} + 7^{6n+2}$ بر عدد ۴۳ بخش‌پذیر است؟
۴) تمام اعداد ۷) فقط اعداد زوج ۲) فقط اعداد مضرب ۷ ۱) فقط اعداد فرد
- به ازای کدام مقادیر n از اعداد طبیعی، عبارت $7 + 11^{8n+17} + 11^{16n+1}$ مضرب ۱۷ است؟
۴) تمام اعداد ۱۷) فقط اعداد زوج ۲) فقط اعداد مضرب ۱۷ ۱) فقط اعداد فرد
- به ازای کدام مقادیر n از اعداد طبیعی، عبارت $5 - 15^{4n+2} \times 16^{3n+1} + 9^{3n+1}$ بر عدد ۷ بخش‌پذیر است؟
۴) فقط اعداد فرد ۳) تمام اعداد ۲) فقط اعداد زوج ۱) فقط اعداد فرد
- (ریاضی فارج ۹۶)
- به ازای کدام مقادیر n از اعداد طبیعی، عبارت $1 + 2^{3n+4} + 2^{6n+1}$ بر عدد ۲۳ بخش‌پذیر است؟
۴) فقط اعداد مضرب ۷ ۳) فقط اعداد فرد ۲) فقط اعداد فرد ۱) تمام اعداد

بخش‌پذیری بر اعداد خاص

- عدد شش‌رقمی \overline{ababab} ممکن است مضرب کدام عدد نباشد؟
۳۷ (۴) ۳۱ (۳) ۱۳ (۲) ۷ (۱)
- هفت‌برابر عدد شش‌رقمی \overline{abcabc} ، مربع کامل است. بیشترین مقدار مجموع ارقام عدد \overline{abc} ، کدام است؟
۱۷ (۴) ۱۶ (۳) ۱۵ (۲) ۱۴ (۱)
- عدد شش‌رقمی \overline{ababab} برابر حاصل ضرب ۱۱۱ در مربع کامل یک عدد است. مجموع دو رقم a و b کدام است؟
۱۰ (۴) ۹ (۳) ۸ (۲) ۷ (۱)
- عدد چهاررقمی \overline{aabb} مربع کامل است. باقی‌مانده تقسیم عدد دورقمی \overline{ab} بر عدد ۱۳ کدام است؟
۱۲ (۴) ۱۱ (۳) ۱۰ (۲) ۹ (۱)
- یک عدد مربع کامل برابر حاصل ضرب ۱۱۱ در عدد ۶ رقمه \overline{ababab} است. باقی‌مانده تقسیم \overline{ba} بر ۱۶ کدام است؟
۳ (۴) ۴ (۳) ۷ (۲) ۱۱ (۱)
- عدد $\overline{abc} - \overline{cba}$ مضرب ۷۷ و $c \neq a$ است. بزرگ‌ترین عدد \overline{abc} حداقل چند واحد از مربع کامل یک عدد طبیعی بیشتر است؟
۱۷ (۴) ۳۱ (۳) ۲۹ (۲) ۲۷ (۱)
- مجموع باقی‌مانده تقسیم عدد ۷۳۶۵۲۱ بر ۹، ۸ و ۱۱ کدام است؟
۱۶ (۴) ۱۵ (۳) ۱۳ (۲) ۱۲ (۱)
- به ازای کدام مقدار b عدد پنج‌رقمی $\overline{a1aba}$ بر ۷ بخش‌پذیر است؟
۸ (۴) ۶ (۳) ۵ (۲) ۲ (۱)
- عدد ۵ رقمه $\overline{5ab32}$ بر عدد ۱۰۱ بخش‌پذیر است. باقی‌مانده تقسیم این عدد بر ۹ کدام است؟
۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)
- (ریاضی دافت ۹۷)
- عدد پنج‌رقمی $\overline{N = a746b}$ مضرب ۳۶ می‌باشد. باقی‌مانده تقسیم بزرگ‌ترین عدد N بر ۱۱ کدام است؟
۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)
- چند عدد به صورت $\overline{12a3b}$ وجود دارد که بر ۴۴ بخش‌پذیر است؟
۱ (۴) ۲ (۳) ۳ (۲) ۴ (۱)



(ریاضی فارج ۹۷)

