



موسسه ایران دانش نوین

رویای خودت شو...



@IranDaneshNovin



@Iran_Danesh_Novin

برای دانلود بقیه ی جزوات با کلیک روی لینک های زیر به سایت
یا کانال های ما در تلگرام و سروش سر بزنید:

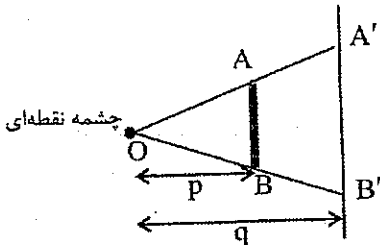
www.IDNovin.com

<https://telegram.me/irandaneshnovin>

http://sapp.ir/iran_danesh_novin

سایه و نیمسایه

اگر چشمه نور نقطه‌ای باشد، روی پرده فقط سایه ایجاد می‌شود. اندازه سایه حاصل از چشمه نقطه‌ای با کمک تشابه مثلث‌ها به دست می‌آید:

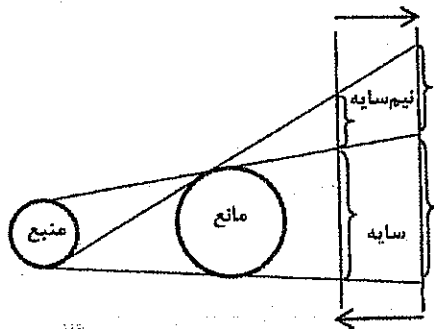


$$\frac{A'B'}{AB} = \frac{q}{p} \rightarrow \frac{S'}{S} = \left(\frac{q}{p}\right)^2$$

مساحت سایه / مساحت شیء = $\left(\frac{q}{p}\right)^2$
 طول سایه / طول شیء = $\frac{q}{p}$

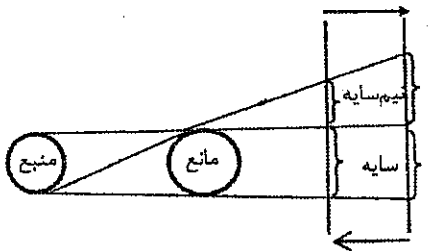
[فاصله شیء از پرده = $q - p$]

چشمه گسترده: اگر چشمه نور گسترده باشد، روی پرده سایه و نیمسایه تشکیل می‌شود.



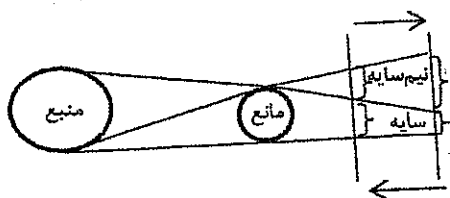
حالت (۱) منبع > مانع

طبق شکل اگر پرده را دور کنیم سایه منبع بزرگ‌تر می‌شود.



حالت (۲) منبع = مانع

طبق شکل، با دور شدن پرده اندازه‌ی سایه ثابت و نیمسایه بزرگ‌تر می‌شود و اگر پرده نزدیک شود برعکس.

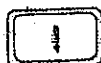


حالت (۳) منبع < مانع

طبق شکل، با دور شدن پرده اندازه‌ی سایه کوچک‌تر و نیم سایه بزرگ‌تر می‌شود و اگر پرده نزدیک شود برعکس.

نکته (۱) در هر سه حالت با دور شدن پرده، نیمسایه بزرگ‌تر می‌شود و با نزدیک شدن پرده نیمسایه کوچک‌تر می‌شود.

نکته (۲) نزدیک شدن مانع و منبع به یکدیگر مانند دور شدن پرده است.



فیزیک پایه

نور، آینه، عدسی و شکست نور

تست ۱) جسم کدر دایره‌ای شکل به قطر ۴cm در فاصله ۱۰cm از چشمه نقطه‌ای قرار دارد. اگر قطر سایه روی پرده‌ای موازی جسم ۱۲cm باشد، فاصله پرده از جسم چند سانتی‌متر است؟

- ۱۰ (۴) ۱۵ (۳) ۲۰ (۲) ۳۰ (۱)

$$\frac{A'B'}{AB} = \frac{q}{p} \Rightarrow \frac{12}{4} = \frac{q}{10} \Rightarrow q = \frac{12 \times 10}{4} = 30 \text{ cm}$$

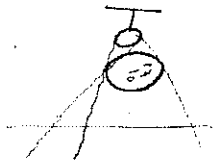
تست ۲) یک صفحه‌ی کدر وسط چشمه نقطه‌ای و دیوار قرار دارد. مساحت سایه روی دیوار چند برابر مساحت صفحه‌ی کدر است؟

- ۸ (۴) ۴ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)

$$\frac{q}{p} = 2 \Rightarrow \frac{S'}{S} = \left(\frac{q}{p}\right)^2 = 2^2 = 4$$

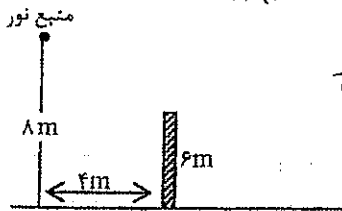
تست ۳) یک توپ فوتبال را به یک لامپ معمولی که از سقف آویزان است، نزدیک‌تر می‌کنیم. اندازه سایه و نیم‌سایه آن در کف اتاق چه تغییری می‌کند؟ (مشابه سراسری ریاضی ۸۴)

- ۱) بزرگ‌تر - کوچک‌تر ۲) کوچک‌تر - بزرگ‌تر ۳) کوچک‌تر - کوچک‌تر ۴) بزرگ‌تر - بزرگ‌تر



تست ۴) مطابق شکل میله‌ی کدر به طول ۶ متر به طور قائم قرار دارد. طول سایه آن روی زمین چند متر است؟

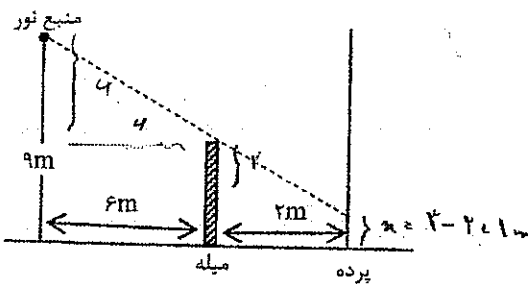
- ۱۴ (۴) ۱۲ (۳) ۱۰ (۲) ۸ (۱)



$$\frac{h}{l} = \frac{4+n}{n} \Rightarrow 6n = 4n + 4 \Rightarrow n = 2 \text{ m}$$

تست ۵) در شکل روبه‌رو طول میله قائم ۳ متر است. طول سایه میله روی پرده چند متر است؟ (سراسری ریاضی ۸۸)

- ۲ (۲) ۱ (۱)
۴ (۴) ۳ (۳)



☑️ **مماسبه سرعت سایه:**

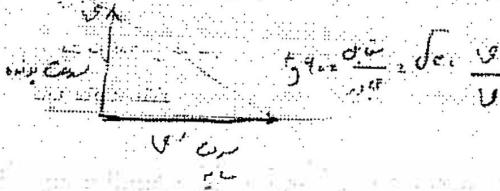
☺️ تست ۶) پرنده‌ای با سرعت V در راستای قائم به سمت بالا در حرکت است. در حالتی که پرتوهای خورشید با افق زاویه 30° می‌سازند، سرعت سایه پرنده روی زمین چند V است؟ (سراسری ریاضی ۸۶)

۴) $\frac{\sqrt{3}}{3}$

۳) $\sqrt{3}$

۲) ۲

۱) ۱



☑️ **مماسبه پهنای نیم سایه:**

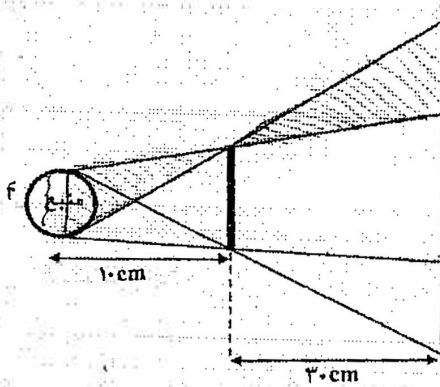
☺️ تست ۷) یک لامپ کروی به قطر ۴ سانتی‌متر روبه‌روی یک جسم کدر و به فاصله‌ی ۱۰ سانتی‌متر از آن قرار دارد. پهنای نیم سایه روی پرده‌ای موازی جسم کدر و به فاصله‌ی ۳۰ سانتی‌متر از آن چند سانتی‌متر است؟

۱) ۸

۲) ۱۲

۳) ۱۶

۴) ۲۰

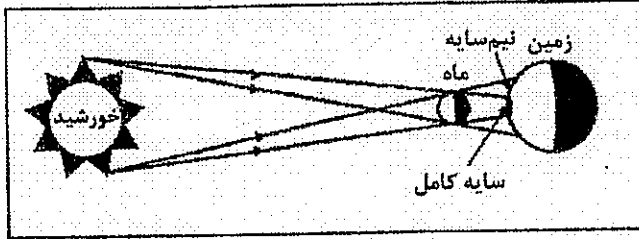


$\frac{4}{2} \cdot \frac{30}{10} = 6 \text{ cm}$

نقطه در میانه پهنای نیم سایه طول جسم کدر اجمعی ندارد.

خورشید گرفتگی و ماه گرفتگی

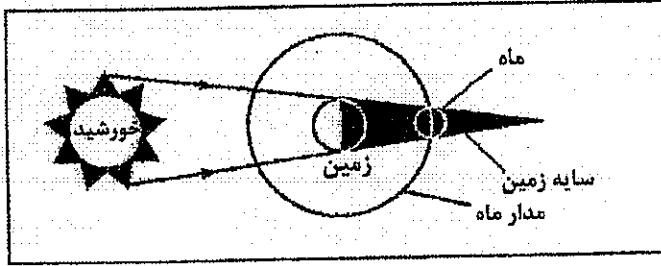
خورشید گرفتگی (کسوف): وقتی ماه بین زمین و خورشید قرار گیرد و یا آن‌ها در یک راستا باشد، بخشی از زمین در سایه کامل ماه و بخشی دیگر در نیمسایه ماه قرار می‌گیرد. به این پدیده کسوف یا خورشید گرفتگی می‌گویند.



✓ برای کسانی که در سایه کامل ماه هستند، خورشید گرفتگی کامل است و برای کسانی که در نیمسایه ماه هستند خورشید گرفتگی جزئی است.

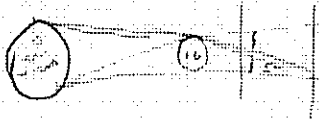
✓ خورشید گرفتگی حلقوی: در هنگام خورشید گرفتگی اگر فاصله‌ی دورتری از ماه باشد، فقط نیمسایه روی زمین تشکیل می‌شود و در این حالت ناظر روی زمین یک حلقه نورانی از خورشید را مشاهده می‌کند که به این پدیده خورشید گرفتگی حلقوی می‌گویند.

ماه گرفتگی (خسوف): اگر زمین بین ماه و خورشید قرار گیرد، نور خورشید به ماه نمی‌رسد و سایه زمین بر روی ماه می‌افتد. این پدیده را ماه گرفتگی می‌گویند.



☺ تست ۸) سطح سایه و نیمسایه‌ای که در موقع خورشید گرفتگی روی زمین تشکیل می‌شود، وقتی ماه به زمین نزدیک است، نسبت به زمانی که ماه از زمین دور است به ترتیب و است.

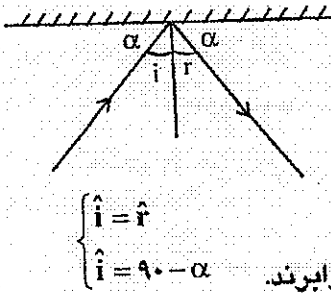
- ۱) کوچک‌تر - کوچک‌تر
- ۲) کوچک‌تر - بزرگ‌تر
- ۳) بزرگ‌تر - کوچک‌تر
- ۴) بزرگ‌تر - بزرگ‌تر



☺ تست ۹) هنگامی که بر روی زمین ماه گرفتگی کامل رخ می‌دهد، از دید ناظری که بر روی ماه است:

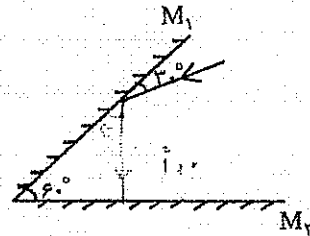
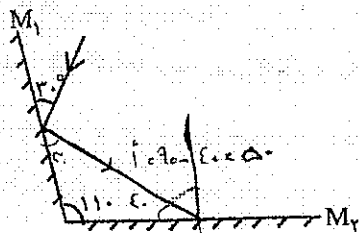
- ۱) خورشید گرفتگی کامل رخ می‌دهد.
- ۲) خورشید گرفتگی جزئی رخ می‌دهد.
- ۳) خورشید گرفتگی حلقوی رخ می‌دهد.
- ۴) اصلاً خورشید گرفتگی رخ نمی‌دهد.

قانون‌های بازتاب نور



- (۱) همیشه زاویه تابش و بازتاب با هم برابرند.
- (۲) پرتو تابش، پرتو بازتاب و خط عمود در یک صفحه‌اند.
- (۳) حتماً باید زاویه تابش و بازتاب را با خط عمود در نظر بگیریم.
- (۴) اگر نور به سطح خمیده و ناصاف بتابد باز هم زاویه تابش و بازتاب با هم برابرند.

☺ تست (۱۰) در شکل‌های زیر پرتو نور در ادامه مسیر با زاویه تابش چند درجه به آینه M_2 می‌تابد؟ (سراسری ۸۵ و ۸۸)



☺ تست (۱۱) در یک آینه تخت زاویه‌ای که بین پرتو تابش و بازتاب ساخته می‌شود، ۴ برابر زاویه بین پرتو تابش و آینه است. زاویه تابش چند درجه است؟ (سراسری ریاضی ۸۳)

۵۴ (۴)

۶۰ (۳)

۴۵ (۲)

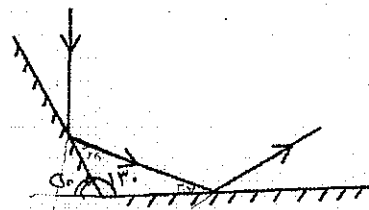
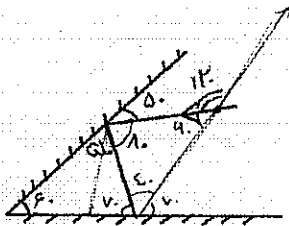
۳۰ (۱)

$2x = 180$

$x = 90$

$i = 90 - 30 = 60$

☺ تست (۱۲) در شکل‌های زیر پرتو نور پس از بازتاب از دو آینه چند درجه منحرف می‌شود؟



$2 \times 50 = 100$ زاویه انحراف

یادآوری ریاضی؛ وقتی می‌فواهیم زاویه بین دو پرتو یا زاویه بین دو بردار را تعیین کنیم، حتماً باید دو بردار هم مبدأ باشند.

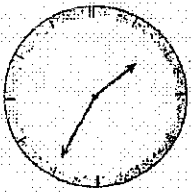
نکته: مقدار انحراف که پرتو نور پس از بازتاب از دو آینه دو برابر زاویه بین دو آینه است. و اگر زاویه بین آینه‌ها برابر ۹۰ درجه باشد، مقدار انحراف ۱۸۰ درجه خواهد بود.

تصویر در آینه تخت

- (۱) همیشه طول تصویر برابر طول جسم است.
 (۲) فاصله جسم از آینه = فاصله تصویر از آینه
 (۳) تصویر مستقیم اما وارون جانبی جسم است.
 (۴) تصویر مجازی و در پشت آینه تشکیل می‌شود.

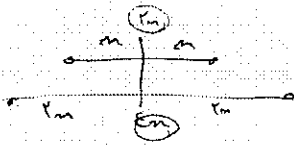
نکته ۱) برای یافتن تصویر ساعت در آینه‌ی تخت می‌توان ساعت را از آینه‌ی ساعت برداشت کرد.

☺ تست ۱۳) تصویر صفحه ساعت در یک آینه‌ی تخت مطابق شکل است اگر به طور مستقیم به ساعت نگاه کنیم ساعت را نشان می‌دهد.



- (۱) ده و بیست و پنج دقیقه
 (۲) یازده و سی و پنج دقیقه
 (۳) ده و سی و پنج دقیقه
 (۴) یازده و بیست و پنج دقیقه

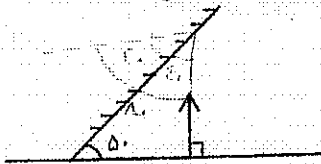
☺ تست ۱۴) اگر فاصله جسم از آینه تخت ۲ برابر شده، طول تصویر و فاصله تصویر از آینه و فاصله جسم از تصویر به ترتیب چند برابر حالت اول می‌شود؟ (سراسری ریاضی ۸۲)



- (۱) ۱ و ۲ و ۴
 (۲) ۱ و ۱ و ۲
 (۳) ۲ و ۲ و ۲
 (۴) ۱ و ۱ و ۱/۲

اگر فاصله جسم از آینه‌ی تخت II برابر شود طول تصویر و فاصله تصویر از آینه و فاصله جسم از تصویر می‌شود.

☺ تست ۱۵) در شکل روبه‌رو زاویه بین جسم و تصویرش در آینه تخت چند درجه است؟ (سراسری ریاضی ۸۵)



زاویه جسم و آینه = زاویه تصویر و آینه

- (۱) ۴۰
 (۲) ۵۰
 (۳) ۸۰
 (۴) ۱۰۰

زاویه جسم و آینه = زاویه تصویر و آینه

☺ تست ۱۶) شخصی روبه‌روی یک آینه تخت قائم ایستاده و ۱۳۳ از طول قدش را از درون آینه می‌بیند. به طوری که تمام طول آینه را بدن شخص پوشانده است. طول آینه چند متر است؟ (سراسری تجربی ۸۵)

- (۱) ۱
 (۲) ۰.۱۵
 (۳) ۰.۱۳۵
 (۴) ۰.۲

یک آینه تخت قائم دو برابر طول خود از قد شخص را نشان می‌دهد و فاصله شخص از آینه مهم نیست.

میدان دید

سطحی از پشت سر ما که درون یک آینه دیده می‌شود، میدان دید نامیده می‌شود.

آینه مقعر > آینه تخت > آینه محدب ⇒ از نظر میدان دید

در پیچ تندر بارها از آینه محدب استفاده می‌شود چون میدان دید آینه محدب از همه بیش‌تر است. برای محاسبه میدان دید آینه تخت: ابتدا تصویر چشم را در آینه پیدا می‌کنیم. سپس از محل تصویر چشم به لبه‌های آینه وصل کرده و با کمک تشابه مثلث‌ها میدان دید به دست می‌آید.

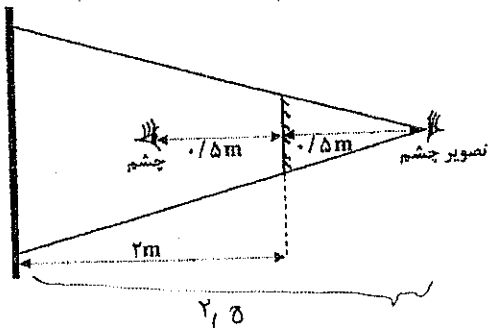
تست ۱۷) چشم شخصی در فاصله ۰/۵ متری آینه تخت به مساحت ۲۰ cm² قرار دارد. این شخص از درون آینه چه مساحتی از دیوار پشت سر خود را می‌تواند ببیند. (بر حسب cm²) (فاصله آینه تا دیوار ۲ متر است.)

۸۰۰ (۴)

۵۰۰ (۳)

۱۰۰ (۲)

۵۰ (۱)

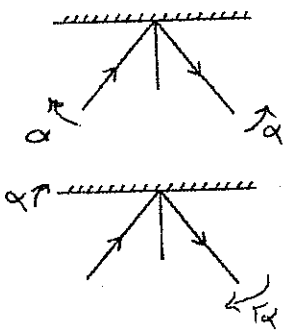


$$\frac{S'}{S} = \left(\frac{p}{p'}\right)^2 \Rightarrow \frac{S'}{S} = \left(\frac{2,0}{0,5}\right)^2$$

$$\frac{S'}{20} = 20 \rightarrow S' = 500 \text{ cm}^2$$

دوران در آینه

حالت ۱) اگر آینه ثابت و پرتو تابش α درجه دوران کند پرتو بازتاب نیز α درجه در جهت مخالف می‌چرخد.



حالت ۲) اگر پرتو تابش ثابت و آینه α درجه دوران کند پرتو بازتاب 2α درجه در همان جهت می‌چرخد.

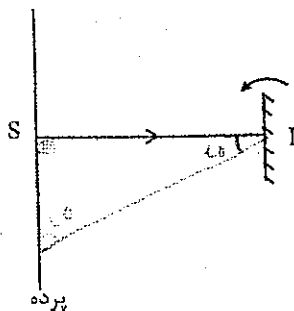
تست ۱۸) پرتو SI عمود بر سطح آینه تخت تابیده است. اگر آینه $22/5^\circ$ در جهت نشان داده شده دوران کند، پرتو بازتاب در چند متری S به پرده می‌رسد؟ (فاصله پرده از آینه ۰/۵m است.)

۰/۵ (۱)

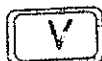
۰/۷۵ (۲)

۱ (۳)

۱/۵ (۴)

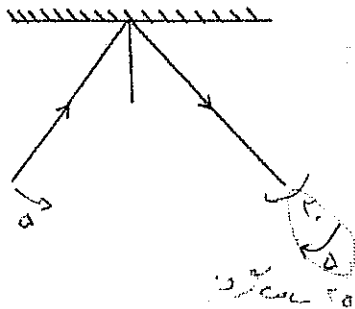


$$\frac{1}{2} \alpha = \frac{\alpha}{2} \rightarrow \alpha = 1/5 \text{ m}$$



☺ تست ۱۹) مطابق شکل پرتو نوری بر سطح آینه تخت تابیده است. اگر آینه 10° ساعت گرد و پرتو تابش 5°

باد ساعت گرد بچرخد، پرتو بازتاب چند درجه و در چه جهتی می‌چرخد؟



(۱) 25° ساعت گرد

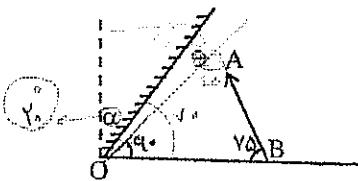
(۲) 15° باد ساعت گرد

(۳) 25° باد ساعت گرد

(۴) 15° ساعت گرد

☺ تست ۲۰) جسم AB روبه‌روی یک آینه تخت که با راستای قائم زاویه α می‌سازد قرار دارد. چند درجه باشد تا اگر

آینه را حول نقطه O به اندازه 10° درجه ساعت گرد بچرخانیم، راستای تصویر AB بر امتداد AB عمود شود؟ (سراسری ریاضی ۸۹)



(۱) 10°

(۲) 15°

(۳) 20°

(۴) 30°

برای آن که راستای جسم و تصویر بر هم عمود شوند باید راستای جسم و آینه زاویه 20° بسازند.

✓ تعداد تصاویر در دو آینه تخت:

$$N = \frac{360}{\alpha} - 1$$

اگر زاویه بین دو آینه‌ی تخت متقاطع α باشد تعداد تصاویر ایجاد شده برابر است با:

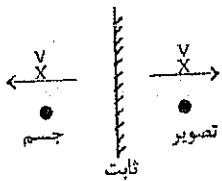
✓ هنگام بازتاب پرتوهای نور از آینه تخت:

الف) اگر پرتوهای موازی به آینه بتابند، موازی بازتاب می‌شوند.

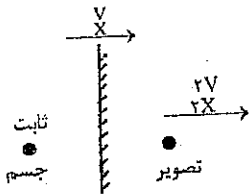
ب) اگر پرتوهای همگرا به آینه بتابند، همگرا بازتاب می‌شوند.

ج) اگر پرتوهای واگرا به آینه بتابند، واگرا بازتاب می‌شوند.

انتقال آینه تخت

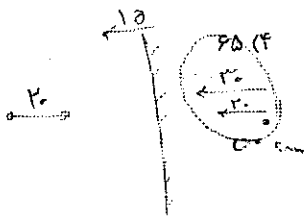


(۱) اگر آینه ثابت و جسم به اندازه x یا با سرعت v نسبت به آینه جابه‌جا شود، تصویر همان قدر در جهت مخالف حرکت می‌کند.



(۲) اگر جسم ثابت و آینه به اندازه x یا با سرعت v جابه‌جا شود، تصویر دو برابر و در همان جهت جابه‌جا می‌شود.

☺ تست (۲۱) جسمی روبه‌روی یک آینه تخت قرار دارد. اگر جسم ۲۰cm به سمت آینه برود و آینه ۱۵cm به سمت جسم جابه‌جا شود، تصویر چند cm نسبت به حالت اول جابه‌جا می‌شود؟



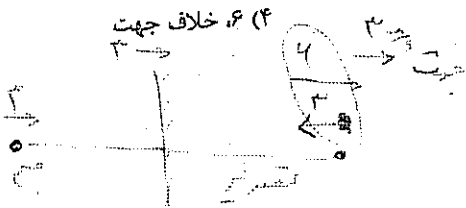
۵۰ (۳)

۴۰ (۲)

۲۵ (۱)

در سؤال قبل تصویر چند سانتی‌متر نسبت به جسم جابه‌جا می‌شود؟ ۷۰cm نزدیک‌تر

☺ تست (۲۲) آینه‌ی تخت و جسم هر کدام با سرعت ۳m/s در یک جهت حرکت می‌کنند. تصویر با سرعت متر بر ثانیه و در حرکت آن‌ها حرکت می‌کند. (آزمون جامع سنجش ۹۱)

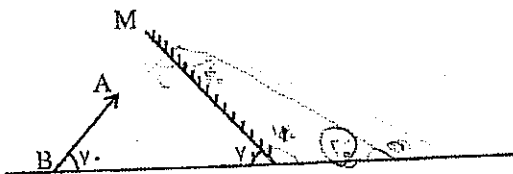


۶ (۳) جهت

۳ (۲) جهت

۳ (۱) خلاف جهت

☺ تست (۲۳) جسم AB روبه‌روی آینه M قرار دارد و با سطح افقی زاویه ۷۰° درجه می‌سازد زاویه بین راستای تصویر و سطح افقی چند درجه است؟ (سراسری ریاضی ۹۰)



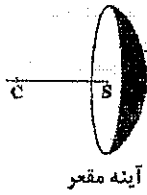
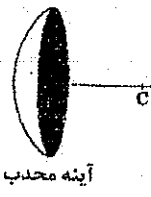
۳۰ (۱)

۴۰ (۲)

۷۰ (۳)

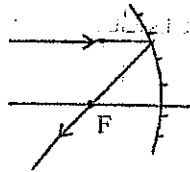
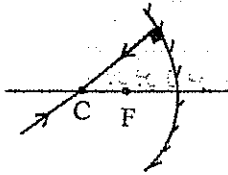
۸۰ (۴)

مسیر پرتوها در آینه‌های کروی و عدسی‌ها



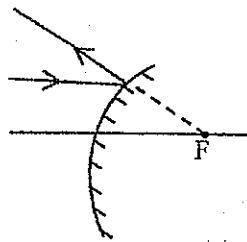
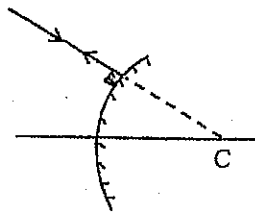
اصل برگشت‌پذیری نور: مسیر نور به جهت تابش بستگی ندارد و در بحث نور می‌توان جهت فلش‌ها برعکس کرد.

$f = \frac{r}{2}$



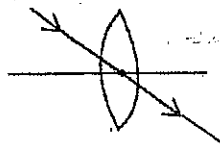
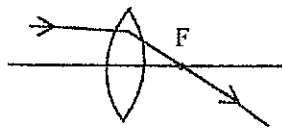
آینه گاو (مقعر)

۱) پرتو نور موازی محور اصلی پس از بازتاب از آینه مقعر از کانون می‌گذرد و اگر پرتو نوری از کانون به آینه مقعر بتابد پس از بازتاب از آینه موازی محور اصلی برمی‌گردد.
 ۲) اگر پرتو نوری از مرکز آینه مقعر به آینه بتابد روی خودش برمی‌گردد چون الزاماً در این حالت پرتو بر سطح آینه عمود است.



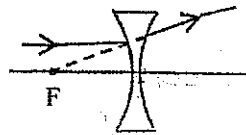
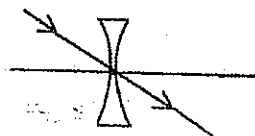
آینه گوز (محدب)

۱) پرتو نور موازی محور اصلی پس از بازتاب از آینه محدب طوری برمی‌گردد که امتداد آن از کانون می‌گذرد و اگر امتداد پرتو نوری که به آینه محدب تابیده از کانون عبور کند، موازی محور اصلی قرار می‌گیرد.
 ۲) اگر امتداد پرتو نوری از مرکز آینه محدب بگذرد روی خودش برمی‌گردد چون الزاماً در این حالت پرتو بر سطح آینه عمود است.



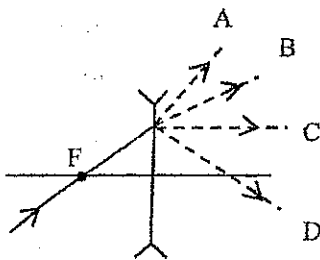
عدسی همگرا (محدب)

۱) اگر پرتو نور به مرکز نوری عدسی همگرا یا واگرا بتابد بدون شکست به مسیر خود ادامه می‌دهد.



عدسی واگرا (مقعر)

☺ تست ۲۴) اگر پرتو نوری مطابق شکل روبه‌رو به یک عدسی واگرا بتابد، به صورت کدام پرتو شکست می‌یابد؟



B (۲)

A (✓)

D (۴)

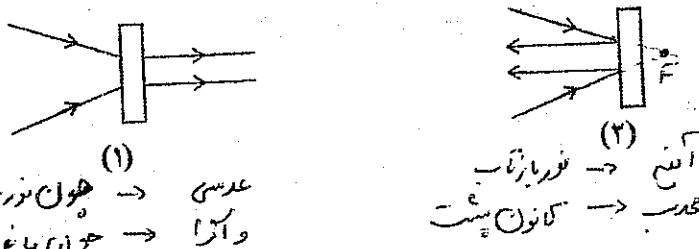
C (۳)

پرتو نور قبل از رسیدن به عدسی از محور اصلی در حال دور شدن است و باید پس از عبور از عدسی دور تر و واگرا تر شود.



نور، آینه، عدسی و شکست نور

مثال (۲۵) با توجه به مسیر پرتوها درون مستطیل‌های ۱ و ۲ کدام ابزارهای نوری قرار دارد؟ (سراسری تجربی ۸۴)

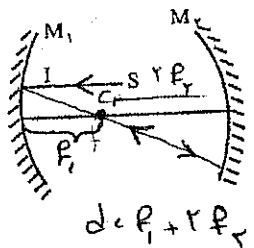


(۱) عدسی → چون پرتو همگرا می‌شود
و آینه → چون پرتو همگرا می‌شود

(۲) آینه → نور بازتاب
عدسی → کانون پشت

ترکیب دو آینه:

تست (۲۶) پرتو SI موازی محور اصلی به آینه M_1 می‌تابد و پس از بازتاب از روی آینه دوم روی خودش برمی‌گردد. اگر فاصله کانونی آینه‌های M_1 و M_2 به ترتیب f_1 و f_2 باشد، فاصله دو آینه از یکدیگر چقدر است؟



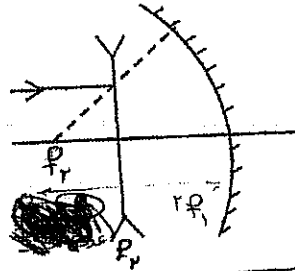
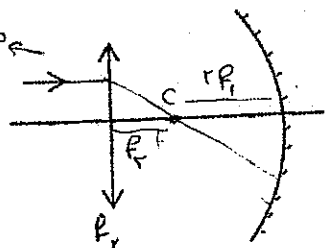
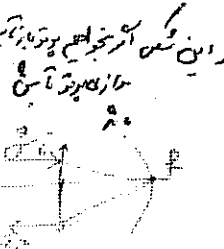
- (۱) $f_1 + f_2$
- (۲) $f_1 - f_2$
- (۳) $f_1 + 2f_2$
- (۴) $2f_1 - f_2$

شرط جواب آن است که کانون اول و مرکز آینه دوم بر هم منطبق باشد.

$d = f_1 + 2f_2$

ترکیب آینه و عدسی:

تست (۲۷) در هر یک از شکل‌های زیر فاصله کانونی آینه و عدسی به ترتیب f_1 و f_2 است. فاصله آینه و عدسی چقدر باشد تا پرتو نور موازی محور اصلی پس از بازتاب از مجموعه روی خودش برگردد؟



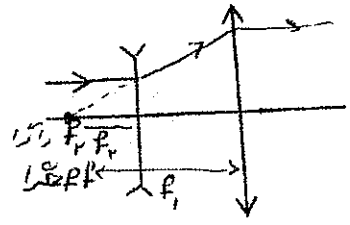
$d = 2f_1 + f_2$

$d = 2f_1 - f_2$

در هر دو شکل شرط جواب آن است که کانون عدسی و مرکز آینه بر هم منطبق باشند.

ترکیب دو عدسی:

تست (۲۸) فاصله کانونی عدسی همگرا و واگرا به ترتیب f_1 و f_2 است. فاصله بین دو عدسی چقدر باشد تا پرتو نور موازی محور اصلی، پس از عبور از دو عدسی، موازی محور اصلی باشد؟



$d = f_1 - f_2$

- (۱) $f_1 + f_2$
- (۲) $f_1 - f_2$
- (۳) $f_1 + 2f_2$
- (۴) $2f_1 - f_2$

شرط جواب آن است که کانون‌های دو عدسی بر هم منطبق باشند.

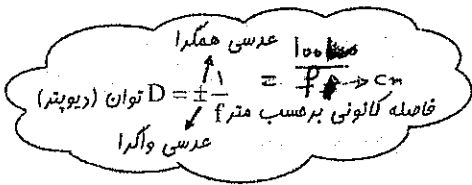
توان عدسی و بزرگنمایی

توان عدسی:

توانایی یک عدسی در همگرا یا واگرا کردن پرتوها توان عدسی نام دارد که برابر است با عکس فاصله کانونی

یکای توان عدسی عکس متر $(\frac{1}{m})$ است که دیوپتر نام دارد

و آن را با نماد D نشان می‌دهند.



بزرگنمایی: برابر است با نسبت طول تصویر به طول شیء

$$m = \frac{A'B'}{AB} = \frac{q}{p}$$

فاصله تصویر از آینه q فاصله جسم از آینه p

نکته فاصله تصویر فورشید از آینه کروی یا عدسی برابر فاصله کانونی است.

☺ تست ۲۹) یک ذره بین (عدسی همگرا) تصویر خورشید را در فاصله ۲۰ سانتی متری خود تشکیل می‌دهد. توان آن چند دیوپتر است؟ (سراسری ۸۵ و ۸۷)

۲/۵ (۴)

۵ (۳)

۱۰ (۲)

۲۰ (۱)

$$D = \frac{100}{f} = \frac{100}{20} = 5$$

نکته ۱ اگر فاصله جسم از آینه یا عدسی n برابر فاصله کانونی باشد، بزرگنمایی به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$p = nf \Rightarrow \begin{cases} m = \frac{1}{n+1} & \text{آینه محدب (عدسی واگرا)} \\ m = \frac{1}{n-1} & \text{آینه مقعر (عدسی همگرا)} \end{cases}$$

☺ تست ۳۰) جسمی در فاصله $3f$ از عدسی واگرا قرار دارد. بزرگنمایی خطی چه قدر است؟ (سراسری ریاضی ۸۵)

$$m = \frac{1}{n+1} = \frac{1}{4}$$

$\frac{1}{3}$ (۲)

$\frac{1}{2}$ (۱)

$\frac{2}{3}$ (۴)

$\frac{1}{4}$ (۳)

☺ تست ۳۱) اگر فاصله جسم از آینه مقعر ۲ برابر شعاع آینه باشد، طول جسم چند برابر طول تصویر است؟ (المیاد)

$$m = \frac{1}{2-1} = \frac{1}{1} = 1$$

$\frac{1}{3}$ (۲)

۳ (۱)

$\frac{1}{5}$ (۴)

۵ (۳)

جسم
تصویر = ۳

نور، آینه، عدسی و شکست نور

$$\sqrt{\frac{v_q}{v_p}} = m^2$$

سرعت تصویر
سرعت جسم

نکته ۲) مناسبی سرعت لحظه‌ای تصویر،

تست ۳۲) جسمی روی محور اصلی آینه کاو با سرعت 6 m/s حرکت می‌کند. در حالتی که فاصله جسم از آینه 4 برابر فاصله کانونی آینه است، سرعت تصویر چند m/s است؟ (آزمون سنجش ۸۷)

$$p = 4f \rightarrow m = \frac{1}{n-1} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{1}{3} \quad (۲)$$

$$1 \quad (۱)$$

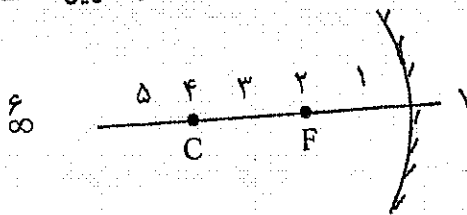
$$\frac{v_q}{v_p} = m^2 \Rightarrow \frac{v_q}{4} = \frac{1}{9} \Rightarrow v_q = \frac{2}{3}$$

$$2 \quad (۴)$$

$$\frac{2}{3} \quad (۳)$$

تصویر در آینه مقعر

برای پیدا کردن محل تصویر در آینه مقعر، از قانون ۸، به صورت زیر استفاده می‌کنیم:



جسم در هر مکانی رویه‌روی آینه باشد، تصویر جایی می‌افتد که همواره جمع محل جسم و تصویر عدد ۸ شود. اگر عدد تصویر از عدد جسم بزرگتر باشد، طول تصویر از طول جسم بزرگتر می‌شود. و سرعت تصویر از سرعت جسم بزرگتر می‌شود.

تصویری که در جلوی آینه تشکیل می‌شود حقیقی و وارونه است.
تصویری که در پشت آینه تشکیل می‌شود مجازی و مستقیم است.

نکات مهم

۱) در آینه کاو یا عدسی همگرا، تنها حالتی که تصویر مجازی (مستقیم) است مربوط به حالتی است که جسم بین کانون و آینه باشد.

۲) در آینه کاو یا عدسی همگرا، تنها حالتی که تصویر، کوچک‌تر از جسم است مربوط به حالتی است که جسم بین کانون و آینه باشد.

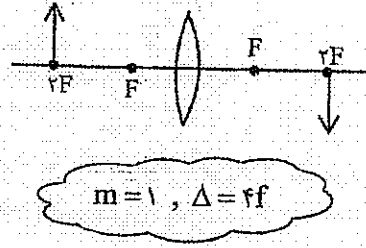
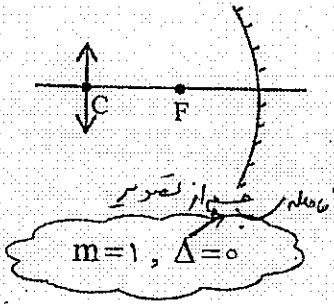
۳) اگر جسم روی کانون باشد، تصویر در ∞ و اگر جسم در ∞ باشد، تصویر روی کانون می‌افتد.

جسم	تصویر	بزرگ‌نمایی
∞	F	< 1
F	∞	> 1

۴) در آینه کاو یا عدسی همگرا کم‌ترین فاصله تصویر حقیقی از آینه یا عدسی F است.

شکل نه‌شود

(۵) وقتی فاصله جسم از آینه کاو یا عدسی همگرا $\frac{2}{f}$ است، طول تصویر برابر طول جسم است.



نکته ۱) در عدسی همگرا، کمترین فاصله بین جسم و تصویر حقیقی برابر $\frac{4}{f}$ است.

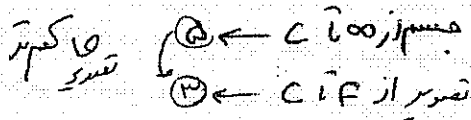
عدسی همگرا

$$\begin{cases} \Delta = 4f & \text{تصویر حقیقی و برابر جسم} \\ \Delta > 4f & \text{تصویر حقیقی و نابرابر جسم} \end{cases}$$

نکته ۲) اگر بقی از یک آینه مقعر را بشکنیم یا بقی از عدسی همگرا را با رنگ تیره بپوشانیم فاصله کانونی آینه یا عدسی ... $\frac{2}{f}$... و فقط تصویر ... $\frac{2}{f}$... می شود.

تست ۳۳) جسمی روی محور اصلی آینه مقعری از فاصله‌های دور تا مرکز آینه جابه‌جا می‌شود. تصویرش از ... جابه‌جا می‌شود و سرعت متوسط تصویر از سرعت جسم ... است.

- ۱) کانون تا مرکز - کم‌تر
۲) کانون تا مرکز - بیش‌تر
۳) مرکز تا فاصله دور - کم‌تر
۴) مرکز تا فاصله دور - بیش‌تر



تست ۳۴) جسمی را روی محور اصلی عدسی همگرا جابه‌جا می‌کنیم. کمترین فاصله بین جسم و تصویر حقیقی‌اش

۳۲cm می‌شود. توان عدسی چند دیوپتر است؟

۲۵ (۴)

۱۲/۵ (۳)

۱۰ (۲)

۸ (۱)

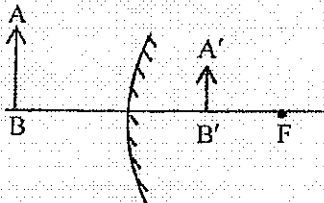
$$\frac{1}{f} = \frac{1}{u} + \frac{1}{v}$$

$$D = \frac{100}{f}$$

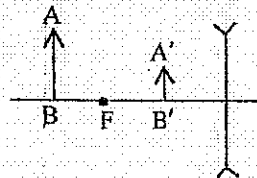


تصویر در آینه محدب یا عدسی واگرا

در آینه محدب و همچنین عدسی **همیشه تصویر مجازی، مستقیم، کوچکتر از جسم و داخل فاصله کانونی** تشکیل می‌شود.



$\Delta = p + q$ در آینه محدب



$\Delta = p - q$ در عدسی واگرا

نکات مهم:

- ۱) تصویر مجازی در آینه‌ها در پشت آینه و در عدسی‌ها همان سمت جسم تشکیل می‌شود.
 - ۲) تصویر مجازی اگر بزرگ‌تر از جسم باشد، مربوط به آینه مقعر یا عدسی همگراست و تصویر مجازی و کوچک‌تر مربوط به آینه محدب یا عدسی واگراست.
 - ۳) در آینه محدب یا عدسی واگرا همیشه تصویر داخل فاصله کانونی تشکیل می‌شود، بنابراین بیش‌ترین فاصله تصویر از آینه محدب یا عدسی واگرا برابر با فاصله کانونی است.
- نکته:** ... اگر فاصله جسم از آینه محدب یا عدسی واگرا برابر فاصله کانونی باشد، تصویری که طولش نصف طول جسم است در فاصله $\frac{f}{2}$ از آینه یا عدسی تشکیل می‌شود.

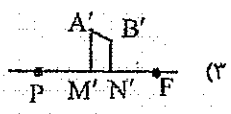
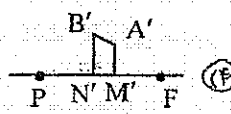
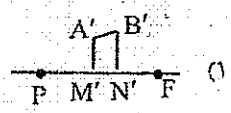
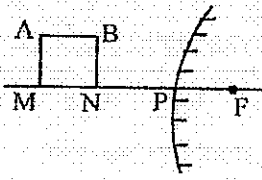
اگر $p = f \rightarrow q = \frac{f}{2}$ آینه محدب یا عدسی واگرا

تصویر	جسم
$m = \frac{1}{3} < \frac{F}{2}$	F
$m = 0 < F$	∞

طبق جدول روبه‌رو:

اگر جسم به آینه محدب یا عدسی واگرا نزدیک شود، تصویر ... می‌شود. (تصویر از کانون دور می‌شود.)

تست ۳۵) تصویر مربوط به مربع جلوی آینه کوز کدام است؟ (سراسری ریاضی ۸۴)



BN نسبت به AM به آینه محدب نزدیک‌تر است پس تصویرش یعنی B'N' نسبت به A'M' به آینه و نقطه P ... است.

تست ۳۶) شیئی به طول ۳cm در فاصله ۲۰ سانتی متری عدسی واگرا به فاصله کانونی ۲۰cm قرار دارد، نوع تصویر، طول تصویر و فاصله تصویر از عدسی به ترتیب چند سانتی متر است؟

۱) مجازی $\frac{۳}{۲}$ و ۱۰ ۲) مجازی $\frac{۳}{۲}$ و ۱۰ ۳) مجازی $\frac{۳}{۲}$ و ۲۰ ۴) حقیقی $\frac{۳}{۲}$ و ۲۰

$$m = \frac{q}{p} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{q}{20} = \frac{1}{2} \Rightarrow q = 10 \Rightarrow m = \frac{3}{2}$$

تست ۳۷) آینه محدب از یک شی که روبه روی آن است چه نوع تصویری تشکیل می دهد؟ (آزاد ریاضی ۸۸)

۱) مجازی بین کانون و آینه
 ۲) مجازی بین مرکز و کانون
 ۳) حقیقی بین مرکز و کانون
 ۴) حقیقی بین کانون و آینه

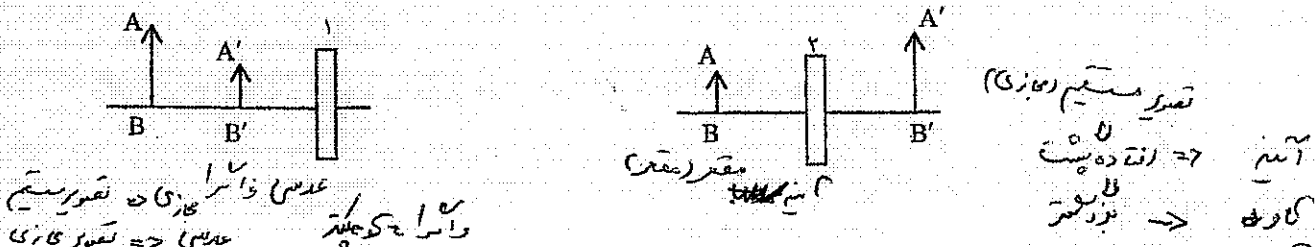
جهت حرکت و نوع حرکت تصویر

۱) در آینه‌ها همواره جهت حرکت جسم و تصویر مخالف یکدیگر و در عدسی‌ها همواره جهت حرکت جسم و تصویر موافق یکدیگر است.

۲) در آینه‌ها و عدسی‌ها وقتی اندازه تصویر در حال بزرگ شدن است، حرکت تصویر کند شود و هنگامی که تصویر در حال کوچک شدن است، حرکت تصویر کند شود.

تست ۳۸) جسمی را روی محور اصلی آینه محدب با سرعت ثابت از آینه دور می کنیم. در این صورت حرکت تصویر
 ۱) هم جهت با حرکت جسم و به صورت تندشونده است.
 ۲) خلاف جهت حرکت جسم و کندشونده است.
 ۳) هم جهت با حرکت جسم و با سرعت ثابت است.
 ۴) خلاف جهت حرکت جسم و تندشونده است.