- ۲۸۶- مجموع دو عدد $\overline{4b56}$ و $\overline{233a}$ بر ۴۴ بخش‌پذیر است. مقدار $a+b$ کدام است؟
۱۱ (۴) ۹ (۳) ۷ (۲) ۵ (۱)
- ۲۸۷- عدد پنج رقمی $N = \overline{a73b8}$ بر ۴۴ بخش‌پذیر است. باقی‌مانده تقسیم کوچک‌ترین عدد N بر ۹ کدام است؟
۸ (۴) ۷ (۳) ۶ (۲) ۵ (۱)
- ۲۸۸- اگر یک عدد چهار رقمی به صورت $\overline{a7b0}$ مضرب ۴۴ باشد ولی مضرب ۵۵ نباشد، آن‌گاه $a+b$ کدام است؟
۱۴ (۴) ۱۳ (۳) ۱۲ (۲) ۱۱ (۱)
- ۲۸۹- عدد شش رقمی $\overline{a63b29}$ بر عدد ۹۹ بخش‌پذیر است. رقم a کدام است؟
۶ (۴) ۵ (۳) ۴ (۲) ۳ (۱)
- ۲۹۰- اگر عدد طبیعی پنج رقمی $\overline{5abb6}$ بر عدد ۹۹ بخش‌پذیر باشد، رقم b کدام است؟
۸ (۴) ۷ (۳) ۶ (۲) ۴ (۱)
- ۲۹۱- عدد $\overline{1ab562}$ بر ۹۹ بخش‌پذیر است. مقدار $a+b$ کدام است؟
۸ (۴) ۶ (۳) ۴ (۲) ۳ (۱)
- ۲۹۲- چند عدد پنج رقمی به صورت $\overline{82a6b}$ وجود دارد که بر ۹۹ بخش‌پذیر است?
۱۰ (۴) ۹ (۳) ۸ (۲) ۱ (۱)

رقم یکان

- ۲۹۳- اگر دو عدد -5 و $3a-7$ رقم یکان برابر داشته باشند، رقم یکان عدد $9a+6$ کدام است؟
۶ (۴) ۴ (۳) ۳ (۲) ۲ (۱)
- ۲۹۴- رقم یکان عدد $(1380!) + (1381!) + \dots + (21+4!+\dots+3!) + \dots + 1$ کدام است؟
۶ (۴) ۴ (۳) ۲ (۲) ۱ صفر
- ۲۹۵- اگر a عدد طبیعی باشد، رقم یکان کدام عدد، همواره صفر است؟
 $a^9 - a$ (۴) $a^{91} - a$ (۳) $a^{92} - a$ (۲) $a^{93} - a$ (۱)
- ۲۹۶- اگر $a^p = 10k + 7$ ، آن‌گاه رقم یکان عدد a^{p+4} کدام است؟
۷ (۴) ۶ (۳) ۳ (۲) ۱ (۱)
- ۲۹۷- اگر $3a^p = 10k - 2$ باشد، رقم یکان $-5 - 2a^{p+2}$ کدام است؟
۸ (۴) ۷ (۳) ۳ (۲) ۲ (۱)
- ۲۹۸- باقی‌مانده تقسیم عدد 18° بر 10 کدام است؟
۲ (۴) ۴ (۳) ۶ (۲) ۸ (۱)
- ۲۹۹- رقم یکان عدد $1379^{1379} + 1378^{1378} + \dots + 1371^{1371}$ کدام است؟
۹ (۴) ۷ (۳) ۵ (۲) ۱ (۱)
- ۳۰۰- رقم یکان عدد $(989)^{61} + (989)^{61} + \dots + (989)^{61} + (989)^{61}$ کدام است؟
۹ (۴) ۵ (۳) ۱ (۲) ۱ صفر
- ۳۰۱- اگر $A^B + B^A$ کدام است؟ $B = 2! + 4! + \dots + 1382!$ ، رقم یکان $A = 1! + 2! + 3! + \dots + 1382!$
۷ (۴) ۵ (۳) ۳ (۲) ۱ (۱)
- ۳۰۲- بزرگ‌ترین رقم یکان عدد $3^{n+5} + 4^{n+5} + \dots + 3^{n+5}$ به ازای مقادیر سه رقمی n کدام است؟
۹ (۴) ۷ (۳) ۵ (۲) ۳ (۱)
- ۳۰۳- رقم یکان عدد $3^{n+3} + 4^{n+3} + \dots + 3^{n+3}$ به ازای برخی مقادیر n کوچک‌ترین مقدار ممکن است. برای n چند مقدار دورقیمی وجود دارد؟
۳۱ (۴) ۲۳ (۳) ۲۲ (۲) ۱۸ (۱)