تست ۳۹) اگر $A'B'$ تصویر مربوط به جسم AB باشد، درون مستطیل‌های ۱ و ۲ کدام ابزارهای نوری قرار دارند؟ (سراسری ریاضی ۸۷)



تست ۴۰) یک شیء با سرعت ثابت v روی محور اصلی عدسی واگرا از عدسی تا کانون جابه جا می شود. سرعت متوسط تصویر چند v است؟

مجموع از عدسی $\Delta m = f$
 مختصر از عدسی $\Delta m = \frac{f}{2}$

$$v = \frac{\Delta m}{\Delta t} = \frac{f}{\frac{f}{2}} = 2$$

۱) $\frac{1}{2}$ ۲) $\frac{1}{3}$
 ۳) $\frac{1}{4}$ ۴) $\frac{2}{3}$

نور، آینه، عدسی و شکست نور

فرمول اصلی آینه‌ها و عدسی‌ها

در آینه‌های کروی و عدسی‌ها اگر فاصله جسم از آینه یا عدسی p و فاصله تصویر از آینه یا عدسی q باشد فاصله کانونی به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$\frac{1}{p} + \frac{1}{q} = \frac{1}{f}$$
 آینه کاو یا عدسی همگرا

$$\frac{1}{p} - \frac{1}{q} = \frac{1}{f}$$
 آینه کوژ یا عدسی واگرا

☺ تست (۴۱) یک آینه کاو (مقعر) که شعاع آن 24cm است از جسمی که در فاصله 9 سانتی‌متری آن قرار دارد چه نوع تصویری و در فاصله چند سانتی‌متر از آینه تشکیل می‌دهد؟

- (۱) مجازی - ۱۵ (۲) حقیقی - ۱۵ (۳) مجازی - ۳۶ (۴) حقیقی - ۳۶
- $f = 12$
 $p = 9$
- $p < f \rightarrow$ تصویر مجازی

$$\frac{1}{p} - \frac{1}{q} = \frac{1}{f} \rightarrow \frac{1}{9} - \frac{1}{q} = \frac{1}{12} \rightarrow \frac{1}{q} = \frac{1}{9} - \frac{1}{12} = \frac{4}{36} - \frac{3}{36} = \frac{1}{36} \Rightarrow q = 36$$

☺ تست (۴۲) یک عدسی از جسمی که در فاصله 10 سانتی‌متری آن قرار دارد، تصویری مستقیم و 2 برابر جسم تشکیل می‌دهد. نوع عدسی چیست و توان آن چند دیوپتر است؟

- (۱) همگرا - ۵ (۲) واگرا - ۵ (۳) همگرا - ۲۰ (۴) واگرا - ۲۰
- $p = 10$
 $m = 2$
- تصویر مستقیم بزرگتر از جسم
نشان دهنده عدسی واگراست

$$D = \frac{100}{f} = \frac{100}{20} = 5$$

☺ تست (۴۳) یک آینه مقعر از شبئی که در فاصله 60 سانتی‌متری آن است تصویری حقیقی و در فاصله 40 سانتی‌متری آینه تشکیل می‌دهد. اگر شیئی 12 سانتی‌متر به آینه نزدیک‌تر شود، تصویر آن در چند سانتی‌متری آینه تشکیل می‌شود؟

$$\frac{1}{p} + \frac{1}{q} = \frac{1}{f}$$

$\frac{1}{60} + \frac{1}{40} = \frac{1}{f} \Rightarrow \frac{2}{30} + \frac{1}{40} = \frac{1}{f} \Rightarrow \frac{8}{120} + \frac{3}{120} = \frac{11}{120} = \frac{1}{f} \Rightarrow f = \frac{120}{11}$

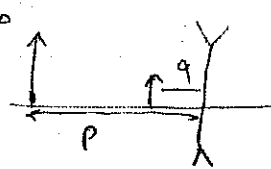
حالا $\frac{1}{p} + \frac{1}{q} = \frac{1}{f}$
 $\frac{1}{12} + \frac{1}{q} = \frac{11}{120} \Rightarrow \frac{1}{q} = \frac{11}{120} - \frac{10}{120} = \frac{1}{120} \Rightarrow q = 120$

☺ تست (۴۴) فاصله کانونی عدسی واگرا 6cm است. جسمی در فاصله 12 سانتی‌متری آن قرار دارد، تصویر در فاصله چند سانتی‌متری جسم تشکیل می‌شود؟ (سراسری ۸۹)

$$\frac{1}{p} - \frac{1}{q} = \frac{1}{f}$$

$\frac{1}{12} - \frac{1}{q} = \frac{1}{6} \Rightarrow \frac{1}{q} = \frac{1}{12} - \frac{2}{12} = -\frac{1}{12} \Rightarrow q = -12\text{cm}$

$\Delta = p - q = 12 - (-12) = 24\text{cm}$



نقاط مزدوج

نور آینه کاو یا عدسی همگرا هنگامی که تصویر حقیقی است، اگر جای جسم و پرده عوض شود باز هم تصویر واضح جسم بر روی پرده تشکیل می‌شود. به عبارت دیگر اگر آینه یا عدسی را به اندازه‌ای جابه‌جا کنیم که جای p و q عوض شود، جای تصویر روی پرده تغییر نمی‌کند، اما بزرگی نمایی عکس حالت قبل می‌شود.

نکته ۱) اگر عدسی در دو وضعیت تصویر واضح جسم را روی پرده تشکیل دهد، فاصله این دو وضعیت عدسی اختلاف p و q است.

$$\Delta x = |p - q| \text{ عدسی}$$

نکته ۲) اگر عدسی در دو وضعیت تصویر واضح جسم را روی پرده تشکیل دهد، الزاماً در این حالت فاصله جسم از پرده بزرگ‌تر از $4f$ است. $\Delta > 4f$

نکته ۳) اگر عدسی فقط در یک وضعیت تصویر واضح جسم را روی پرده تشکیل دهد، الزاماً در این حالت فاصله جسم از پرده برابر $4f$ است.

☺ تست ۲۵) چند عدسی همگرا با توان‌های مختلف در اختیار داریم. اگر بخواهیم یک عدسی از جسمی که در فاصله‌ی ثابت 160 سانتی‌متری از پرده قرار دارد، در دو وضعیت تصویری واضح روی پرده تشکیل دهد، کفایت عدسی‌ای انتخاب کنیم که:

$$\begin{aligned} \Delta &> 4f \\ 160 &> 4f \\ 40 < f &\rightarrow \text{عکس} \end{aligned}$$

- ۱) توانش بزرگ‌تر از $2/5$ دیوپتر باشد.
- ۲) توانش کم‌تر از $1/25$ دیوپتر باشد.
- ۳) توانش برابر با $2/5$ دیوپتر باشد.
- ۴) توانش برابر با $1/25$ دیوپتر باشد.

$$q = 160 = 4p \quad p = 40$$

☺ تست ۲۶) یک عدسی از جسمی که در فاصله 10 سانتی‌متری آن است، تصویری 3 برابر جسم بر روی پرده می‌دهد. عدسی را چند سانتی‌متر از جسم دور کنیم تا جای تصویر روی پرده تغییر نکند؟ (المپیاد)

تصویر ۳ برابر پرده الزاماً عکس است.

10 (۴)	25 (۳)	20 (۲)	15 (۱)
----------	----------	----------	----------

$$\Delta x = q - p = 10 - 4 = 6$$

فرمول نیوتن

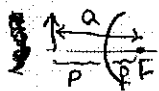
✓ اگر مبدأ سنجش فاصله‌ها «کانون» باشد، فرمول نیوتن کاربرد ندارد. ✓
 اگر فاصله جسم از کانون a و فاصله تصویر از کانون a' باشد، می‌توان نوشت:

$$f^2 = aa' \rightarrow m = \frac{f}{a} = \frac{a'}{f} \quad f = ma$$

نکته ۱) طبق $m = \frac{f}{a}$ می‌توان گفت، هر چه جسم به کانون نزدیک‌تر شود بزرگ‌نمایی بیش‌تر می‌شود یعنی در این حالت اندازه تصویر در حال افزایش است. و حرکت تصویر تدریجاً کندتر است.

نکته ۲) طبق $m = \frac{f}{a}$ می‌توان گفت،

$$\begin{cases} \text{آینه محدب (عرسی و اگر ا)} \Rightarrow m = \frac{f}{p+f} \\ \text{آینه مقعر (عرسی همگرا)} \Rightarrow m = \frac{f}{|p-f|} \end{cases}$$



☺ تست ۴۷) یک عدسی همگرا به فاصله کانونی 16 سانتی‌متر از جسمی که در فاصله 12 سانتی‌متری آن است تصویر می‌دهد بزرگ‌نمایی خطی کدام است؟

$$m = \frac{f}{|p-f|} = \frac{16}{2} = 8$$

- ۴ (۱)
- $\frac{4}{7}$ (۲)
- $\frac{7}{4}$ (۳)
- ۸ (۴)

☺ تست ۴۸) جسمی را روی محور اصلی آینه مقعر در فاصله 3cm از کانون قرار داده‌ایم. در این حالت طول تصویر مجازی p برابر طول جسم می‌شود. شعاع آینه چند سانتی‌متر است؟ (سراسری تجربی ۸۸)

$$f = ma = 3 \times 2 = 6 \quad 2f = c = 12$$

- ۱۲ (۱) m
- ۱۸ (۲)
- ۲۴ (۳)
- ۲۸ (۴)

سؤال) روی جسم در فاصله 3cm از کانون آینه مقعر است فاصله تصویر از کانون 9cm طول تصویر چند برابر طول جسم است

$$f = aa' \Rightarrow f = 9 \times 3 \Rightarrow f = 27$$

$$f = ma \Rightarrow 9 = m \times 3 \Rightarrow m = 3$$



جابجایی جسم و تغییرات بزرگنمایی:

اگر جسم را روی محور اصلی به اندازه Δp جابه‌جا کنیم و در این حالت بزرگنمایی از m_1 به m_2 تغییر کند، می‌توان نوشت:

$$\Delta p = f \left(\frac{1}{m_2} - \frac{1}{m_1} \right)$$

اگر در این جابه‌جایی بزرگنمایی ثابت بماند یا نوع تصویر تغییر کند، علامت منفی به مثبت تغییر می‌یابد.

جابجایی تصویر و تغییرات بزرگنمایی:

اگر تصویر روی محور اصلی به اندازه Δq جابه‌جا شود و در این حالت بزرگنمایی از m_1 به m_2 تغییر کند، می‌توان نوشت:

$$\Delta q = f(m_2 - m_1)$$

اگر در این جابه‌جایی بزرگنمایی ثابت بماند یا نوع تصویر تغییر کند، علامت منفی به مثبت تغییر می‌یابد.

☺ تست (۴۹) جسمی را روی محور اصلی آینه محدب 20cm جابه‌جا می‌کنیم. اگر بزرگنمایی از $\frac{1}{2}$ به $\frac{1}{5}$ تغییر کند، شعاع آینه چند سانتی‌متر است؟ (مشابه سراسری ریاضی و تجربی ۹۰)

شعاع آینه چند سانتی‌متر است؟ (مشابه سراسری ریاضی و تجربی ۹۰)

۲۵ (۴)

۲۰ (۳)

۱۵ (۲)

۱۰ (۱)

$$\Delta p = f \left(\frac{1}{m_2} - \frac{1}{m_1} \right)$$

$$30 = f \left(\frac{1}{5} - \frac{1}{2} \right) \Rightarrow 30 = f \left(-\frac{3}{10} \right) \Rightarrow f = 10 \rightarrow r = 2f = 20\text{cm}$$

m_1

☺ تست (۵۰) یک آینه کاو به شعاع انحنای 24cm از جسمی که روبه‌روی آن قرار دارد، تصویری وارونه با بزرگنمایی ۴ تشکیل داده است. جسم را چند cm به آینه نزدیک کنیم تا طول تصویر جدید نیز ۴ برابر طول جسم شود؟ (سراسری ریاضی ۸۸)

۱۲ (۴)

۱۰ (۳)

۸ (۲)

۶ (۱)

$$\Delta p = f \left(\frac{1}{m_2} + \frac{1}{m_1} \right) = 12 \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{4} \right) = \frac{12}{4} = 3\text{cm}$$

☺ تست (۵۱) یک آینه کاو از جسمی که روبه‌روی آن قرار دارد، تصویری با بزرگنمایی $\frac{1}{2}$ تشکیل داده است. اگر جسم را

به مرکز آینه انتقال دهیم، تصویر 9cm جابه‌جا می‌شود. فاصله کانونی آینه چند سانتی‌متر است؟

۱۵ (۴)

۱۲ (۳)

۹ (۲)

۶ (۱)

$$\Delta q = f(m_2 - m_1)$$

$$9 = f \left(1 - \frac{1}{2} \right) \Rightarrow \frac{3f}{2} = 9 \rightarrow f = 12\text{cm}$$

نکته) در آینه‌های کروی و عدسی‌ها اگر بزرگنمایی m و فاصله جسم از تصویر Δ باشد داریم:

$$\begin{cases} \text{در آینه‌ها برای تصویر حقیقی و مجازی فرقی ندارد.} \\ f = \frac{m\Delta}{|m^2 - 1|} \text{ آینه‌های کروی} \\ \text{در عدسی برای تصویر حقیقی (+) و برای تصویر مجازی (-) است.} \\ f = \frac{m\Delta}{(m \pm 1)^2} \text{ عدسی‌ها} \end{cases}$$

تست ۵۲) طول تصویر مجازی جسم در یک عدسی دو برابر طول جسم است. اگر فاصله جسم از تصویرش ۳۰cm باشد، توان عدسی چند دیوپتر است؟ (سراسری تجربی ۸۹)

۱) $\frac{3}{5}$ ۲) $\frac{3}{5}$ ۳) $\frac{5}{3}$ ۴) $\frac{5}{3}$

$$f = \frac{m\Delta}{(m^2 - 1)^2} = \frac{2 \times 30}{1} = 40 \text{ cm}$$

$m = 2$
 $\Delta = 30$

$$D = \frac{100}{f} = \frac{100}{40} = \frac{5}{2} \text{ د}$$

تست ۵۳) در یک آینه مقعر، فاصله جسم از تصویرش ۹۶cm است، اگر بزرگنمایی ۵ باشد، شعاع آینه چند سانتی‌متر

است؟ (سراسری ریاضی ۸۹)

۱) ۲۰ ۲) ۲۴ ۳) ۴۰ ۴) ۴۸

$$f = \frac{m\Delta}{m^2 - 1} = \frac{5 \times 96}{24} = 20 \text{ cm} \Rightarrow r = 2f = 40 \text{ cm}$$

تست ۵۴) یک عدسی به فاصله f کانونی تصویر بزرگ‌تر از جسم روی پرده تشکیل می‌دهد. اگر بزرگنمایی در این حالت m باشد، فاصله جسم تا پرده چند برابر فاصله کانونی است؟ (سراسری تجربی ۹۰)

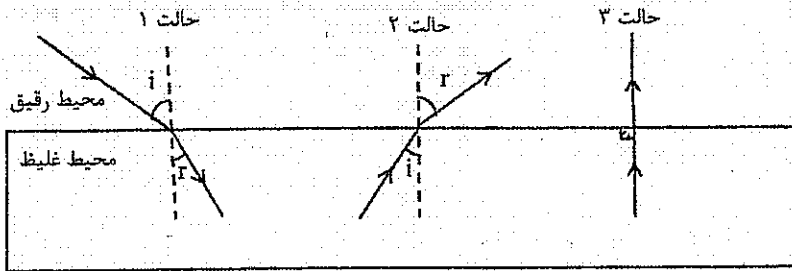
۱) $m - 1$ ۲) $(m + 1)$ ۳) $\frac{(m + 1)^2}{m}$ ۴) $\frac{(m - 1)^2}{m}$

$$\frac{\Delta}{f} = ? \rightarrow f = \frac{m\Delta}{(m+1)^2} \rightarrow m\Delta = f(m+1)^2 \rightarrow \frac{\Delta}{f} = \frac{(m+1)^2}{m}$$

شکست نور

اگر پرتوی نوری به صورت مایل به سطح جدایی دو محیط شفاف بتابد، هنگام عبور از این سطح شکسته می‌شود. به این پدیده شکست نور می‌گویند.

- حالت ۱) اگر پرتو نور از محیط رقیق به غلیظ بتابد به خط عمود نزدیکتر می‌شود.
- حالت ۲) اگر پرتو نور از محیط غلیظ به رقیق بتابد از خط عمود دورتر می‌شود.
- حالت ۳) اگر نور در امتداد قائم بر سطح جدایی دو محیط بتابد، منحرف نمی‌شود.

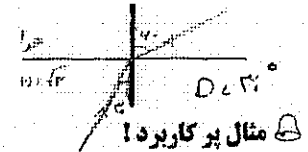
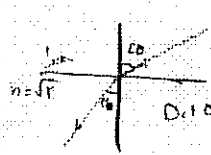


تذکر: زاویه بین امتداد پرتو تابش و پرتو شکست را زاویه انحراف (D) می‌نامیم.

$D = |i - r|$ زاویه انحراف

نکته مهم: فرمول مناسبه زاویه شکست به صورت روبه‌رو است:

ضریب شکست محیط دوم $n_2 = \frac{\sin i}{\sin r}$
 ضریب شکست محیط اول n_1



اگر پرتو نوری با زاویه تابش 45° از هوا به محیط شفاف به ضریب شکست $\frac{\sqrt{2}}{2}$ بتابد، زاویه شکست
 و زاویه انحراف می‌شود.

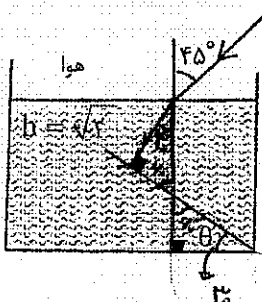
$\frac{n_2}{n_1} = \frac{\sin i}{\sin r} \rightarrow \frac{\sqrt{2}}{1} = \frac{\sin 45}{\sin r} \rightarrow \sin r = \frac{1}{2} \rightarrow r = 30^\circ$

$D = |i - r| = 45 - 30 = 15^\circ$

تست ۵۵) پرتو نوری از هوا با زاویه تابش ۱ به محیط شفافی به ضریب شکست $\sqrt{2}$ می‌تابد. اگر پرتو ورودی به اندازه ۱۵ درجه منحرف شود، زاویه تابش چند درجه است؟ (سراسری ریاضی ۸۷)

۶۰ (۴) ۵۲ (۳) ۴۵ (۲) ۳۰ (۱)

تست ۵۶) زاویه بین آینه تخت و کف ظرف (θ) چند درجه باشد تا پرتو نور در ادامه مسیر پس از بازتاب از آینه تخت روی خودش برگردد؟ (مشابه سراسری ریاضی ۸۴)



برای آن که پرتو نور پس از بازتاب از آینه تخت روی خودش برگردد باید بر سطح آینه عمود بتابد.

- ۱۵ (۱)
- ۲۲/۵ (۲)
- ۳۰ (۳)
- ۴۵ (۴)

نور، آینه، عدسی و شکست نور

نکته ۱) علت شکست نور تغییر سرعت نور در دو محیط است. هر چه ضریب شکست یک محیط پیش تر باشد، سرعت نور در آن محیط کم تر است.

$$\frac{n_2}{n_1} = \frac{v_1}{v_2}$$

مثال ۵۷) ضریب شکست شیشه و آب به ترتیب $\frac{4}{3}$ و $\frac{3}{2}$ است. سرعت نور در شیشه چند برابر سرعت نور در آب است؟

$$V_{\text{شیشه}} = \frac{c}{n_{\text{شیشه}}} = \frac{c}{\frac{4}{3}} = \frac{3}{4}c$$

$$V_{\text{آب}} = \frac{c}{n_{\text{آب}}} = \frac{c}{\frac{3}{2}} = \frac{2}{3}c$$

نکته ۲) اگر سرعت نور در فلز یا هوا برابر c باشد، سرعت نور در یک محیط شفاف به ضریب شکست n برابر است با:

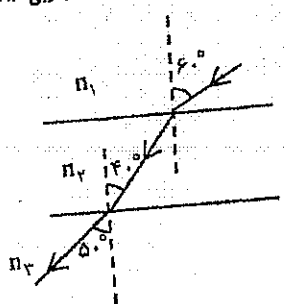
$$C = 3 \times 10^8 \text{ m/s} \rightarrow V = \frac{C}{n}$$

مثال ۵۸) سرعت نور در شیشه به ضریب شکست $1/5$ چند m/s است؟

$$V = \frac{C}{n} = \frac{3 \times 10^8}{1/5} = 1.5 \times 10^9 \text{ m/s}$$

تست ۵۹) در شکل روبه رو سطح جدایی محیط های شفاف با هم موازی اند. کدام رابطه بین ضریب شکست ها برقرار است؟

(سراسری تجربی ۸۶)



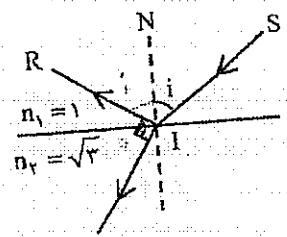
$$40 < 50 < 60$$

$$n_2 > n_3 > n_1$$

- $n_2 > n_3 > n_1$ (۱)
- $n_2 > n_3 = n_1$ (۲)
- $n_2 = n_3 > n_1$ (۳)
- $n_3 > n_2 > n_1$ (۴)

هر چه محیط غلیظ تر باشد یعنی ضریب شکست پیش تر داشته باشد، زاویه با خط عمود در آن محیط کوچک تر است.

تست ۶۰) در شکل روبه رو پرتو SI بر سطح یک محیط شفاف تابیده به طوری که قسمتی از آن بازتاب پیدا کرده و بیه محیط اول برگشته و قسمتی نیز شکسته و وارد محیط دوم می شود. اگر پرتوهای بازتاب و شکست بر هم عمود باشند، زاویه تابش (i) چند درجه است؟ (سراسری ریاضی ۸۶)



- ۳۰ (۲)
- ۶۰ (۴)

- ۱۵ (۱)
- ۴۵ (۳)

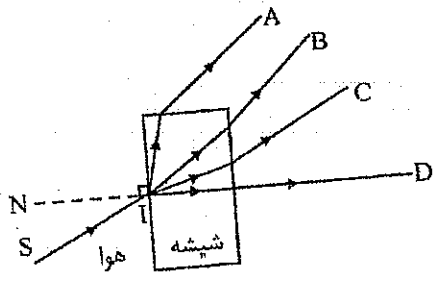
$$i + r + r' = 180 \rightarrow i + r = 90$$

$$\frac{n_2}{n_1} = \frac{\sin i}{\sin r'} \rightarrow \sqrt{3} = \frac{\sin i}{\sin r'} \rightarrow \sqrt{3} \cdot \sin r' = \sin i \rightarrow i = 60$$

تست ۶۱) پرتو نور تک رنگ SI، از هوا بر شیشه می تابد، پرتو شکست کدام است؟ (سراسری تجربی ۹۰)

- A (۱)
- B (۲)
- D (۴)

- C (۳)



پرتو نور از هوا وارد شیشه می شود بر خط عمود در آن منعکس می شود.

عمق ظاهری

اگر ناظر در محیط رقیق و جسم در محیط غلیظ باشد، عمق ظاهری کمتر از عمق واقعی به نظر می‌رسد. در این حالت عمق ظاهری برابر است با:

$$h' = \frac{h}{n}$$

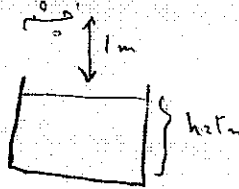
عمق ظاهری

اگر ناظر در محیط غلیظ و جسم در محیط رقیق باشد، عمق ظاهری (فاصله ظاهری) بیشتر از فاصله واقعی به نظر می‌رسد. در این حالت فاصله ظاهری برابر است با:

$$h' = nh$$

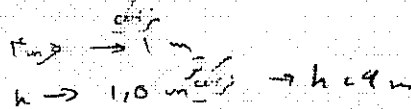
فاصله ظاهری

☺ تست ۶۲) عمق آب درون استخری ۲m است. چشم شخصی در فاصله ۱ متری سطح آب است. از دید قائم کف استخر



در فاصله چند متری چشم شخص به نظر می‌رسد؟ (سرشاری ریاضی ۸۹)
 هر متر ۳ متر دیده می‌شود
 $n = \frac{4}{3}$ (آب)
 $h' = \frac{h}{n} = \frac{2}{\frac{4}{3}} = 1,5$ (۲)
 ۱/۵ (۱)
 ۲/۵ (۳)
 $4 \rightarrow 3$
 $2 \rightarrow n \rightarrow n = 1,5$
 $h = 1,5 + 1 = 2,5$

☺ تست ۶۳) اگر از بالا به کف استخری نگاه کنیم، آن را ۱/۵ m بالاتر از جای واقعی اش می‌بینیم. عمق آب درون استخر



چند متر است؟ (آب $n = \frac{4}{3}$)
 ۵ (۲)
 ۸ (۴)
 ۴ (۱)
 ۶ (۳)

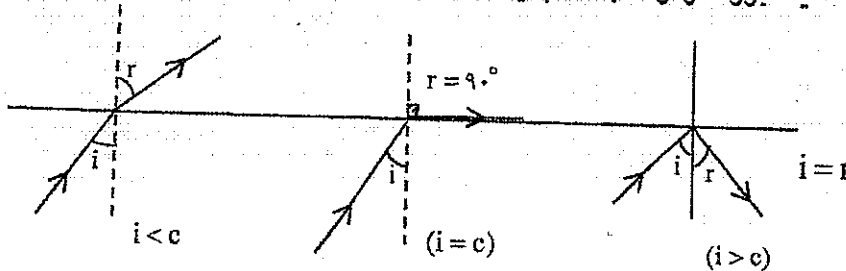
زاویه حد و بازتاب کلی

اگر زاویه تابش در محیط غلیظ به حدی برسد که زاویه شکست 90° شود، در این صورت به این زاویه تابش، زاویه حد (c) می‌گویند که به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$\sin C = \frac{1}{n}$$

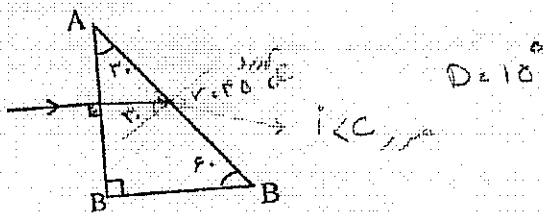
حالتی را در نظر بگیرید که نور از محیط غلیظ به رقیق می‌تابد (مانند حالتی که نور می‌خواهد از یک وجه منشوری خارج شود). سه حالت ممکن است اتفاق بیفتد:

- ۱) اگر زاویه تابش در محیط غلیظ کمتر از C باشد، پرتوی نور می‌تواند وارد محیط رقیق شود و از خط عمود دور شود.
- ۲) اگر زاویه تابش در محیط غلیظ برابر C باشد، پرتوی نور بر مرز دو محیط مماس می‌شود.
- ۳) اگر زاویه تابش در محیط غلیظ بزرگتر از C باشد، پدیده بازتاب کلی رخ می‌دهد و به محیط اول باز می‌گردد.

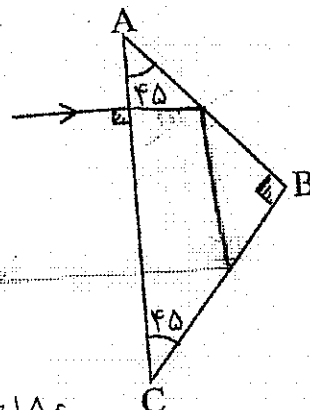
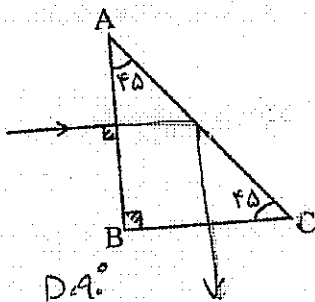
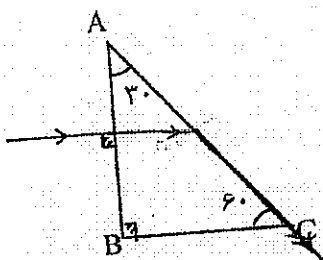


نور، آینه، عدسی و شکست نور

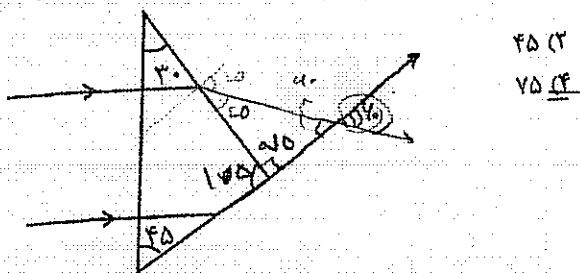
تست ۶۴) ضریب شکست منشور $\sqrt{2}$ است. پرتو نور چگونه و از کدام وجه منشور خارج می‌شود. پرتوی خروجی نسبت به پرتوی ورودی چند درجه منحرف شده است.



مثال ۶۵) ضریب شکست هر منشور ۲ است. پرتو نور چگونه و از کدام وجه خارج می‌شود؟ پرتو خروجی نسبت به پرتوی ورودی چند درجه چرخیده است؟



تست ۶۶) دو پرتو موازی به یک منشور به ضریب شکست $\sqrt{2}$ می‌تابد. زاویه بین این دو پرتو پس از خروج از منشور چند درجه است؟ (سراسری تجربی ۸۹)



- ۳۰ (۱)
- ۶۰ (۲)

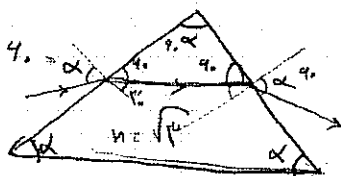
نکته) ضریب شکست منشور به رنگ نور تابیده شده بستگی دارد. بیشترین ضریب شکست مربوط به نور بنفش و کمترین ضریب شکست مربوط به نور قرمز است.

Min انحراف → قرمز - نارنجی - زرد - سبز - آبی - بنفش ← Max انحراف

تست ۶۷) اگر ضریب شکست یک منشور را برای پرتوهای قرمز، زرد، بنفش، به ترتیب n_R, n_Y, n_V نشان دهیم، کدام رابطه درست است؟ (مشابه سراسری تجربی ۸۵)

- (۱) $n_R > n_Y > n_V$
- (۲) $n_R > n_V > n_Y$
- (۳) $n_Y > n_V > n_R$
- (۴) $n_V > n_Y > n_R$

سال ۹۱) به چه پرتو ضریب شکست بیشتر چهراست؟



۲۵

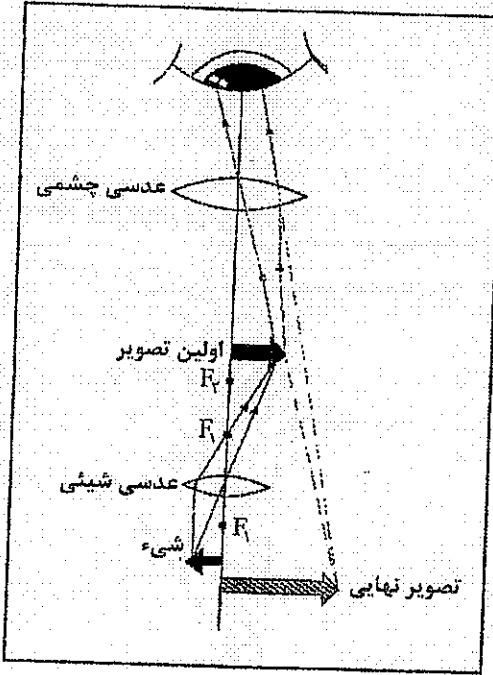
میکروسکوپ و تلسکوپ

میکروسکوپ:

از دو عدسی همگرای هم محور درست شده که یکی چشمی و دیگری شیئی نامیده می‌شوند:

$f_e > f_o \rightarrow D_e < D_o$ میکروسکوپ

بزرگنمایی میکروسکوپ: $m = m_e \times m_o$



- ۱- در میکروسکوپ جسم را خارج فاصله کانونی عدسی شیئی و نزدیک کانون قرار می‌دهند.
- ۲- تصویری که عدسی شیئی میکروسکوپ می‌دهد حقیقی و داخل فاصله کانونی عدسی چشمی تشکیل می‌شود.
- ۳- تصویر نهایی اجسام ریز در میکروسکوپ نسبت به جسم وارونه و مجازی و بزرگتر از جسم است. (آزاد ۸۸ و ۸۹)

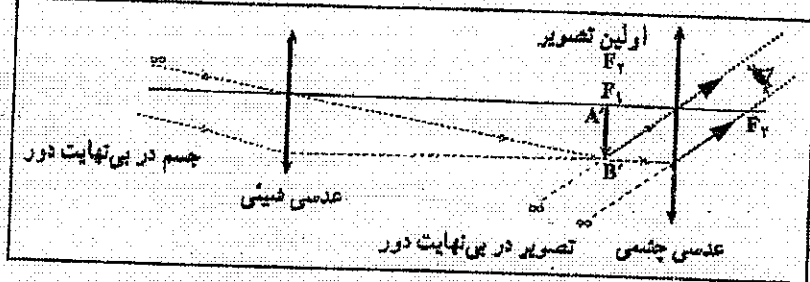
☺ تست ۶۸) اگر بزرگ‌نمایی عدسی چشمی و شیئی میکروسکوپ به ترتیب ۱۰ و ۴۰ باشد، این میکروسکوپ یک جسم ریز به طول نیم میلی‌متر را چند سانتی‌متر نشان می‌دهد؟

۲۰ (۴) ۴۰ (۳) ۵۰ (۲) ۴ (۱)

$m = m_e \times m_o = 10 \times 40 = 400$

$\frac{A'B'}{AB} = 400 \rightarrow A'B' = 200 \text{ mm} = 20 \text{ cm}$

تلسکوپ (دوربین نجومی): از دو عدسی همگرای هم‌محور درست شده که یکی چشمی و دیگری شیئی نامیده می‌شود:



$f_o > f_e \rightarrow D_o < D_e$ تلسکوپ

- ۱- تصویری که عدسی شیئی تلسکوپ می‌دهد حقیقی و روی کانون مشترک دو عدسی تشکیل می‌شود.
- ۲- تصویر نهایی اجرام آسمانی در دوربین نجومی وارونه و مجازی و کوچکتر از جسم است. (سراسری تجربی ۸۸)
- ۳- اگر فاصله‌ی بین دو عدسی در دوربین نجومی تغییر کند (افزایش یا کاهش) تصویر نهایی کوچکتر از قبل می‌شود. (سراسری ریاضی ۹۰)

$L = f_e + f_o$ (نکته) طول لوله‌ی دوربین نجومی (فاصله دو عدسی):

نور، آینه، عدسی و شکست نور

تست ۶۹) می‌خواهیم با دو عدسی L_1 و L_2 که توان‌های آن‌ها به ترتیب ۴ دیوپتر و ۲۰ دیوپتر است، یک دوربین نجومی بسازیم. کدام عدسی باید چشمی باشد و فاصله بین دو عدسی باید چند cm باشد؟

(۴) L_2 و ۲۴

(۳) L_1 و ۳۰

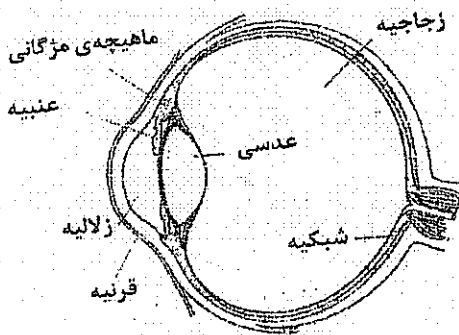
(۲) L_2 و ۳۰

(۱) L_1 و ۲۴

$$f_1 = \frac{1}{D_1} = \frac{1}{4} \Rightarrow f_1 = 25 \text{ cm}$$

$$f_2 = \frac{1}{D_2} = \frac{1}{20} \Rightarrow f_2 = 5 \text{ cm}$$

ساختمان چشم



هنگامی که به یک شیء نگاه می‌کنیم، تصویری از آن روی پرده شبکیه تشکیل می‌شود.

مردمک چشم دریچه‌ای است که با تغییر قطر، شدت نور عبوری را تغییر می‌دهد.

پشت مردمک، عدسی چشم قرار دارد که یک عدسی همگرای دو کوز است. عدسی چشم تصویری حقیقی، وارونه و کوچک‌تر بر روی شبکیه تشکیل می‌دهد.

تطابق: تغییر فاصله کانونی عدسی چشم برای دیدن اشیای دور یا نزدیک تطابق نام دارد. عمل تطابق در چشم به وسیله ماهیچه‌های مژگانی انجام می‌شود.

نکته) هنگامی که ماهیچه‌های مژگانی در حال استراحت است، عدسی بزرگ‌ترین فاصله کانونی خود را دارد و تصویر اشیای دور را روی شبکیه می‌اندازد، اما برای دیدن اشیای نزدیک ماهیچه مژگانی منقبض شده و ضخامت عدسی چشم را زیاد می‌کند. در نتیجه فاصله کانونی عدسی کم‌تر می‌شود و تصویر بر روی شبکیه تشکیل می‌شود.

کم‌ترین فاصله دیده نزدیک‌ترین مکانی که اگر شیء آن‌جا باشد، چشم می‌تواند آن را واضح ببیند، بدون آن که فشار زیادی بر چشم وارد شود.

بیش‌ترین فاصله دیده: دورترین مکانی که اگر شیء آن‌جا باشد، چشم بدون تطابق آن را واضح می‌بیند.

تست ۷۰) برای دیدن اشیای دور ماهیچه‌های مژگانی و فاصله کانونی عدسی چشم مقدار است.

(۱) منقبض - بیش‌ترین

(۲) در حال استراحت - بیش‌ترین

(۳) منقبض - کم‌ترین

(۴) در حال استراحت - کم‌ترین

عیب‌های چشم: نظیر نزدیک‌بینی و دوربینی و آستیگماتیسم در کتاب درسی، امروزه جزو مطالعه آزاد است و قطعاً در کنکور سؤالی ندارد.

فصل سوم ریاضی:

«ترمودینامیک»

از صفحه ۲۸ تا ۴۳

ویژه‌ی سوم ریاضی

انرژی درونی

انرژی کل ذره‌های تشکیل دهنده یک جسم را انرژی درونی می‌گویند که به دو عامل بستگی دارد. مقدار ماده و دما.

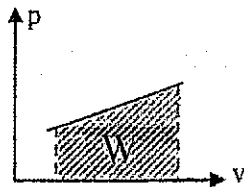
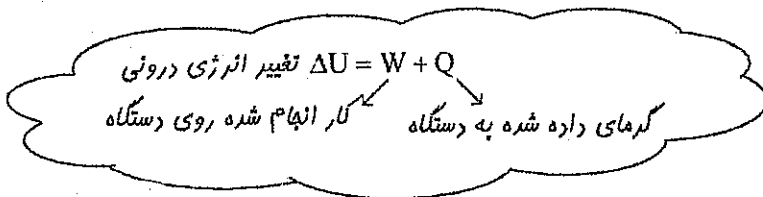
نکته ۱) انرژی درونی مقدار معینی گاز کامل فقط تابع تغییرات دمای آن است و برای گازهای مختلف انرژی درونی به صورت زیر محاسبه می‌شود:

(گاز تک اتمی) $U = \frac{3}{2}nRT$ (گاز دو اتمی) $U = \frac{5}{2}nRT$ (گاز سه اتمی) $U = \frac{7}{2}nRT$

نکته ۲) تغییر انرژی درونی گاز برابر است با:

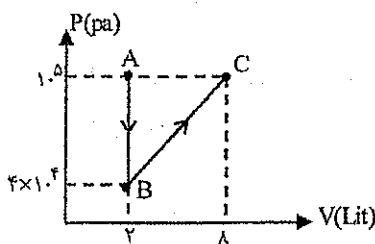
(گاز تک اتمی) $\Delta U = \frac{3}{2}nR\Delta T$ (گاز دو اتمی) $\Delta U = \frac{5}{2}nR\Delta T$ (گاز سه اتمی) $\Delta U = \frac{7}{2}nR\Delta T$

نکته ۳) طبق قانون اول ترمودینامیک تغییر انرژی درونی یک دستگاه برابر جمع جبری کار انجام شده روی دستگاه و گرمای مبادله شده بین دستگاه و محیط است.



نکته ۴) مساحت زیر نمودار P-V (فشار بر حسب حجم) بیانگر W (کار) است.

$W = -P\Delta V \Rightarrow \begin{cases} V_2 > V_1 \Rightarrow \Delta V > 0 \Rightarrow W < 0 \\ V_2 < V_1 \Rightarrow \Delta V < 0 \Rightarrow W > 0 \end{cases}$



تست ۴) کار انجام شده روی محیط در فرآیند ABC چند ژول است؟

- (۱) +۴۲۰
- (۲) -۴۲۰
- (۳) +۸۴۰
- (۴) -۸۴۰

تست ۵) اگر یک دستگاه ترمودینامیکی ۷۰۰ ژول گرما از محیط بگیرد و ۵۰۰ ژول کار روی محیط انجام دهد. انرژی درونی آن چگونه تغییر می‌کند؟

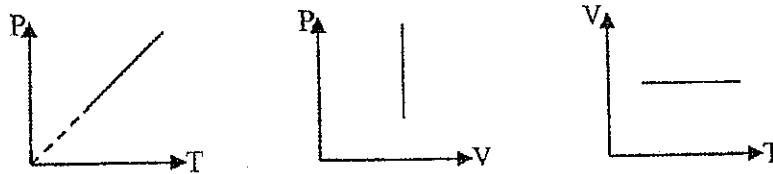
- (۱) ۲۰۰ ژول
- (۲) ۵۰۰ ژول کاهش
- (۳) ۲۰۰ ژول کاهش
- (۴) ۵۰۰ ژول افزایش

فرآیند هم حجم

در این فرآیند، حجم گاز همواره ثابت است. طبق معادله حالت گاز، فشار متناسب با دمای گاز تغییر می‌کند. نمودارها: در نمودار حجم، نمودار بر محور V عمود است.

$$nRT = PV \rightarrow \frac{P_2}{P_1} = \frac{T_2}{T_1}$$

ثابت



در فرآیند هم حجم «کار انجام شده روی گاز» صفر است.

$\Delta V = 0 \rightarrow W = 0$

قانون اول ترمودینامیک $\Delta U = W + Q \rightarrow \Delta U = Q_V$

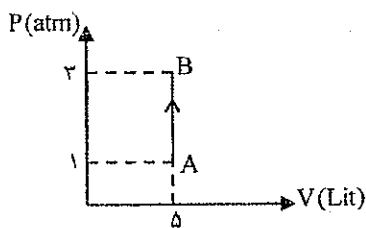
↓
صفر

گرماي ویژه مولی در حجم ثابت $Q_V = nC_{mv}\Delta T$

- تک اتمی $Q_V = \frac{3}{2}nR\Delta T \Rightarrow Q_V = \frac{3}{2}V\Delta P$
- دو اتمی $Q_V = \frac{5}{2}V\Delta P$
- سه اتمی $Q_V = \frac{7}{2}V\Delta P$

$C_{mv} = \frac{3}{2}R$ گاز تک اتمی	$C_{mv} = \frac{5}{2}R$ گاز دو اتمی	$C_{mv} = \frac{7}{2}R$ گاز سه اتمی
-------------------------------------	-------------------------------------	-------------------------------------

تست ۶) نمودار P-V مربوط به یک فرآیند ترمودینامیکی روی گاز کامل تک اتمی به صورت زیر است. تغییر انرژی درونی در فرآیند AB چند ژول است؟



- ۱) ۱۵۰۰
- ۲) -۱۵۰۰
- ۳) ۳۰۰۰
- ۴) -۳۰۰۰

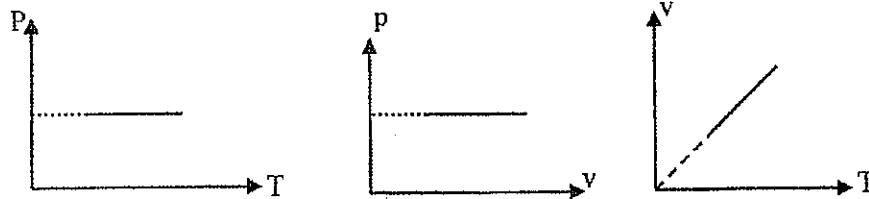
تست ۷) چند ژول گرما در حجم ثابت به ۰/۲ مول گاز O_2 بدهیم تا دمای آن $20^\circ C$ بالا برود؟ $R = 8 \frac{J}{mol.K}$

- ۱) ۳۲
- ۲) ۴۸
- ۳) ۸۰
- ۴) ۱۱۲

فرآیند هم فشار

در این فرآیند، فشار وارد بر گاز از طرف محیط (فشار پیستون متحرک) همواره ثابت است. طبق معادله حالت گاز، حجم گاز متناسب با دمای گاز تغییر می‌کند.
 نمودارها: در نمودار هم فشار، نمودار بر محور P عمود است.

ثابت
 $T \propto PV \rightarrow \frac{V_2}{V_1} = \frac{T_2}{T_1}$



$W = -P\Delta V$ کار انجام شده روی گاز
 $Q_p = nC_{Mp}\Delta T$ گرمای داده شده به گاز
 گرمای ویژه مولی در فشار ثابت

- تک اتمی $Q_p = \frac{5}{2}nR\Delta T \Rightarrow Q_p = \frac{5}{2}P\Delta V$
- دو اتمی $Q_p = \frac{7}{2}P\Delta V$
- سه اتمی $Q_p = \frac{9}{2}P\Delta V$

گاز تک اتمی $C_{Mp} = \frac{5}{2}R$	گاز دو اتمی $C_{Mp} = \frac{7}{2}R$	گاز سه اتمی $C_{Mp} = \frac{9}{2}R$
-------------------------------------	-------------------------------------	-------------------------------------

☺ تست ۸) یک گاز کامل دو اتمی در یک فرآیند هم فشار ۷۰۰ ژول گرما از محیط می‌گیرد. تغییر انرژی درونی گاز چند ژول است؟ (سراسری ۸۹)

- ۹۰۰ (۴) ۷۰۰ (۳) ۵۰۰ (۲) ۳۰۰ (۱)

☺ تست ۹) در یک فرآیند هم فشار یک لیتر گاز کامل دو اتمی در دمای ۰°C مقداری گرما از دست می‌دهد و حجم آن در فشار یک اتمسفر به ۰/۸ حجم اولیه‌اش می‌رسد. در این فرآیند گاز چند ژول گرما از دست می‌دهد؟ (سراسری ۸۶)

- ۴۰ (۴) ۱۰۰ (۳) ۷۰ (۲) ۵۰ (۱)

☺ تست ۱۰) دو مول گاز کامل تک اتمی به حجم $1/75$ متر مکعب را در فشار ثابت منبسط کرده‌ایم. اگر دمای اولیه گاز 350 کلوین باشد و در این فرآیند 10^4 ژول گرما مبادله شده باشد، دمای ثانویه چند کلوین و حجم ثانویه چند متر مکعب

است؟ (سراسری ۹۰) $(R = 8 \frac{J}{mol.K})$

۲۱۸ و ۷۶۶ (۴)

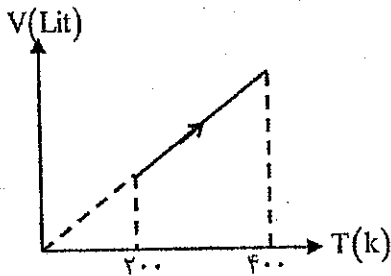
۲۱۸ و ۶۰۰ (۳)

۳ و ۷۶۶ (۲)

۳ و ۶۰۰ (۱)

☺ تست ۱۱) نمودار $V-T$ مربوط به یک فرآیند ترمودینامیکی که بر روی ۲ مول گاز کامل تک اتمی صورت گرفته

است، مطابق شکل است. گاز چند ژول کار انجام داده است؟ $(R = 8 \frac{J}{mol.K})$



۳۲۰۰ (۱)

۴۸۰۰ (۲)

۶۴۰۰ (۳)

۸۰۰۰ (۴)

☺ تست ۱۲) مقداری گاز کامل تک اتمی در فشار P_1 و حجم V_1 و دمای مطلق T_1 قرار دارد. طی فرآیند هم حجم دمای گاز به $T_2 = 2T_1$ می‌رسد و گاز گرمای Q_1 را دریافت می‌کند. سپس طی یک فرآیند هم فشار دمای گاز به $T_3 = 4T_2$ می‌رسد و گاز گرمای Q_2 را دریافت می‌کند. نسبت $\frac{Q_2}{Q_1}$ کدام است؟ (سراسری ۸۷)

$\frac{10}{3}$ (۴)

$\frac{5}{6}$ (۳)

۱۰ (۲)

۵ (۱)

فرآیند هم دما

در این فرآیند دمای دستگاه همواره ثابت است. بنابراین این فشار و حجم گاز نسبت عکس دارند.

$$PV = nRT \rightarrow P \propto \frac{1}{V} \text{ هم دما}$$

مثلاً اگر حجم یک گاز کامل را در یک فرآیند هم دما نصف کنیم، فشار گاز دو برابر می‌شود.