حل معادلات سیاله و کاربردهای آن

- ۳۰۴- به ازای کدام مقدار n ، معادله سیاله $-1 + 84y = 5n + 60x$ در مجموعه \mathbb{Z} دارای جواب است؟
- ۲۵ (۴) ۳۳ (۳) ۲۹ (۲) ۲۴ (۱)
- ۳۰۵- به ازای چند عدد طبیعی و دورقمی n ، معادله $24x + 39y = 7n + 1$ در مجموعه \mathbb{Z} دارای جواب است؟
- ۳۴ (۴) ۳۲ (۳) ۳۰ (۲) ۲۸ (۱)
- ۳۰۶- معادله $2 + 3x + 6y = a^2$ به ازای چند مقدار a از مجموعه $\{1, 2, 3, \dots, 20\}$ جواب دارد؟
- ۱۴ (۴) ۱۳ (۳) ۷ (۲) ۶ (۱)
- ۳۰۷- به ازای چند عدد طبیعی نایبیشتر از ۵ برای a ، معادله $3ax + 18y = 3$ دارای جواب است؟
- ۲۷ (۴) ۲۵ (۳) ۲۲ (۲) ۱۸ (۱)
- ۳۰۸- اعداد صحیح a و b در معادله $12a + 23b = 15$ صدق می‌کنند. باقی‌مانده تقسیم عدد b بر ۱۵ کدام است؟
- ۹ (۴) ۸ (۳) ۶ (۲) ۳ (۱)
- ۳۰۹- مجموع ارقام بزرگ‌ترین عدد سرقمی y که در رابطه $14x + 18y = 10$ صدق کند کدام است؟
- ۲۵ (۴) ۲۳ (۳) ۲۱ (۲) ۱۹ (۱)
- ۳۱۰- مجموع ارقام کوچک‌ترین عدد طبیعی سرقمی x که در معادله $57x - 87y = 342$ صدق کند، کدام است؟
- ۸ (۴) ۷ (۳) ۶ (۲) ۵ (۱)
- ۳۱۱- اگر $(221x + 357y = 221, 357)$ باشد، تعداد اعداد طبیعی دورقمی x کدام است؟
- ۷ (۴) ۶ (۳) ۵ (۲) ۴ (۱)
- ۳۱۲- معادله سیاله خطی $7x + 5y = 13$ در مجموعه اعداد طبیعی چند جواب دارد؟
- ۵ (۴) ۴ (۳) ۳ (۲) ۲ (۱)
- ۳۱۳- معادله سیاله خطی $15x + 14y = 15$ در مجموعه اعداد طبیعی چند جواب دارد؟
- ۵ (۴) ۴ (۳) ۳ (۲) ۲ (۱)
- ۳۱۴- معادله سیاله $25x + 12y = 111$ بر روی مجموعه اعداد طبیعی \mathbb{N} چند زوج جواب دارد؟
- ۶ (۴) ۵ (۳) ۴ (۲) ۳ (۱)
- ۳۱۵- اگر $(357, 629) = 357x + 629y$. آن‌گاه کوچک‌ترین عدد مثبت $x + y$ کدام است؟
- ۱۰ (۴) ۱۲ (۳) ۱۱ (۲) ۱۳ (۱)
- ۳۱۶- معادله $9x + 11y = 1000$ چند زوج جواب در مجموعه اعداد طبیعی دارد؟
- ۱۲ (۴) ۱۱ (۳) ۱۰ (۲) ۹ (۱)
- ۳۱۷- کم‌ترین تعداد تمبر لازم برای بسته‌ای که نیاز به ۸۵۰ ریال تمبر دارد، با تمبرهای ۹۰ و ۵۰ ریالی کدام است؟
- ۱۴ (۴) ۱۳ (۳) ۱۲ (۲) ۱۱ (۱)
- ۳۱۸- به چند طریق می‌توان با ۳۷۰۰ ریال تمبرهای ۱۵۰ و ۲۵۰ ریالی خرید؟
- ۶ (۴) ۳ (۳) ۴ (۲) ۵ (۱)
- ۳۱۹- برای خرید کتاب به قیمت ۷۵۵۰ تومان، به تعداد A بن دویست تومانی و B بن یکصد و پنجاه تومانی پرداخت نموده‌ایم. حداقل مقدار $A + B$ کدام است؟
- ۳۸ (۴) ۳۷ (۳) ۳۶ (۲) ۳۵ (۱)
- ۳۲۰- معادله $7x + 21y = 28$ چند جواب صحیح در بازه $x, y < 20 - 20$ دارد؟
- ۱۵ (۴) ۱۳ (۳) ۱۱ (۲) ۹ (۱)