✓ در فرآیند هم دما «تغییر انرژی درونی» صفر است.

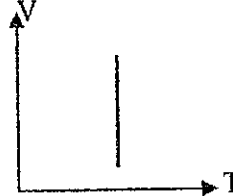
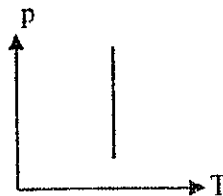
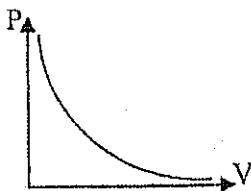
هم دما $\Delta T = 0 \rightarrow \Delta U = 0$

هم دما $Q = -W$ $\Delta U = W + Q \rightarrow$ قانون اول ترمودینامیک
صفر

✓ انرژی درونی مقدار معینی گاز کامل فقط تابع دمای مطلق گاز است.

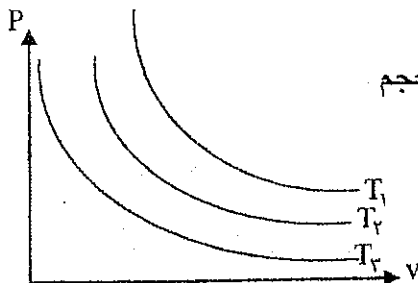
✓ نمودارهای فرآیند هم دما:

در نمودارهای هم دما، نمودار بر محور T عمود است.



✓ در شکل روبه‌رو نمودار مربوط به ۳ فرآیند هم دما نشان داده شده است:

می‌توان گفت هر چه نمودار هم دما بالاتر باشد، چون حاصل ضرب فشار در حجم بیشتر می‌شود، دما بالاتر است یعنی



$$T_1 > T_2 > T_3$$

😊 تست ۱۳) دستگاهی از گاز کامل در یک فرآیند هم دما ۶۰۰ ژول کار روی محیط انجام می‌دهد. انرژی درونی این

دستگاه (سراسری ۸۶)

(۱) ثابت می‌ماند.

(۲) ۶۰۰ ژول کاهش می‌یابد.

(۳) ۶۰۰ ژول افزایش می‌یابد.

(۴) بیش از ۶۰۰ ژول کاهش می‌یابد.

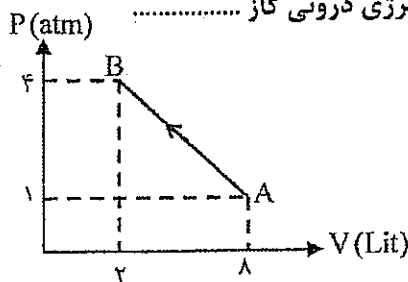
😊 تست ۱۴) گاز کاملی فرآیند AB را مطابق شکل طی می‌کند. در این فرآیند انرژی درونی گاز

(۱) پیوسته ثابت است

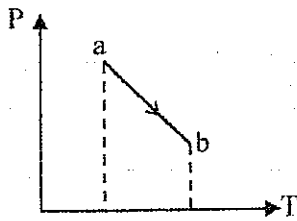
(۲) پیوسته افزایش می‌یابد

(۳) ابتدا کاهش سپس افزایش می‌یابد

(۴) افزایش - کاهش

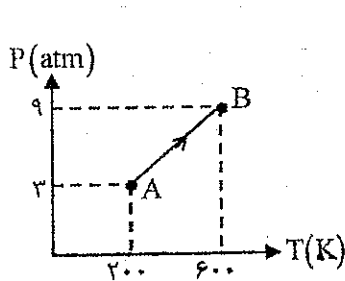


☺ تست ۱۵) نمودار $P-T$ یک مول گاز کامل مطابق شکل است. کدام عبارت درباره فرآیند ab درست است؟



- (۱) حجم گاز افزایش یافته است.
- (۲) انرژی درونی گاز کاهش یافته است.
- (۳) گاز گرما از دست داده است.
- (۴) کار انجام شده روی گاز مثبت است.

☺ تست ۱۶) نمودار $P-T$ مربوط به یک گاز کامل مطابق شکل است. کار انجام شده روی گاز در فرآیند AB چند ژول است؟



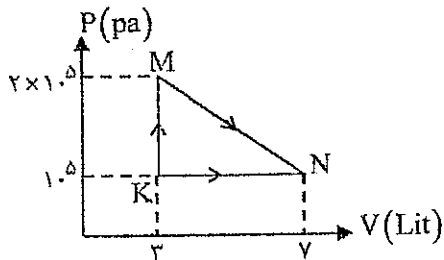
۴۸۰ (۲)

۲۴۰ (۱)

۳۶۰ (۴)

صفر (۳)

☺ تست ۱۷) مطابق شکل روبه‌رو، گاز کامل دو اتمی از طریق دو مسیر از K به N رسیده است. گرمایی که گاز در مسیر



KMN گرفته چند ژول است؟ (سراسری ۸۹)

۶۰۰ (۱)

۸۰۰ (۲)

۱۶۰۰ (۳)

۱۲۰۰ (۴)

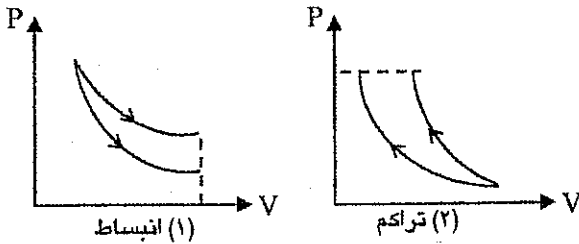
فرآیند بی در رو

در این فرآیند دمای دستگاه بدون دریافت یا انتقال گرما تغییر می‌کند.

در فرآیند بی در رو گرمای مبادله شده بین دستگاه و محیط صفر است. به این منظور یا دستگاه عایق بندی می‌شود یا این که حجم دستگاه خیلی سریع تغییر می‌کند.

$Q=0 \rightarrow \Delta U = W$ بی در رو

☑ مقایسه‌ی نمودار $P-V$ در فرآیندهای هم دما و بی در رو:



در انبساط هم دما فشار گاز کاهش می‌یابد ولی چون گاز با یک منبع گرما در تماس است مقداری گرما از منبع می‌گیرد بنابراین کاهش فشار در فرآیند هم دما کمتر از بی در رو است (در بی در رو گاز گرما نمی‌گیرد).

☑ در انبساط بی در رو دما و انرژی درونی و در تراکم بی در رو دما و انرژی درونی

☺ تست ۱۸) در یک فرآیند بی در رو ۲۰۰ ژول کار دستگاه بر روی محیط انجام داده است. گرمای داده شده به دستگاه است و انرژی درونی دستگاه یافته است.

- (۱) صفر - ۲۰۰ ژول کاهش
- (۲) صفر - ۲۰۰ ژول افزایش
- (۳) ۲۰۰ - ۲۰۰ ژول کاهش
- (۴) ۲۰۰ - ۲۰۰ ژول افزایش

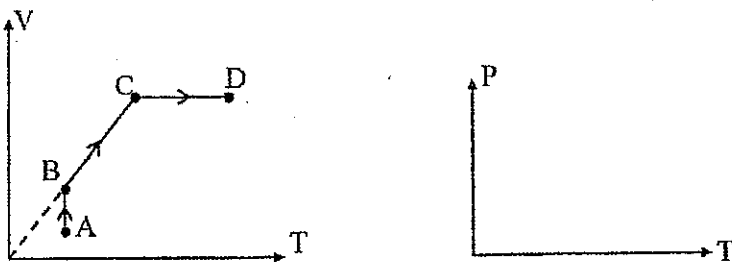
☺ تست ۱۹) اگر حجم یک گاز کامل به صورت بی در رو نصف شود فشار آن k برابر می‌شود. کدام گزینه k را درست معرفی می‌کند؟

- (۱) $k = \frac{1}{2}$
- (۲) $1 < k < 2$
- (۳) $k = 2$
- (۴) $k > 2$

☺ تست ۲۰) حجم گاز کاملی را یک بار به طور هم دما و بار دیگر به طور بی در رو از ۸ لیتر به ۵ لیتر می‌رسانیم. انرژی درونی گاز به ترتیب چگونه تغییر می‌کند؟

- (۱) ثابت - کاهش
- (۲) ثابت - افزایش
- (۳) افزایش - ثابت
- (۴) کاهش - ثابت

☺ مثال ۲۱) نمودار $V-T$ سه فرآیند ترمودینامیکی گاز کامل رسم شده است. نمودار $P-T$ آن‌ها را رسم کنید.



☺ تست ۲۲) یک مول گاز کامل تک اتمی را به صورت بی دررو متراکم می‌کنیم. اگر در این فرآیند 180 J کار روی گاز

انجام شده باشد، تغییرات دمای گاز چند درجه سلسیوس است؟ $\left(R = 8 \frac{\text{J}}{\text{molK}} \right)$

۱۸ (۴)

۱۵ (۳)

۱۲ (۲)

۱۰ (۱)

چرخه

فرآیندی است که طی آن دستگاه پس از انجام چند فرآیند به حالت اولیه خود برمی‌گردد.

☑ دمای دستگاه در ابتدا و انتهای یک چرخه برابر است بنابراین انرژی درونی دستگاه در یک چرخه ثابت می‌ماند.

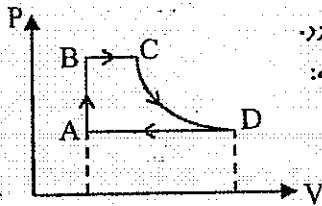
$$\Delta U = 0 \rightarrow \Delta U = W + Q \rightarrow Q = -W$$

↓
منفی

☑ کار انجام شده روی دستگاه در یک چرخه برابر است با مساحت داخل چرخه. $W = \pm S$

اگر پرفه ساعتگرد باشد علامت منفی و اگر پرفه باز ساعتگرد باشد علامت مثبت منظور می‌گردد.

☺ تست ۲۳) گاز کاملی چرخه (ABCD) را به صورت روبه‌رو طی می‌کند. در این چرخه:



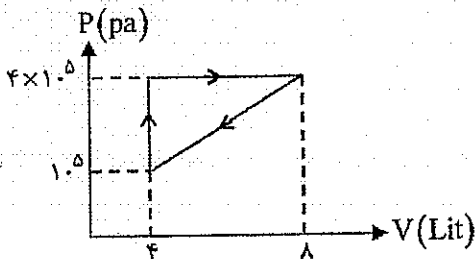
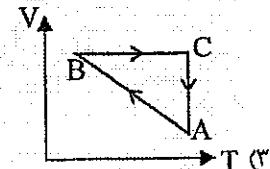
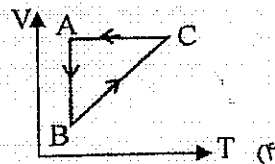
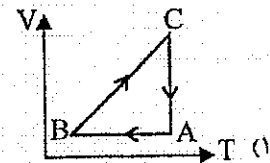
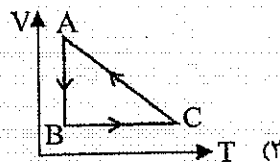
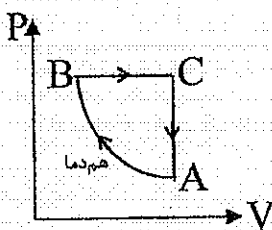
(۱) کار روی محیط و گرما به دستگاه داده شده است.

(۲) کار روی دستگاه و گرما به محیط داده شده است.

(۳) انرژی درونی دستگاه کاهش یافته است.

(۴) انرژی درونی دستگاه افزایش یافته است.

☺ تست ۲۴) نمودار $P-V$ سه فرآیند ترمودینامیکی گاز کامل رسم شده است. نمودار $V-T$ آن‌ها کدام است؟



☺ تست ۲۵) مقداری گاز کامل چرخه روبه‌رو را طی کرده است. گرمای

داده شده به دستگاه چند ژول است؟

-۶۰۰ (۲)

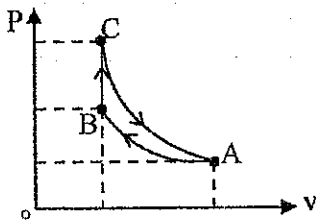
+۶۰۰ (۱)

-۱۲۰۰ (۴)

+۱۲۰۰ (۳)

- ☺ تست ۲۶) اختلاف دمای منبع گرم و سرد در یک ماشین گرمایی 27°C است. اگر بیشترین بازده این ماشین ۳۰ درصد باشد، دمای منبع گرم چند $^{\circ}\text{C}$ است؟ (سراسری ۸۴)
- (۱) 183°C (۲) -183°C (۳) 90°C (۴) -90°C

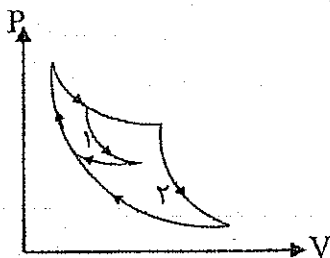
- ☺ تست ۲۷) یک گاز کامل تک اتمی چرخه‌ای شامل سه فرآیند متوالی هم دما، هم حجم و بی دررو را مطابق شکل طی می‌کند. کار انجام شده روی محیط در فرآیند بی دررو برابر با کدام است؟ (سراسری ۹۰)



- (۱) کار انجام شده در کل چرخه
(۲) گرما در فرآیند هم دما
(۳) گرما در فرآیند هم حجم
(۴) کار در فرآیند هم دما

- ☺ تست ۲۸) اگر دمای منبع گرم و منبع سرد یک ماشین گرمایی به یک اندازه افزایش یابد، بازده آن
(۱) افزایش می‌یابد. (۲) کاهش می‌یابد.
(۳) تغییری نمی‌کند. (۴) ممکن است افزایش یا کاهش یابد.

- ☺ تست ۲۹) در شکل رویه‌رو نمودار $P-V$ دو ماشین گرمایی کارنو با شماره‌های ۱ و ۲ مشخص شده است. در این صورت:

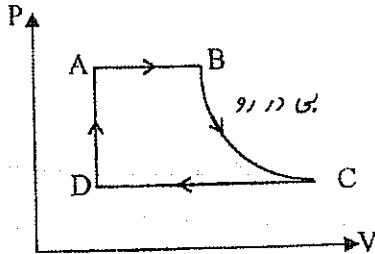


- (۱) بازده دو ماشین برابر است
(۲) بازده ماشین ۱ بیشتر از بازده ماشین ۲ است.
(۳) بازده ماشین ۲ بیشتر از بازده ماشین ۱ است.
(۴) بسته به شرایط هر سه حالت ممکن است.

ماشین بخار

در ماشین بخار دستگاهی که چرخه را طی می‌کند، آب است. چون گرما از بیرون دستگاه به آب داده می‌شود این ماشین را بیرون‌سوز می‌نامند.

نمودار $P-V$ یک ماشین بخار به صورت رویه‌روست:



A تا B: تبدیل آب به بخار آب داغ در فشار ثابت

B تا C: انبساط بی‌درروی بخار آب که در این مرحله انرژی مکانیکی مورد نیاز از ماشین بخار به دست می‌آید.

C تا D: میعان بخار آب در فشار ثابت

D تا A: افزایش فشار آب تا فشار اولیه در حجم تقریباً ثابت

ماشین گرمایی درون‌سوز

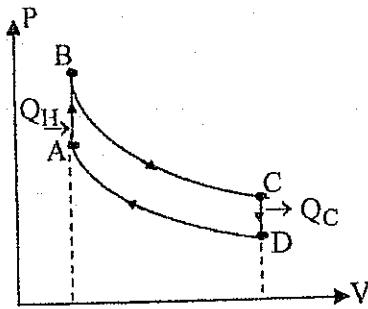
چرخه موتورهای بنزینی موسوم به چرخه اتو به صورت رویه‌روست:

A تا B: دستگاه مقداری گرما می‌گیرد و دما و فشار آن به مقدار زیادی بالا می‌رود (مرحله‌ی آتش گرفتن)

B تا C: دستگاه منبسط می‌شود و پیستون را به طرف پایین می‌راند.

C تا D: دستگاه مقداری گرما از دست می‌دهد و دما و فشار آن کاهش می‌یابد. (مرحله‌ی تخلیه)

D تا A: دستگاه متراکم می‌شود و فشار و حجم آن به وضعیت اولیه برگردانده می‌شود.



☺ تست (۳۰) با توجه به قانون دوم ترمودینامیک کدام گزینه صحیح است؟

- ۱) مقدار معینی گرما را می‌توان تماماً به کار تبدیل کرد.
- ۲) بازده ماشین‌های گرمایی که با چرخه کارنو کار می‌کنند یک است.
- ۳) ماشین‌های گرمایی درون‌سوز فقط با یک چشمه گرما کار می‌کنند.
- ۴) مقدار معینی کار را می‌توان تماماً به گرما تبدیل کرد.

☺ تست (۳۱) بازده یک ماشین بخار ۰/۲ است. در این ماشین در هر چرخه ۱۶۰۰۰ جرم به منبع سرد داده می‌شود. کار مکانیکی انجام شده در یک چرخه چند ژول است؟

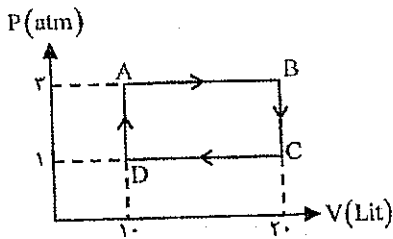
۲۰۰۰ (۴)

۱۲۰۰ (۳)

۸۰۰ (۲)

۴۰۰ (۱)

☺ تست ۳۲) یک مول گاز کامل تک اتمی چرخه‌ای مطابق شکل را می‌پیماید. اگر این چرخه مربوط به یک ماشین گرمایی باشد، بازده آن کدام است؟



$\frac{2}{7}$ (۲)
 $\frac{4}{21}$ (۴)

$\frac{1}{7}$ (۱)
 $\frac{3}{14}$ (۳)

☺ تست ۳۳) بازده یک ماشین گرمایی کارنو ۰/۴ است. اگر دمای مطلق منبع سرد را ۲۵ درصد کاهش دهیم، بازده آن می‌یابد.

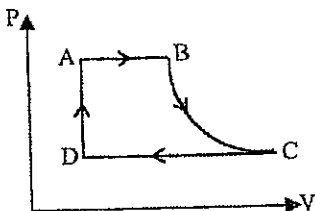
(۴) ۲۵ درصد افزایش

(۳) ۱۵ درصد افزایش

(۲) ۲۵ درصد کاهش

(۱) ۱۵ درصد کاهش

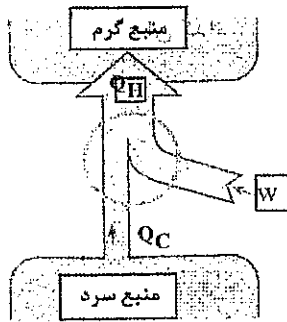
☺ تست ۳۴) نمودار P-V یک ماشین بخار به صورت روبه‌رو است. در مرحله انرژی مکانیکی از ماشین بخار گرفته می‌شود و در مرحله تبدیل آب به بخار آب داغ صورت می‌گیرد.



CD و BC (۲)
CD و DA (۴)

AB و DA (۱)
AB و BC (۳)

یخچال یا کولر گازی



در هر یخچال مقداری ماده کاری (گاز) چرخه‌ای را در جهت پاد ساعت گرد طی می‌کند و از یک منبع سرد مقداری گرما می‌گیرد و پس از انجام کار روی آن مقدار بیشتری گرما را به منبع گرم منتقل می‌کند.
طبق قانون اول ترمودینامیک:

$$Q_H = W + Q_C$$

Q_H ← گرمای داده شده به منبع گرم
 W ← کار موتور
 Q_C ← گرمای گرفته شده از منبع سرد

$$P = \frac{W}{t}$$

P توان موتور

قانون دوم ترمودینامیک (به بیان یخچالی):

هیچ‌گاه امکان ندارد گرما به صورت خودبه‌خود از منبع سرد به منبع گرم منتقل شود.

ضریب عملکرد یخچال

هر چه یخچال با انجام کار کمتر، گرمای بیش‌تری را از درون یخچال به بیرون منتقل کند، یخچال بهتری است. ضریب عملکرد یخچال برابر است با نسبت گرمای گرفته شده از منبع سرد به کاری که موتور یخچال انجام می‌دهد.

$$K = \frac{Q_C}{W}$$

$$K = \frac{T_C}{T_H - T_C}$$

ضریب عملکرد یخچال کارنو برابر است با:

نکته ۱) در یخچالی به ضریب عملکرد K نسبت گرمای گرفته شده از منبع سرد به گرمای داده شده به منبع گرم برابر است با:

$$\frac{Q_C}{Q_H} = \frac{K}{K+1}$$

نکته ۲) اگر پرفه‌ی یک یخچال وارونه شود، به یک ماشین گرمایی تبدیل می‌شود. اگر ضریب عملکرد یخچال K باشد، بازده ماشین گرمایی برابر است با:

$$\eta = \frac{1}{K+1}$$

☺ تست ۳۵) یک یخچال کارنو بین دو دمای 200K و 300K کار می‌کند. ضریب عملکرد آن کدام است؟

- ۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴)

☺ تست ۳۶) ضریب عملکرد یخچالی ۵ است. گرمای داده شده به محیط چند درصد بیش تر از گرمای گرفته شده از داخل است؟

- ۱۲ (۱) ۲۰ (۲) ۲۵ (۳) ۴۰ (۴)

☺ تست ۳۷) توان مصرفی یک کولر گازی 0.5 کیلو وات است و در هر دقیقه $1.5 \times 10^5 \text{ J}$ گرما به فضای بیرون می‌دهد. ضریب عملکرد آن کدام است؟

- ۱ (۱) $2/5$ (۲) ۴ (۳) ۵ (۴)

☺ تست ۳۸) ضریب عملکرد یک کولر گازی ۴ است. این کولر در ۵ دقیقه دمای هوای اتاقی به ابعاد $2/5 \times 2/5 \times 4$ متر را 2°C کاهش می‌دهد. توان مفید موتور این کولر چند وات است؟ (گرمای ویژه هوا $900 \text{ J/kg}^\circ\text{C}$ و چگالی هوا $1/2 \text{ kg/m}^3$ و اتلاف گرما ناچیز است.)

- ۱۵۰ (۱) ۴۵۰ (۲)

- ۲۵۰ (۳) ۹۰۰ (۴)

الکتروسیته ساکن و خازن

تعداد سوال در کنکور سراسری تجربی : ۲ سوال

تعداد سوال در کنکور سراسری ریاضی : ۳ سوال

الکتروسیسته ساکن

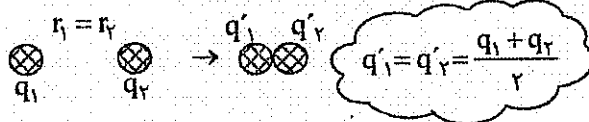
ویژگی‌های بار الکتریکی

(۱) کوانتمی است: یعنی هر بار الکتریکی مضرب صحیحی از یک بار پایه است.

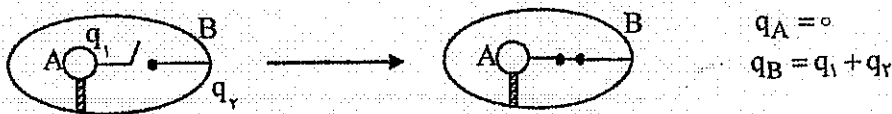
$q = \pm ne$ بار الکتریکی
 $e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$ تعداد الکترون
 $\Rightarrow \frac{q}{e} = \text{عدد صحیح}$

(۲) پایسته است: یعنی در تماس دو جسم با یکدیگر بار کل ثابت می‌ماند و فقط تعدادی الکترون از یک جسم به دیگری منتقل می‌شود.

نکته (۱) اگر دو گلوله‌ی رسانای مشابه را با یکدیگر تماس دهیم، بعد از تماس بارهای دو گلوله مساوی می‌شود.



نکته (۲) اگر دو جسم رسانا را از داخل با یکدیگر تماس دهیم، بعد از تماس همه‌ی بار روی سطح خارجی رسانای بیرونی پخش می‌شود.



چگالی سطحی δ : مقدار بار الکتریکی در واحد سطح، چگالی سطحی نامیده می‌شود.

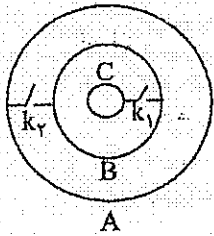
$\delta = \frac{q}{A}$
 $A = 4\pi r^2$ مساحت کره
 $\delta = \frac{q}{A}$ چگالی سطحی

✓ چگالی سطحی در نقاط نوک تیز بیش‌تر است.

☺ تست (۱) دو کره‌ی رسانا به شعاع‌های 5 cm و 10 cm به ترتیب بار الکتریکی $3 \mu\text{C}$ و $4 \mu\text{C}$ دارند. نسبت چگالی سطحی کره‌ی کوچک‌تر به چگالی سطح کره‌ی بزرگ‌تر چقدر است؟

$\frac{r_2}{r_1} = \frac{10}{5} = 2$
 $\frac{q_2}{q_1} = \frac{4}{3}$
 $\frac{\sigma_2}{\sigma_1} = \frac{q_2}{q_1} \times \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2 = \frac{4}{3} \times \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{4}{3} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{3}$

تست ۲) پوسته‌های کره‌ای فلزی A و B و کره‌ی فلزی C را مطابق شکل در نظر بگیرید. بار الکتریکی کره‌ها به ترتیب $Q_A = -Q$ و $Q_B = 2Q$ و $Q_C = 4Q$ است. با بستن کلیدهای k_1 و k_2 کره‌ها به هم متصل می‌شوند. پس از تعادل، کدام گزینه درست است؟ (المیاد)



(۱) $Q_C = +2Q$ و $Q_B = 0$ و $Q_A = +2Q$

(۲) $Q_C = Q_B = Q_A = +2Q$

(۳) $Q_B = Q_C = 0$ و $Q_A = +4Q$

(۴) $Q_C = +Q$ و $Q_B = +2Q$ و $Q_A = +2Q$

با بستن کلیدها بار کره خارج B و C هم‌نشده و خارج B در سطح خارج کره‌ی A جمع می‌شود.

تست ۳) به هر سانتی‌متر از یک میله‌ی عایق به طول ۲۰ سانتی‌متر به مقدار 10^{10} الکترون می‌دهیم. بار آن چند میکروکولن می‌شود؟

$(e = 1.6 \times 10^{-19})$

(۴) $4/8 \times 10^{-2}$

(۳) $4/8 \times 10^{-8}$

(۲) $3/2 \times 10^{-8}$

(۱) $3/2 \times 10^{-2}$

$1 \text{ cm} \rightarrow 10^{-2} \text{ m}$
 $20 \text{ cm} \rightarrow 20 \times 10^{-2} \text{ m}$

$q = ne \rightarrow 2 \times 10^{10} \times 1.6 \times 10^{-19} \rightarrow 3.2 \times 10^{-9} \text{ C} \rightarrow 3.2 \times 10^{-2} \mu\text{C}$

قانون کولن

نیروی الکتریکی بین دو بار با حاصل ضرب بارها نسبت مستقیم و با مجذور فاصله‌ی بین دو بار نسبت عکس دارد.

$F = \frac{kq_1q_2}{r^2}$

ثابت کولن $k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$

$k = 9 \times 10^9 \frac{\text{Nm}^2}{\text{C}^2}$

ϵ_0 ضریب گذردهی الکتریکی خلاء نام دارد و یک ثابت جهانی است. یکای ϵ_0 برعکس یکای K است.

$[\epsilon_0] = \frac{\text{C}^2}{\text{Nm}^2}$

قانون نوده: اگر فاصله بین دو بار برحسب cm و اندازه بارها برحسب μC داده شود بدون تبدیل واحد $k = 90$ فرض شود.

تست ۴) دو بار الکتریکی $q_1 = +5 \mu\text{C}$ و $q_2 = -8 \mu\text{C}$ در فاصله ۲۰ سانتی‌متری یکدیگر قرار دارند نیروی الکتریکی بین دو بار از چه نوعی و چند نیوتون است؟

(۴) ربایشی و ۴/۵

(۳) رانشی و ۴/۵

(۲) ربایشی و ۹

(۱) رانشی و ۹

قانون نوده $k = 90$ به جای $k = 9 \times 10^9$ استفاده می‌شود.

$F = \frac{90 \times 5 \times 8}{20 \times 20} = 9 \text{ N}$

یادآوری ریاضی

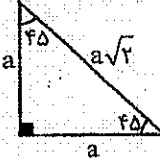
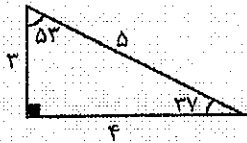
بر آیند بردارها

بردارهای خلاف جهت: $|\vec{R}| = |\vec{A}| - |\vec{B}|$

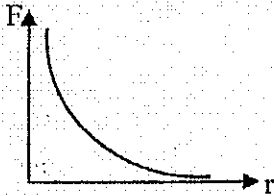
بردارهای هم جهت: $|\vec{R}| = |\vec{A}| + |\vec{B}|$

بردارهای هم اندازه: $|\vec{R}| = 2A \cos \frac{\alpha}{2}$

بردارهای عمود بر هم: $|\vec{R}| = \sqrt{A^2 + B^2}$

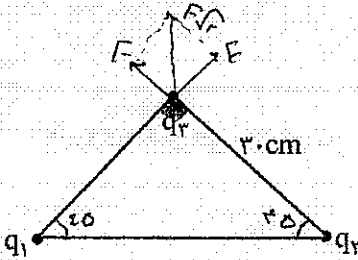


نکته اگر فاصله‌ی بین دو بار الکتریکی را از صفر تا بی نهایت تغییر دهیم، نمودار تغییرات نیروی الکتریکی بر حسب فاصله‌ی دو بار به صورت زیر است:



$F \propto \frac{1}{r^2}$

تست ۵ در شکل روبه‌رو اگر $q_1 = q_2 = q_3 = 10 \mu\text{C}$ باشد، نیروی الکتریکی وارد بر بار q_3 چند نیوتن است؟



$F = \frac{k q_1 q_2}{r^2} = \frac{9 \times 10^9 \times 10 \times 10}{25} = 3600 \text{ N}$

جواب: $F = \sqrt{2} \times 10 \sqrt{2} \mu\text{N}$

۱۰ (۱)

۱۰√۲ (۲)

۲۰ (۳)

۲۰√۲ (۴)

تست ۶ دو بار الکتریکی مشابه q از فاصله r نیروی F بر یکدیگر وارد می‌کنند. چند درصد یکی از بارها را کم کرده و به دیگری اضافه کنیم تا نیروی الکتریکی بین دو بار در همان فاصله قبلی به اندازه‌ی ۴ درصد کاهش یابد؟ (مشابه سراسری تجربی ۸۸)

$\frac{F_2}{F_1} = \frac{q^2 - \alpha^2}{q^2}$

$\frac{24}{25} = 1 - (\frac{\alpha}{q})^2 \Rightarrow (\frac{\alpha}{q})^2 = \frac{1}{25} \Rightarrow \frac{\alpha}{q} = \frac{1}{5} = 20\%$

۱۰ (۳)

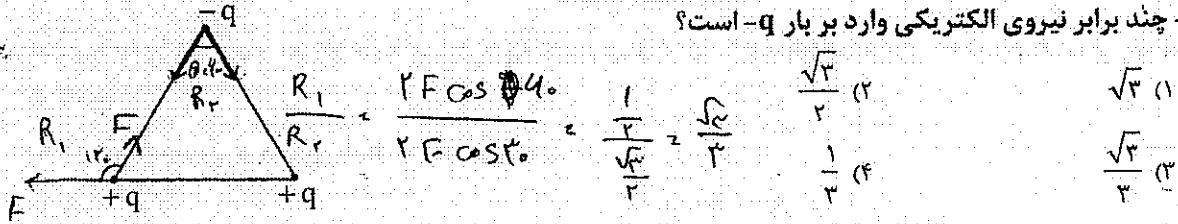
۱۶ (۲)

۸ (۱)

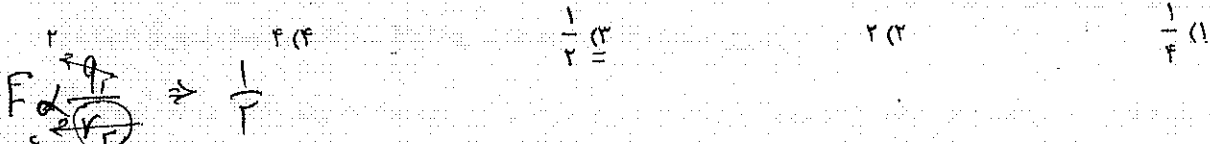
سراسری تجربی

$\frac{\alpha}{q} = \frac{\text{قدر کم شده}}{\text{نیروی کم کرده}} \Rightarrow \sqrt{\frac{1}{25}} = \frac{1}{5} = 20\%$

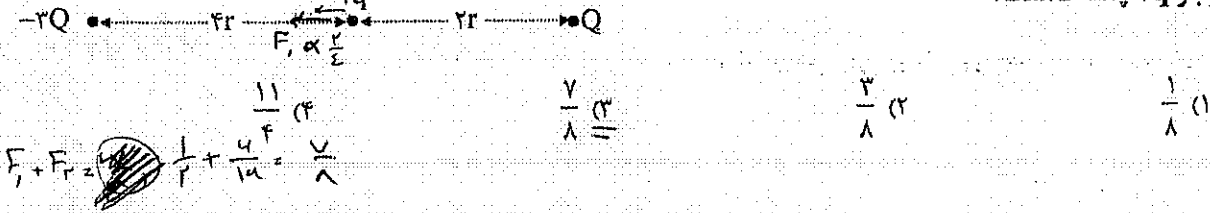
⊙ تست ۷) سه بار الکتریکی $+q$ و $+q$ و $-q$ در سه رأس مثلث متساوی الاضلاع قرار دارند. نیروی الکتریکی وارد بر هر بار $+q$ چند برابر نیروی الکتریکی وارد بر بار $-q$ است؟



⊙ تست ۸) اگر فاصله دو ذره‌ی باردار را ۲ برابر و اندازه یکی از بارها را نیز ۲ برابر کنیم، نیرویی که دو ذره بر هم وارد می‌کنند چند برابر حالت اول می‌شود؟



⊙ تست ۹) اگر اندازه‌ی نیرویی که بار q از فاصله r بر بار Q وارد می‌کند F باشد، در شکل زیر برآیند نیروهای الکتریکی وارد بر بار $2q$ چند F است؟



تعیین نقطه تعادل

فرض کنید دو بار الکتریکی نقطه‌ای Q و q در دو طرف پاره خطی به فاصله d از یکدیگر قرار دارند، نقطه تعادل به صورت زیر محاسبه می‌شود:

اگر دو بار هم‌نام باشند، بین آن‌ها و اگر دو بار غیر هم‌نام باشند، خارج آن‌ها و همواره نزدیک بار کوچک‌تر از نظر قدرمطلق، نقطه‌ای یافت می‌شود که در آن نیروی الکتریکی و میدان الکتریکی صفر است. فاصله‌ی این نقطه از بار کوچک‌تر برابر است با:

فاصله‌ی دو بار d

$$x = \frac{d}{\sqrt{\frac{Q}{q} \pm 1}}$$

بار بزرگ‌تر

⊕ بارهای هم‌نام ⊖ بارهای غیر هم‌نام

⊙ تست ۱۰) دو بار الکتریکی $q_1 = +4\mu C$ و $q_2 = -9\mu C$ در فاصله‌ی ۱ متری یکدیگر قرار دارند. در فاصله‌ی چند متری بار q_1 میدان الکتریکی صفر است؟

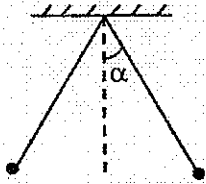
- (۱) 0.4 (۲) $1/5$ (۳) 2 (۴) 3

$$m = \frac{1}{\frac{1}{3} - 1} = 1.5$$

آونگ الکتریکی

فرض کنید به دو گلوله رسانا بارهای هم نام داده‌ایم و آن‌ها را به وسیله‌ی دو نخ سبک هم طول از یک نقطه آویزان کرده‌ایم.

به هر گلوله سه نیرو مطابق شکل اعمال می‌شود:



نیروی دافعه الکتریکی F

$$\tan \alpha = \frac{F}{mg}$$

زاویه انحراف

تذکر (۱) اگر دو گلوله هم‌جرم باشند (حتی اگر بارها یکسان نباشد) الزاماً زاویه‌ی انحراف دو نخ مساوی است. چنانچه جرم‌ها یکسان نباشند، گلوله‌ی سبک‌تر انحراف بیشتری دارد.

☺ تست (۱۱) دو گلوله کوچک هم وزن یکی دارای بار $q_1 = q$ و دیگری $q_2 = 2q$ را به انتهای دو نخ با طول‌های مساوی بسته و انتهای دیگر نخ‌ها را از یک نقطه می‌آویزیم. زاویه انحراف دو گلوله از وضعیت تعادل را که به ترتیب α و β می‌نامیم، باهم چه رابطه‌ای دارند؟

$\tan \beta = 2 \tan \alpha$ (۴)

$2\alpha > \beta > \alpha$ (۳)

$\beta = 2\alpha$ (۲)

$\alpha = \beta$ (۱)

☺ تست (۱۲) به دو گلوله‌ی رسانا که جرم هر کدام 10 گرم است، بارهای هم نام داده‌ایم و آن‌ها را به وسیله‌ی دو نخ سبک 20 سانتی متری از یک نقطه آویزان می‌کنیم. اگر نیروی دافعه‌ی الکتریکی بین دو گلوله 0.1 N باشد در حالت تعادل زاویه‌ی بین دو نخ و فاصله‌ی بین دو گلوله سانتی متر است.

$20\sqrt{2}$ و $\frac{\pi}{2}$ (۴)

$20\sqrt{2}$ و $\frac{\pi}{3}$ (۳)

20 و $\frac{\pi}{2}$ (۲)

20 و $\frac{\pi}{3}$ (۱)

$\tan \alpha = \frac{F}{mg} = \frac{0.1}{10 \cdot 10^{-3}}$ $\rightarrow \alpha = 45^\circ$

زاویه بین نخ‌ها $= 2\alpha = 90^\circ$

میدان الکتریکی

$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q}$$

میدان الکتریکی \vec{E} برابر است با نیروی الکتریکی وارد بر یکای بار مثبت.

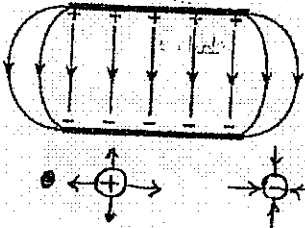
(۱) اگر بار q درون میدان الکتریکی \vec{E} قرار گیرد، نیروی الکتریکی وارد بر آن برابر است با: $\vec{F} = \vec{E}q$

یکای میدان الکتریکی $= \frac{N}{C}$

$E = \frac{kq}{r^2}$

(۲) میدان الکتریکی در فاصله r از بار q برابر است با:

(۳) میدان الکتریکی بین دو صفحه رسانای موازی، یکنواخت است و برابر است با:



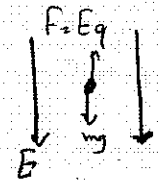
افتلاف پتانسیل بین دو صفحه
فاصله d $E = \frac{\Delta V}{d}$ میدان یکنواخت

یکای میدان الکتریکی $= \frac{V}{m}$

(۴) جهت خطوط میدان الکتریکی از طرف بار مثبت به طرف بار منفی است. هر چه خطهای میدان متراکمتر باشند، میدان قویتر است و هر چه در جهت خطهای میدان جلو برویم، پتانسیل الکتریکی کمتر می شود.

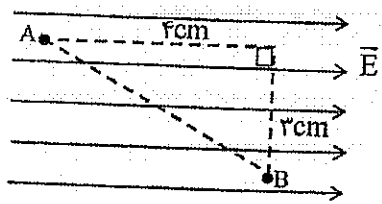
نکته: بر بار مثبت نیروی الکتریکی در جهت میدان و بر بار منفی نیروی الکتریکی در خلاف جهت میدان وارد می شود.

تست (۱۳) بار الکتریکی q درون میدان الکتریکی یکنواخت $\frac{5000}{C} N$ که جهت آن قائم و به طرف پایین است. به صورت معلق، ساکن است. بار q چند میکروکولن است؟ (جرم ذره‌ی باردار 2 گرم است)



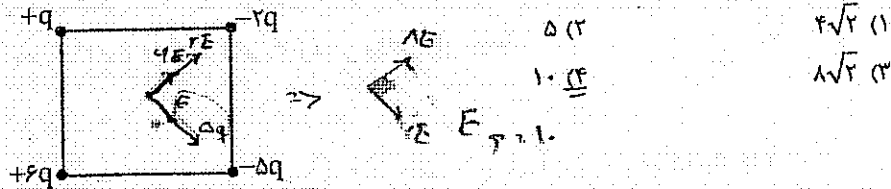
$F = Eq = mg$
 $5 \times 10^3 q = 20 \times 10^{-3}$
 $q < \frac{20 \times 10^{-3}}{5 \times 10^3} = 4 \times 10^{-6} C$

تست (۱۴) در شکل روبه‌رو بزرگی میدان الکتریکی یکنواخت $\frac{300}{C} N$ است. $V_B - V_A$ چند ولت است؟

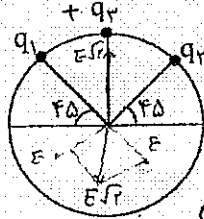


$E = \frac{\Delta V}{d} \Rightarrow V_B - V_A = -E d = -300 \times \frac{2}{100} = -12V$
 $V_B < V_A \Rightarrow V_B - V_A < 0$

تست ۱۵) اگر در یک رأس مربع بار q قرار گیرد، میدان الکتریکی حاصل از آن در مرکز مربع E است. حال اگر در چهار رأس همان مربع بارهای الکتریکی مطابق شکل قرار گیرند، اندازه میدان الکتریکی در مرکز آن چند E می شود؟
(سراسری ریاضی ۸۶)



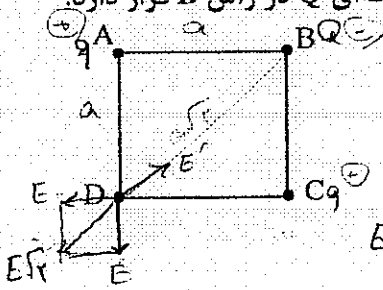
تست ۱۶) در شکل روبه‌رو $q_1 = q_2 = -4\mu C$ است. بار q_3 چند میکروکولن باشد تا میدان الکتریکی در مرکز دایره صفر شود؟



- $-4 \quad (1)$
- $-4\sqrt{2} \quad (2)$
- $+4 \quad (3)$
- $+4\sqrt{2} \quad (4)$

باید میدان حاصل از بار q_3 برابر E به سمت پایین باشد پس علامت q_3 مثبت و اندازه q_3 آن $4\sqrt{2}$ برابر q_1 است.

تست ۱۷) در شکل روبه‌رو دو بار نقطه‌ای یکسان q در دو رأس A و C از مربع و بار نقطه‌ای Q در رأس B قرار دارد. اگر میدان الکتریکی در نقطه D برابر صفر باشد کدام است؟



گردشی، $\frac{Q}{a}$

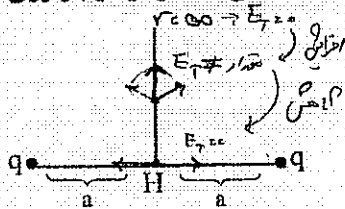
- $\sqrt{2} \quad (1)$
- $2\sqrt{2} \quad (3)$
- $-\sqrt{2} \quad (2)$
- $-2\sqrt{2} \quad (4)$

$$E = E_1 + E_2 + E_Q = 0$$

$$E = \frac{kq}{a^2} + \frac{kq}{a^2} - \frac{kQ}{a^2} = 0$$

$$Q = 2\sqrt{2}q = \frac{Q}{a} = -2\sqrt{2}$$

تست ۱۸) دو بار الکتریکی هم اندازه q در دو طرف پاره خطی قرار دارند. بزرگی میدان الکتریکی حاصل از دو بار روی عمود منصف این پاره خط از فاصله‌های دور تا نقطه H چگونه تغییر می کند؟

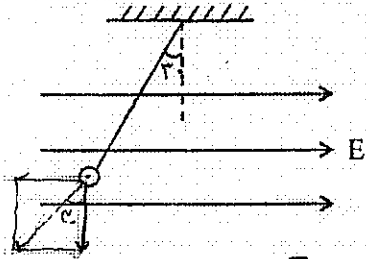


- (۱) پیوسته کاهش
- (۲) پیوسته افزایش
- (۳) کاهش - افزایش
- (۴) افزایش - کاهش

در چه نقطه‌ای روی عمود منصف میدان الکتریکی Max می شود؟ جواب: $(x = \frac{\sqrt{2}}{2}a)$

☺ تست ۱۹) گلوله به جرم $\frac{0}{3}$ گرم مطابق شکل درون میدان الکتریکی یکنواخت $3000 \frac{N}{C}$ واقع شده و ساکن است. بار

گلوله چند میکروکولن است؟

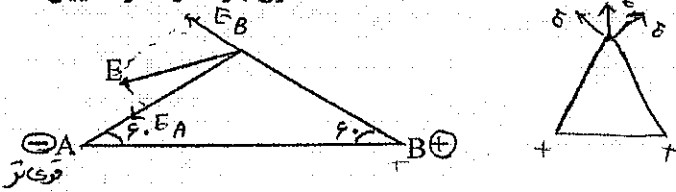


- (۱) $+\sqrt{3}$
- (۲) $-\sqrt{3}$
- (۳) $+\frac{\sqrt{3}}{3}$
- (۴) $-\frac{\sqrt{3}}{3}$

چون اثرات گلوله خلاف جهت میدان است نوع بار منفی است.

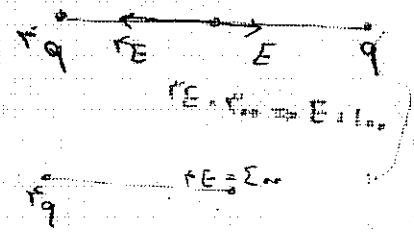
$$T \sin 30 = \frac{Eq}{mg} \Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{3 \times 10^{-3} \times q}{3 \times 10^{-3}} \Rightarrow q = \frac{\sqrt{3}}{3} \times 10^{-4} C = \frac{\sqrt{3}}{3} \mu C \Rightarrow -\frac{\sqrt{3}}{3} \mu C$$

☺ مثال ۲۰) در شکل روبه‌رو E شدت میدان حاصل از دو بار نقطه‌ای واقع در نقاط A و B است. نوع بار A و B را تعیین کنید و بگویید کدام یک قوی‌تر است؟



☺ تست ۲۱) دو بار نقطه‌ای هم نام که اندازه‌ی یکی ۴ برابر دیگری است به فاصله ۲ از یکدیگر قرار دارند و برآیند میدان الکتریکی در وسط دو بار $300 \frac{N}{C}$ است. اگر بار کوچک‌تر را خنثی کنیم، اندازه‌ی میدان در نقطه مذکور چند $\frac{N}{C}$ می‌شود؟

- (۱) ۳۰۰
- (۲) ۱۷۵
- (۳) ۴۰۰
- (۴) ۵۵۰



اختلاف پتانسیل الکتریکی

انرژی لازم برای انتقال واحد بار مثبت از یک نقطه به نقطه‌ای دیگر اختلاف پتانسیل نامیده می‌شود.

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q} \rightarrow \Delta u = q(V_2 - V_1) \quad \left(1V = 1 \frac{J}{C} \right)$$

تفاوت پتانسیل است

شدت جریان I: مقدار بار الکتریکی که در واحد زمان از یک مقطع رسانا عبور می‌کند، شدت جریان نامیده می‌شود.

$$I = \frac{q}{t} \quad \left(1A = 1 \frac{C}{S} \right)$$

ne
↑
I = q/t

تذکره: اگر از معادله‌ی بار الکتریکی نسبت به زمان مشتق بگیریم، معادله شدت جریان لحظه‌ای به دست می‌آید.

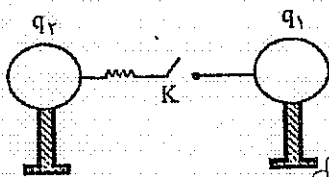
☺ تست ۲۲) معادله بار الکتریکی عبوری از یک مقطع رسانا در SI به صورت $q = 2t^2 + 3t + 1$ است. شدت جریان متوسط در دو ثانیه‌ی اول و شدت جریان در لحظه‌ی $t = 2s$ است.

- ۱) ۷A و ۱۱A ۲) ۷A و ۹A ۳) ۹A و ۱۱A ۴) ۹A و ۹A

$$\left. \begin{matrix} t=0 \rightarrow q=1 \\ t=2 \rightarrow q=15 \end{matrix} \right\} \Rightarrow \bar{I} = \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{14}{2} = 7A$$

$$I = \frac{dq}{dt} = 4t + 3 \xrightarrow{t=2} I = 11A$$

☺ تست ۲۳) دو کره‌ی رسانا کاملاً مشابه دارای بار $q_1 = +10 \mu C$ و $q_2 = -6 \mu C$ روی پایه عایق قرار دارند. این دو کره را با بستن کلید توسط سیم فلزی به یکدیگر وصل می‌کنیم. ۰/۲ میلی ثانیه طول می‌کشد تا دو کره هم پتانسیل شوند. جریان متوسطی که در این مدت از سیم می‌گذرد چند آمپر است؟



$$q_1 = 10 \mu C \quad q_2 = -6$$

$$q_1 = q_2 = \frac{q_1 + q_2}{2} = \frac{10 - 6}{2} = 2 \mu C$$

$$\Delta q = 10 - 2 = 8 \mu C$$

$$\bar{I} = \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{8 \times 10^{-6}}{2 \times 10^{-2}} = 4 \times 10^{-4} A$$

۱) ۰/۸

۲) ۰/۴

۳) 8×10^{-3}

۴) 4×10^{-2}

جهت که جسم خود، خود می رود به سمت کاهش انرژی پتانسیل است

$$W_E = -\Delta U = q(V_2 - V_1)$$

حرکت بار الکتریکی در میدان الکتریکی

۱) اگر بار مثبت در جهت میدان با سرعت ثابت حرکت کند، انرژی پتانسیل بار کاهش می یابد و کاری که ما انجام می دهیم منفی است و کار میدان روی بار مثبت است.

۲) اگر بار منفی در جهت میدان با سرعت ثابت حرکت کند انرژی پتانسیل بار افزایش می یابد و کار ما مثبت است و کار میدان روی بار منفی است.

۳) اگر بار مثبت در خلاف جهت میدان با سرعت ثابت حرکت کند، انرژی پتانسیل بار افزایش می یابد و کاری که ما انجام می دهیم مثبت است و کار میدان روی بار منفی است.

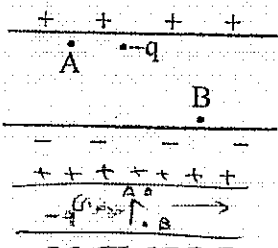
۴) اگر بار منفی در خلاف جهت میدان با سرعت ثابت حرکت کند انرژی پتانسیل بار می یابد و کار ما است و کار میدان روی بار است.

☺ تست ۲۴) بار الکتریکی $q = -2 \mu C$ از نقطه ای با پتانسیل الکتریکی $-40V$ تا نقطه ای با پتانسیل الکتریکی $-10V$ جابه جا می شود. انرژی پتانسیل بار چند ژول و چگونه تغییر می کند؟ (سراسری ریاضی ۸۸)

۱) $10^{-4} J$ کاهش ۲) $10^{-4} J$ افزایش ۳) $6 \times 10^{-5} J$ کاهش ۴) $6 \times 10^{-5} J$ افزایش

$$\Delta U = -2 \times 10^{-6} \times 30 = -6 \times 10^{-5} J$$

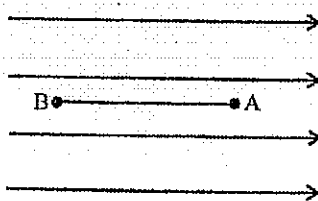
☺ تست ۲۵) در شکل روبه رو اگر نیروی وارد بر بار نقطه ای $(-q)$ و انرژی پتانسیل این بار در نقطه A را به ترتیب F_A و U_A و همین کمیت ها در نقطه B را با F_B و U_B نشان دهیم، کدام رابطه درست است؟



- ۱) $U_A > U_B$ و $F_A = F_B$
 ۲) $U_A \leq U_B$ و $F_A > F_B$
 ۳) $U_A \geq U_B$ و $F_A < F_B$
 ۴) $U_A < U_B$ و $F_A = F_B$

☺ تست ۲۶) بار الکتریکی $q = -4 \mu C$ مطابق شکل در یک میدان الکتریکی یکنواخت به بزرگی $10^5 \frac{V}{m}$ رها می شود. در

جابه جایی بار q از A تا B انرژی جنبشی بار 8 میلی ژول افزایش می یابد. $V_B - V_A$ چند کیلوولت است؟ (سراسری ریاضی ۸۹)



۲ (۲) -۲ (۱)
 $\Delta K = +8 mJ$ -۲۰۰ (۴) ۲۰۰ (۳)
 $\Delta U = -\Delta K = -8 mJ$
 $\Delta U = q(V_B - V_A) \Rightarrow -8 \times 10^{-3} = -4 \times 10^{-6} \Delta V$
 $\Delta V = 2 \times 10^3 V \Rightarrow 2 kV$

خازن

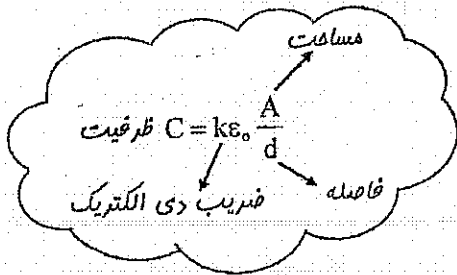
خازن یک قطعه الکتریکی است که می‌تواند بار الکتریکی و انرژی الکتریکی را در خود ذخیره کند. ساده‌ترین نوع خازن، خازن تخت یا مسطح است. رساناهای خازن مسطح، دو صفحه فلزی موازی یکدیگرند و در ناحیه بین دو صفحه می‌تواند خلاء (هوا) یا یک نارسانای دیگر مانند روغن یا شیشه باشد. برای ذخیره بار الکتریکی در خازن، دو صفحه آن را به یک باتری وصل می‌کنند.

ظرفیت خازن: نسبت بار به اختلاف پتانسیل بین دو صفحه خازن مقدار ثابتی است که ظرفیت خازن نامیده می‌شود.

$C = \frac{q}{V} = \text{ثابت}$

$(V = \frac{C}{q})$

ظرفیت به q و V ربطی ندارد و از ویژگی‌های ساختمانی خازن است. فرمول ساختمانی ظرفیت خازن به صورت روبه‌رو است:



هوا $k = 1$

انرژی خازن: اگر خازنی به ظرفیت C با اختلاف پتانسیل V پر شود، انرژی خازن برابر است با:

$U = \frac{1}{2} CV^2 = \frac{qV}{2} = \frac{q^2}{2C}$

مثال (۲۷) فاصله‌ی بین دو صفحه خازن ۲ برابر و اختلاف پتانسیل بین دو صفحه ۳ برابر می‌شود. ظرفیت خازن، بزرگی میدان الکتریکی بین دو صفحه و بار الکتریکی و انرژی خازن به ترتیب چند برابر می‌شود؟

$C = k \epsilon_0 \frac{A}{d} \Rightarrow C \propto \frac{1}{d}$
 برابر \downarrow
 برابر \downarrow

$q = CV = q \propto \frac{V}{d}$
 برابر \downarrow
 برابر \downarrow

$E = \frac{\Delta V}{d} \Rightarrow E \propto \frac{V}{d}$
 برابر \downarrow
 برابر \downarrow

$U = \frac{1}{2} CV^2 = u \propto \epsilon_0 d$
 برابر \downarrow
 برابر \downarrow

تغییر در ساختمان خازن

به دو حالت زیر توجه کنید.

۱- اگر در حالی که خازن به باتری متصل است (V ثابت) تغییر در ساختمان خازن ایجاد کنیم می توان نوشت:

$$V = \text{ثابت} \Rightarrow \begin{cases} q = CV \Rightarrow q \propto C \\ U = \frac{1}{2} CV^2 \Rightarrow U \propto C \end{cases}$$

۲- اگر خازن پر شده ای را از مولد جدا کنیم (q ثابت) و در این حالت تغییری در ساختمان خازن ایجاد کنیم، می توان نوشت:

$$q = \text{ثابت} \Rightarrow \begin{cases} V = \frac{q}{C} \Rightarrow V \propto \frac{1}{C} \\ U = \frac{q^2}{2C} \Rightarrow U \propto \frac{1}{C} \end{cases}$$

نکته) اگر یک ماده عایق به ضریب دی الکتریک k بین دو صفحه خازن وارد شود، ظرفیت آن k برابر می شود. اگر یک تیغه فلزی به ضخامت a بین دو صفحه خازن قرار گیرد، چون فاصله موثر بین دو صفحه کم می شود، ظرفیت آن زیاد می شود.

☺ (تست ۲۸) بین دو صفحه خازنی هواست. نیمی از فاصله بین دو صفحه را با یک تیغه فلزی و نیمه دیگر را به یک ماده ای عایق به ضریب دی الکتریک ۳ پر کرده ایم. ظرفیت خازن چند برابر می شود؟

ظرفیت ۳ برابر $\frac{3}{2}$ (۱) $\frac{4}{3}$ (۴) $\frac{3}{2}$ (۲) $\frac{4}{3}$ (۳) $\frac{3}{2}$ (۱)

$$C = \frac{2 \times 3}{d} \times \frac{3}{k} = 4$$

☺ (تست ۲۹) یکی از صفحه های خازن مسطحی را که به یک باتری متصل است از وسط نصف می کنیم، کدام یک از عبارات زیر درست است؟ (المیاد)

۱. ۲. ۳. ۴.

(۱) بر اثر این کار دیگر خازن نداریم.

(۲) بار روی صفحه سالم دو برابر بار روی صفحه نصف شده است.

(۳) بار صفحه سالم و نصف شده برابر و نصف حالت قبل است.

(۴) بار صفحه سالم و نصف شده برابر و $\frac{1}{4}$ حالت قبل است.

$$q = CV \Rightarrow q \propto \frac{1}{r}$$

کاهش

☺ (تست ۳۰) خازن مسطحی را پس از پر شدن، از باتری جدا می کنیم. اگر بدون اتصال صفحات آن، دو صفحه را از هم دور کنیم، ظرفیت و اختلاف پتانسیل بین دو صفحه به ترتیب چگونه تغییر می کنند؟ (سراسری ۸۳ و ۸۵)

- (۱) افزایش - افزایش (۲) کاهش - کاهش (۳) کاهش - افزایش (۴) افزایش - کاهش

$$C \propto \frac{1}{d}$$

$$C \propto \frac{1}{r}$$

☺ (تست ۳۱) در وسط دو صفحه خازن پر شده ای الکترونی رها می شود. این الکترون

(۱) با سرعت ثابت در جهت میدان حرکت می کند.

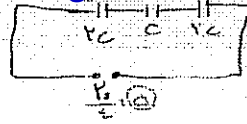
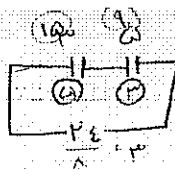
(۲) با شتاب ثابت در جهت میدان حرکت می کند.

(۳) با شتاب ثابت در جهت مخالف میدان حرکت می کند.

(۴) با شتاب ثابت در جهت مخالف میدان حرکت می کند.

نیم در بعضی ی خازن پر شده سیم الکتریکی برداشته است حتی اگر سیم با سرب سرد و فلز Fe ma باشد ثابت حرکت جهت سیم ها می شود

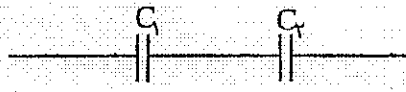
(مثال)



الکتريسيته ساکن و خازن

فيزيک پایه

مدارهای خازن



حالت ۱) خازن‌های سری (متوالی)

الف) ظرفیت معادل برابر است با: $\frac{1}{C} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \dots$

✓ اگر دو خازن C_1 و C_2 به صورت سری بسته شوند $C = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2}$

نکته: موارد روبه‌رو در مورد خازن‌های سری بسیار کاربرد دارند.

خازن‌های سری

- ۶, ۳ → ۲
- ۴, ۱۲ → ۳
- ۶, ۱۲ → ۴

✓ اگر n خازن سری مشابه باشند، ظرفیت معادل آن‌ها برابر است با: $C = \frac{C_1}{n}$

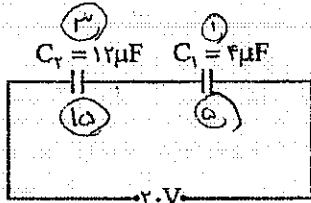
در مدارها \rightarrow خازن‌ها سری

بزرگترین ظرفیت $C = \frac{1}{\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \dots}$

ب) وقتی خازن‌ها سری هستند، بار الکتریکی آن‌ها یکسان است. $q = q_1 = q_2 = \dots$

$q = \text{ثابت} \rightarrow \begin{cases} V = \frac{q}{C} \rightarrow V \propto \frac{1}{C} \\ U = \frac{q^2}{2C} \rightarrow U \propto \frac{1}{C} \end{cases}$

نکته اصلی: ولتاژ بین خازن‌های سری به نسبت عکس ظرفیت تقسیم می‌شود.



☺ مثال ۳۲) در شکل روبه‌رو:

الف) اختلاف پتانسیل دو سر هر خازن چند ولت است؟

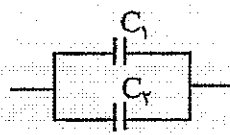
ب) بار کل چند برابر بار خازن C_1 است؟

ج) نسبت انرژی خازن C_1 به انرژی خازن C_2 چقدر است؟

$q_1 = q_2$ $\frac{q}{q_1} = 1$

$U \propto \frac{1}{C} \Rightarrow \frac{U_1}{U_2} = \frac{C_2}{C_1} = \frac{12}{4} = 3$

حالت ۲) خازن‌های موازی



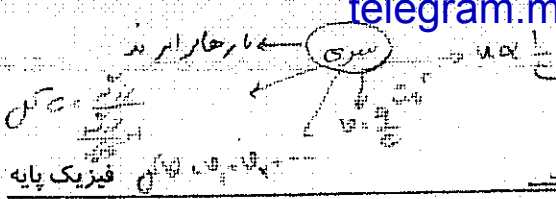
الف) ظرفیت معادل برابر است با مجموع ظرفیت‌ها $C = C_1 + C_2 + \dots$

اگر n خازن موازی مشابه باشند، ظرفیت معادل آن‌ها برابر است با: $C = nC_1$

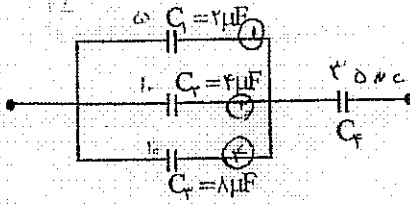
ب) اختلاف پتانسیل دو سر خازن‌های موازی یکسان است. $V = V_1 = V_2 = \dots$

نکته: بار الکتریکی بین خازن‌های موازی به نسبت مستقیم با ظرفیت تقسیم می‌شود:

$\begin{cases} q = CV \rightarrow q \propto C \\ U = \frac{1}{2} CV^2 \rightarrow U \propto C \end{cases}$ موازی $\rightarrow V = \text{ثابت}$ \rightarrow موازی $\rightarrow q = q_1 + q_2 + \dots$

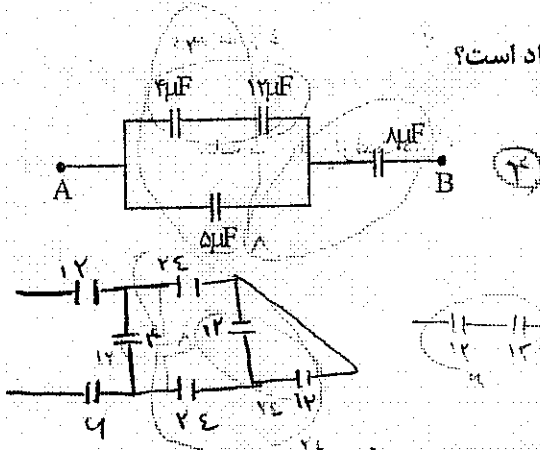


مثال ۳۳) در شکل روبه‌رو اگر بار خازن C_F برابر با $35\mu C$ باشد بار هر یک از خازن‌های دیگر چند میکروکولن است؟



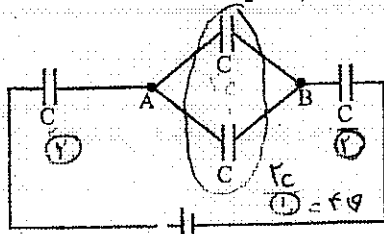
بار کل = $\frac{35 \mu C}{4} = 8.75 \mu C$

تست ۳۴) در شکل روبه‌رو ظرفیت معادل خازن‌ها چند میکرو فاراد است؟



- ۴ (۱)
- ۶ (۲)
- ۳ (۳)
- ۵ (۴)

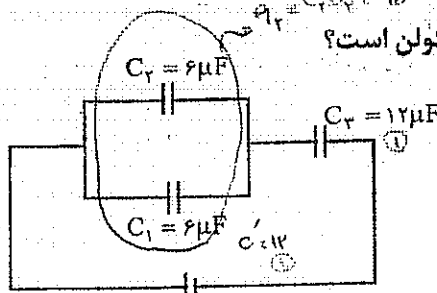
تست ۳۵) در شکل روبه‌رو خازن‌ها مشابه‌اند. اختلاف پتانسیل بین دو نقطه A و B چند ولت است؟



$V = \frac{2 \cdot 4}{2} = 4V$

- ۵ (۱)
- ۴ (۲)
- ۲ (۳)
- ۲/۵ (۴)

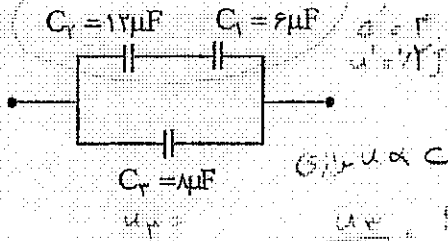
تست ۳۶) در شکل روبه‌رو بار ذخیره شده در خازن C_2 چند میکروکولن است؟



$V = 2V$

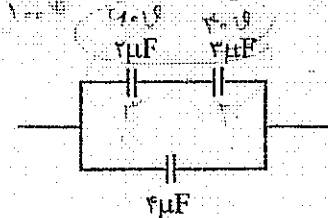
- ۶ (۱)
- ۸ (۲)
- ۱۲ (۳)
- ۲۴ (۴)

تست ۳۷) در شکل روبه‌رو اگر انرژی ذخیره شده در مجموع خازن‌های C_1 و C_2 برابر 0.2 ژول باشد انرژی خازن C_3 چند ژول است؟



- ۱) ۰.۱۱
- ۲) ۰.۱۲
- ۳) ۰.۱۴
- ۴) ۰.۱۸

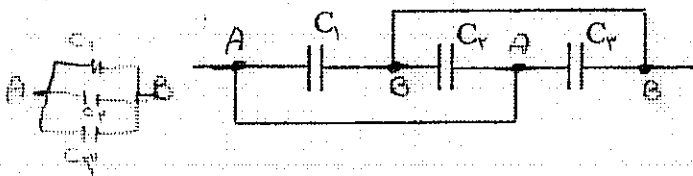
تست ۳۸) اگر اختلاف پتانسیل دو سر خازن $2\mu F$ برابر $60V$ باشد، انرژی خازن $4\mu F$ چند ژول است؟



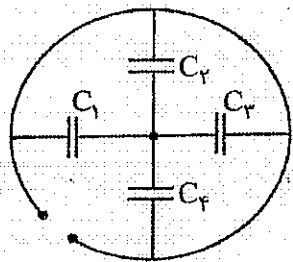
- ۱) ۰.۱۱
- ۲) ۰.۱۲
- ۳) ۰.۲۰
- ۴) ۰.۲۴

$U = \frac{1}{2} CV^2 = \frac{1}{2} \times 2 \times 10^{-6} \times 60^2 = 3.6 \times 10^{-2} J$

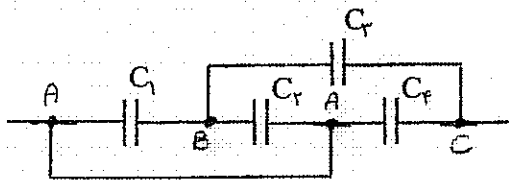
مدارهای مشهور



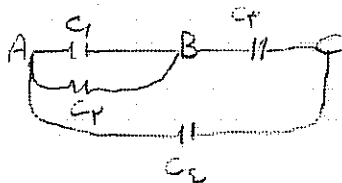
الف) هر ۳ خازن با هم موازی‌اند



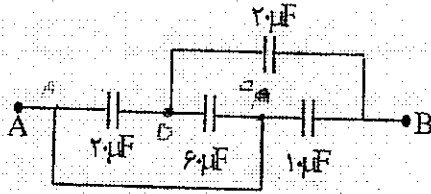
ب) هر ۳ خازن موازی‌اند



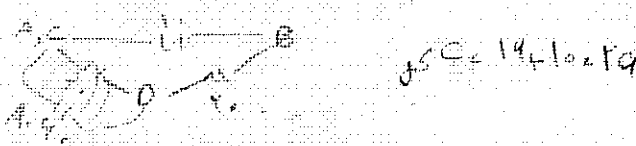
ج)



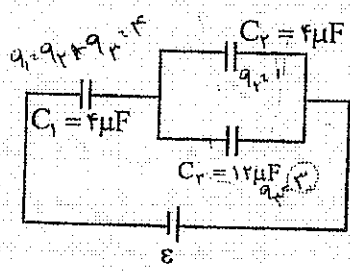
تست ۳۹) ظرفيت معادل بين A و B چند ميكرو فاراد است؟ (آزمون جامع سنجش ۹۱)



- ۱۴ (۱)
- ۲۶ (۲)
- ۲۸ (۳)
- ۲۲ (۴)



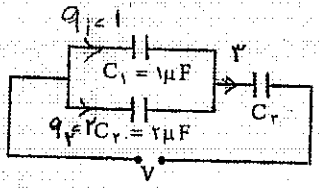
تست ۴۰) در مدار روبه‌رو نسبت $\frac{q_1}{q_2}$ کدام است؟



$\frac{q_1}{q_2} = \frac{1}{3}$

- ۱ (۱)
- ۲ (۲)
- ۳ (۳)
- ۴ (۴)

تست ۴۱) در مدار شكل روبه‌رو انرژي ذخيره شده در خازن C_2 دو برابر انرژي ذخيره شده در خازن C_1 است.



ظرفيت خازن C_2 چند ميكرو فاراد است؟ (سراسري تجربى ۸۸)

$u_2 = 2u_1$
 $\frac{q_2^2}{2C_2} = 2 \frac{q_1^2}{2C_1} \Rightarrow \frac{q_2}{q_1} = \frac{1}{C_1} \Rightarrow C_2 = 9$

- ۳ (۱)
- ۶ (۲)
- ۹ (۳)
- ۱۲ (۴)

اتصال خازن‌های پر شده به یکدیگر

اگر دو خازن C_1 و C_2 را به ترتیب با ولتاژهای V_1 و V_2 پر کرده و پس از جدا کردن از باتری «صفحه‌های همنام» آن‌ها را به هم وصل کنیم، ولتاژ نهایی هر یک از خازن‌ها پس از رسیدن به تعادل برابر است با:

تذکر: اگر خازن پر خازن خالی وصل شود
ولتاژ مشترک = $\frac{q_1 + q_2}{C_1 + C_2}$

$$V = \frac{C_1 V_1 + C_2 V_2}{C_1 + C_2}$$

پارکل ظرفیت معادل ولتاژ مشترک

اگر «صفحه‌های ناهمنام» خازن‌های پر شده را به هم وصل کنیم، خواهیم داشت:

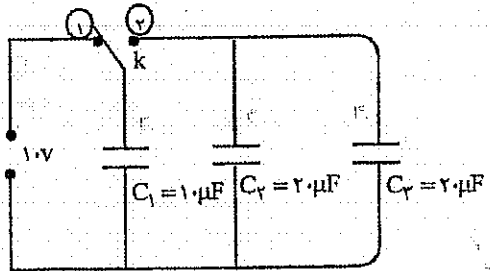
$$V = \frac{|C_1 V_1 - C_2 V_2|}{C_1 + C_2}$$

☺ تست (۴۲) خازن C_1 به اختلاف پتانسیل $100V$ و خازن $C_2 = 6\mu C$ به اختلاف پتانسیل $400V$ متصل‌اند. این دو خازن پس از پر شدن از مولد جدا و صفحه‌های همنام آن‌ها را به هم وصل می‌کنیم. پس از تعادل، اختلاف پتانسیل دو سر مجموعه به $250V$ می‌رسد. ظرفیت خازن C_1 چند میکرو فاراد است؟ (سراسری ریاضی ۸۴)

۲ (۱) $250 = \frac{C_1 \cdot 100 + 6 \cdot 400}{C_1 + 6}$
 $250(C_1 + 6) = 100C_1 + 2400$
 $250C_1 + 1500 = 100C_1 + 2400$
 $150C_1 = 900$
 $C_1 = 6 \mu F$

☺ تست (۴۳) در مدار روبه‌رو خازن‌ها بدون بار هستند و ابتدا کلید در وضع (۱) بسته شده و پس از شارژ خازن C_1 کلید را از وضع (۱) قطع نموده و به وضع (۲) می‌بندیم. پس از برقراری تعادل بار خازن C_1 چند میکروکولن می‌شود؟ (سراسری تجربی ۸۹)

- ۵۰ (۱)
- ۲۰ (۲)
- ۸۰ (۳)
- ۱۰۰ (۴)



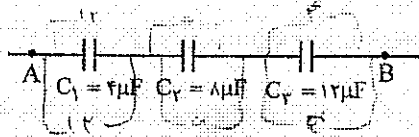
وضع (۱) $q_1 = q_2 = 10 \cdot 1 = 10 \mu C$
 وضع (۲) $q_1 = 10 \mu C = q_2 + q_3 = 2q_2$
 $q_2 = 5 \mu C$

فروشکست

اگر اختلاف پتانسیل دو سر خازن افزایش یابد، بار الکتریکی خازن نیز افزایش می‌یابد. اگر بار خازن از حد معینی بیشتر شود یک میدان الکتریکی قوی بین دو صفحه ایجاد می‌شود که باعث رسانا شدن موقتی دی‌الکتریک بین دو صفحه می‌شود.

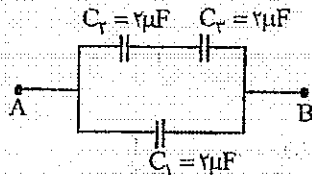
در نتیجه با ایجاد جرقه بین دو صفحه، خازن می‌سوزد. به این پدیده فروشکست دی‌الکتریک می‌گویند.

☺ تست (۴۴) در شکل روبه‌رو حداکثر ولتاژ قابل تحمل خازن‌ها $12V$ است. بین دو نقطه A و B حداکثر چه اختلاف پتانسیلی برقرار کنیم تا هیچ یک از خازن‌ها دچار فروشکست نشود: (سراسری ریاضی ۸۹)



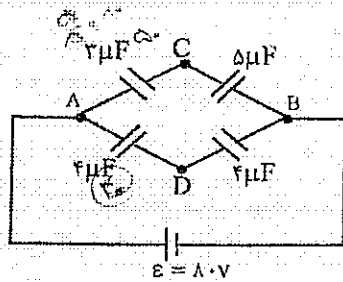
- 22 (۱)
 20 (۲)
 24 (۳)
 28 (۴)
- حد اکثر ولتاژ مربوط به هر خازن است که طریقی گسری ندارد
 طبق $U = \frac{q}{C}$

☺ تست (۴۵) در شکل روبه‌رو حداکثر باری که می‌توان روی هر خازن ذخیره کرد $100\mu C$ است. بین نقاط A و B حداکثر چه ولتاژی برقرار کنیم تا هیچ یک از خازن‌ها دچار فروشکست نشود؟



- 250 (۱)
 50 (۲)
 75 (۳)
 100 (۴)
- بیشترین بار مربوط به خازن C_1 است زیرا ولتاژی بیشتر از بقیه دارد
 طبق $q = C \cdot U$

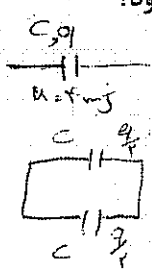
$q_{AB} = C \cdot U = 100 \cdot 10^{-6} \cdot U = 10^{-4} U$



☺ تست (۴۶) در شکل روبه‌رو، اختلاف پتانسیل بین دو نقطه C و D چند ولت است؟

- (۱) صفر
 (۲) 10
 (۳) 20
 (۴) 30
- تفاوت ولت‌ها بین هر دو است
 پس راه از گروه عبور کنیم به ولتاژها را از هم کم کنیم
 $50 - 20 = 30$

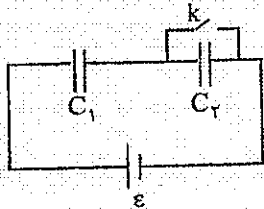
☺ تست (۴۷) خازنی را شارژ می‌کنیم و انرژی ذخیره شده در آن 4 میلی ژول است. اگر آن را از منبع جدا کرده و دو سر آن را به دو سر یک خازن خالی و مشابه با آن ببندیم، پس از برقراری تعادل، انرژی هر خازن چند میلی ژول می‌شود؟



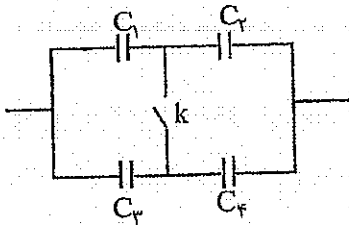
$2\sqrt{2}$ (۱)
 $\sqrt{2}$ (۲)
 2 (۳)
 1 (۴)

$U = \frac{q^2}{2C} \Rightarrow U_2 = \frac{1}{2} U_1 = \frac{1}{2} \times 4 = 2 \text{ mJ}$

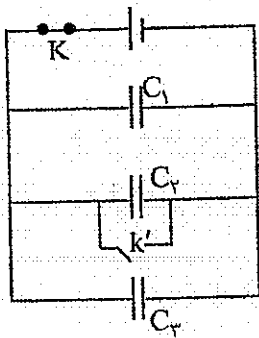
باز و بسته کردن کلیدها



باز و بسته کردن کلیدها منجر به یکی از حالت‌های زیر می‌شود:
(الف) حذف یا اضافه کردن یک خازن به مدار: در مدار روبه‌رو وقتی کلید k باز است، خازن C_2 در مدار است و وقتی کلید k بسته است، خازن C_2 از مدار حذف می‌شود. (اتصال کوتاه می‌شود.)



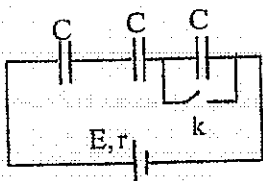
(ب) تبدیل خازن‌های موازی به سری و برعکس: در مدار روبه‌رو وقتی کلید k باز است خازن‌های C_1 و C_2 متوالی هستند. خازن‌های C_3 و C_4 هم متوالی هستند. مجموعه ردیف بالا و مجموعه ردیف پایین با هم موازی‌اند. وقتی کلید k بسته است C_1 و C_3 با هم و C_2 و C_4 با هم موازی‌اند. مجموعه‌ی سمت چپ (معادل C_1 و C_3) با مجموعه‌ی سمت راست (معادل C_2 و C_4) متوالی می‌شود.



☺ تست (۴۸) در شکل روبه‌رو کلید k را باز و کلید k' را می‌بندیم. در این صورت (المیاد)
 ۱) بار خازن C_2 بین دو خازن دیگر تقسیم می‌شود.
 ۲) بار خازن $4V$ صفر و بار خازن‌های دیگر تغییر نمی‌کند.
 ۳) بار هر سه خازن صفر می‌شود.
 ۴) بار هیچ یک از خازن‌ها تغییر نمی‌کند.

اگر یک خازن اتصال کوتاه شود تمام خازن‌های موازی با آن خازن می‌شوند.

☺ تست (۴۹) سه خازن مشابه مطابق شکل به مولدی متصل است. اگر کلید k را ببندیم، بار الکتریکی دو خازن دیگر چند برابر می‌شود؟ (سراسری ریاضی ۸۱)



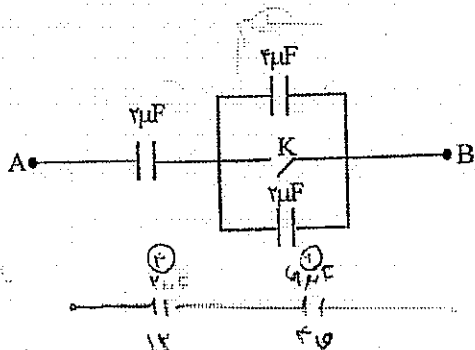
$q_1 = \frac{C}{3} \cdot \epsilon$
 $q_2 = \frac{C}{3} \cdot \epsilon$

$\frac{q_1}{q_2} = \frac{2}{1}$

$\frac{2}{1}$ (۲)
 ۳ (۴)

$\frac{2}{3}$ (۱)
 ۱ (۳)

☺ تست (۵۰) مداری مطابق شکل را به باتری وصل و سپس جدا می‌کنیم. اگر اختلاف پتانسیل خازن $4\mu F$ برابر $4V$ باشد، پس از بستن کلید، اختلاف پتانسیل میان A و B چند ولت خواهد شد؟

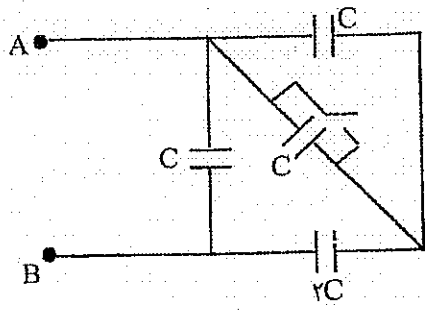


۱۲ (۲)
 ۸ (۴)

۲۰ (۱)
 ۱۶ (۳)



تست (۵۱) در شکل روبه‌رو اگر کلید k را ببندیم، ظرفیت معادل بین دو نقطه A و B نسبت به حالتی که کلید باز است چند برابر می‌شود؟ (سراسری ریاضی ۸۶)



Handwritten notes and calculations for test 51:

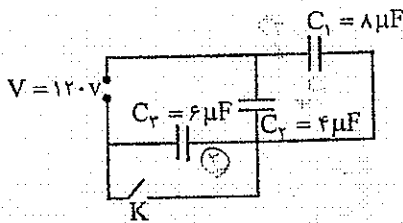
کلید باز: $C_1 = C + 2C = 3C$

کلید بسته: $C_2 = \frac{2C}{2} = C$

نسبت: $\frac{C_2}{C_1} = \frac{C}{3C} = \frac{1}{3}$

Options: (۱) ۳, (۲) ۱/۳, (۳) ۳/۲, (۴) ۶/۵

تست (۵۲) در مدار روبه‌رو اگر کلید را ببندیم، اختلاف پتانسیل الکتریکی دو سر خازن C_1 چگونه تغییر می‌کند؟ (سراسری ریاضی ۹۰)



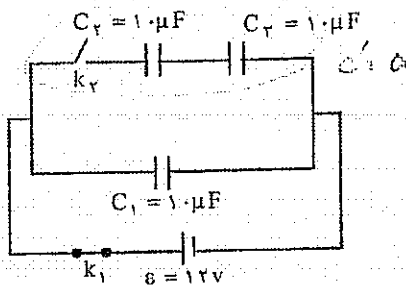
Handwritten notes and calculations for test 52:

کلید باز: $V = 12V$

کلید بسته: $V = 8V$

Options: (۱) ۴۰ ولت کاهش می‌یابد, (۲) ۴۰ ولت افزایش می‌یابد, (۳) ۸۰ ولت افزایش می‌یابد, (۴) ۸۰ ولت کاهش می‌یابد

تست (۵۳) در مدار روبه‌رو خازن‌ها بدون بار هستند و ابتدا کلید k_1 بسته و k_2 باز است. پس از شارژ خازن C_1 کلید k_1 باز و k_2 بسته شود، چند ژول انرژی در خازن C_2 ذخیره می‌شود؟ (سراسری ریاضی ۸۸)



Handwritten notes and calculations for test 53:

کلید k_1 باز و k_2 بسته: $Q_1 = C_1 V = 10 \times 12 = 120 \mu C$

کلید k_1 بسته و k_2 باز: $U = \frac{Q^2}{2C} = \frac{120^2}{2 \times 10} = 720 \mu J$

Options: (۱) 8×10^{-5} , (۲) 4×10^{-5} , (۳) 4×10^{-4} , (۴) 8×10^{-4}

Handwritten calculations for test 53:

توسط C_1 ذخیره می‌شود: $Q_1 = C_1 V = 10 \times 12 = 120 \mu C$

توجه: $U = \frac{Q^2}{2C} = \frac{120^2}{2 \times 10} = 720 \mu J$

کلید k_1 بسته و k_2 باز: $U = \frac{Q^2}{2C} = \frac{120^2}{2 \times 10} = 720 \mu J$

مدارهای الکتریکی

تعداد سؤال در کنکور سراسری تجربی: ۳ سؤال

تعداد سؤال در کنکور سراسری ریاضی: ۴ سؤال

۹

۶۵

مقاومت الکتریکی

برای یک رسانا نسبت اختلاف پتانسیل به شدت جریان مقدار ثابتی است که مقاومت الکتریکی نامیده می‌شود.

$$R = \frac{V}{I} = \text{ثابت} \quad \left(1\Omega = 1 \frac{V}{A} \right)$$

تذکر (۱) مقاومت الکتریکی از ویژگی‌های ساختمانی رساناست و به V و I ربطی ندارد. فرمول ساختمانی مقاومت به صورت زیر است:

$$R = \frac{\rho L}{A} \quad \left(\begin{array}{l} \rho \rightarrow \text{مقاومت ویژه} \\ L \rightarrow \text{طول} \\ A = \frac{\pi d^2}{4} \rightarrow \text{قطر مقطع} \end{array} \right)$$

تذکر (۲) مقاومت ویژه ρ فقط به جنس ماده بستگی دارد و به طول و قطر بستگی ندارد.

تذکر (۳) اگر تغییر در مقاومت بدون تغییر جرم باشد: (سررازش کرده)

$$R \propto L^2 \quad \text{یا دو سیم هم جنس جرم یکسانی داشته باشند:} \quad R \propto \frac{1}{d^4}$$

یعنی تغییر جرم در نظر نگرفته

اثر دما بر مقاومت الکتریکی:

در رسانا با افزایش دما مقاومت ویژه افزایش می‌یابد. در نارسانا و نیم‌رسانا با افزایش دما مقاومت ویژه کاهش می‌یابد.

اگر دمای مقاومت R_1 را به اندازه $\Delta\theta$ تغییر دهیم، تغییر مقاومت آن برابر است با:

$$\Delta R = \alpha R_1 \Delta\theta$$

ضریب دمای مقاومت

تست (۱) مقاومت الکتریکی دو رسانای A و B یکسان است. اگر مقاومت ویژه A دو برابر مقاومت ویژه B و طول A چهار برابر طول B باشد، نسبت قطر A به قطر B کدام است؟ (مشابه سراسری تجربی ۹۱)

$$\frac{\sqrt{2}}{2} \quad (۴) \quad 2\sqrt{2} \quad (۳) \quad \frac{1}{8} \quad (۲) \quad 8 \quad (۱)$$

$$\begin{aligned} R_A &= R_B \\ l_A &= 4l_B \\ L_A &= 4L_B \\ \frac{d_A}{d_B} & \end{aligned}$$

$$\frac{\rho A L_A}{\frac{\pi}{4} d_A^2} = \frac{\rho L_B}{\frac{\pi}{4} d_B^2} \Rightarrow \frac{\rho \epsilon}{d_A^2} = \frac{1 \times 1}{d_B^2}$$

$$\left(\frac{d_A}{d_B} \right)^2 = 8 \Rightarrow \frac{d_A}{d_B} = 2\sqrt{2}$$

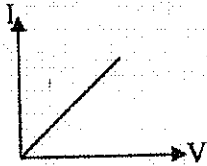
مدارهای الکتریکی

تست ۲) جرم دو سیم مسی A و B با هم برابر است ولی قطر مقطع سیم A، $\sqrt{2}$ برابر قطر مقطع سیم B است. اگر

مقاومت الکتریکی سیم B برابر 10Ω باشد، مقاومت الکتریکی سیم A چند اهم است؟ (سراسری ریاضی ۹۰)

۲/۵ (۱) ۵ (۲) ۲۰ (۳) ۱۲/۵ (۴)

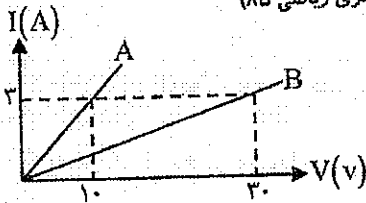
$$R \propto \frac{l}{d^2} \rightarrow \frac{R_B}{R_A} = \left(\frac{d_A}{d_B}\right)^2 = \frac{1}{4} = \frac{1}{4} \Rightarrow R_A = 4 R_B = 40\Omega$$



نکته) نمودار تغییرات جریان بر حسب ولتاژ برای یک مقاومت الکتریکی،

تست ۳) نمودار شدت جریان عبوری از دو مقاومت A و B بر حسب اختلاف پتانسیل

دو سر مقاومت A و B مطابق شکل است. مقاومت A چند برابر مقاومت B است؟ (سراسری ریاضی ۸۵)



$$R = \frac{V}{I} \rightarrow \frac{R_A}{R_B} = \frac{V_A}{V_B} = \frac{1}{5} = \frac{5}{3}$$

۳ (۲) ۱ (۱) ۲ (۳) ۵ (۴)

مدارهای الکتریکی



حالت ۱) مقاومت‌های سری (متوالی)

الف) مقاومت معادل برابر است با جمع مقاومت‌ها: $R_T = R_1 + R_2 + \dots$

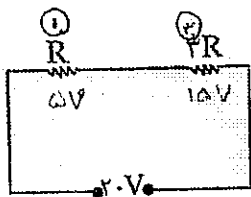
ب) اگر n مقاومت مشابه R_1 سری بسته شوند آنگاه: $R_T = nR_1$

ب) در مقاومت‌های سری جریان‌ها برابرند: $I = I_1 = I_2 = \dots$ کل

ج) ولتاژ کل مدار برابر است با مجموع ولتاژها: $V = V_1 + V_2 + \dots$ کل

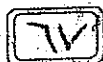
نکته) وقتی مقاومت‌ها سری هستند ولتاژ به نسبت مستقیم با مقاومت بین آن‌ها تقسیم می‌شود.

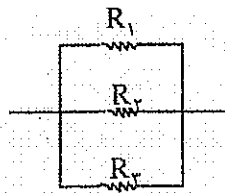
$V = IR \rightarrow V \propto R$
 ثابت



$\frac{V}{R} = 5V$

مثال ۴) در مدار روبه‌رو اختلاف پتانسیل دو سر هر مقاومت را تعیین کنید:





حالت ۲) مقاومتهای موازی

الف) مقاومت معادل: $\frac{1}{R_T} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \dots$

✓ اگر دو مقاومت R_1 و R_2 موازی بسته شوند مقاومت معادل برابر است با: $R_T = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$

✓ اگر n مقاومت مشابه R_1 موازی بسته شوند: $R_T = \frac{R_1}{n}$

مقاومت‌های موازی $\begin{cases} 6, 3 \rightarrow 2 \\ 4, 12 \rightarrow 3 \\ 6, 12 \rightarrow 4 \end{cases}$

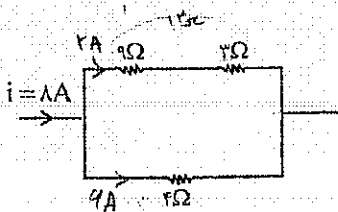
✓ موارد روبه‌رو در مورد مقاومتهای موازی بسیار کاربرد دارند:

ب) در مقاومتهای موازی ولتاژها برابرند: $V = V_1 = V_2 = \dots$

ج) جریان کل مدار برابر است با مجموع جریان‌های شاخه‌های موازی: $I = I_1 + I_2 + \dots$

ثابت $I = \frac{V}{R} \rightarrow I \propto \frac{1}{R}$

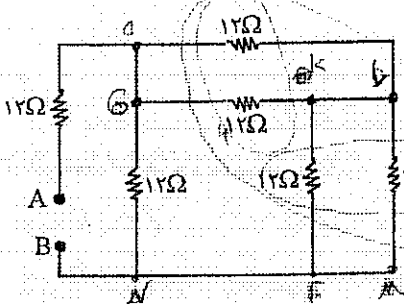
نکته مهم) جریان در شاخه‌های موازی به نسبت عکس مقاومت تقسیم می‌شود.



مثال ۵) در مدار روبه‌رو شدت جریانی که از هر مقاومت می‌گذرد چند آمپر است؟

$\frac{18A}{2} = 9A$

😊 تست ۶) در شکل روبه‌رو مقاومت معادل بین دو نقطه A و B چند اهم است؟

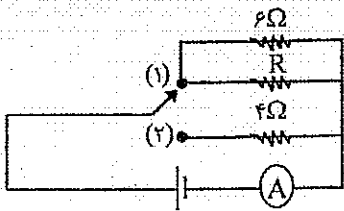


$R_T = 18$

- ۶ (۱)
- ۱۸ (۲)
- ۱۲ (۳)
- ۱۰ (۴)

😊 تست ۷) در شکل روبه‌رو کلید روی هر کدام از حالت‌های ۱ و ۲ قرار گیرد، جریان آمپر سنج تغییر نمی‌کند. مقاومت R چند اهم است؟

در مقاومت مدار در دو حالت مساوی باشد



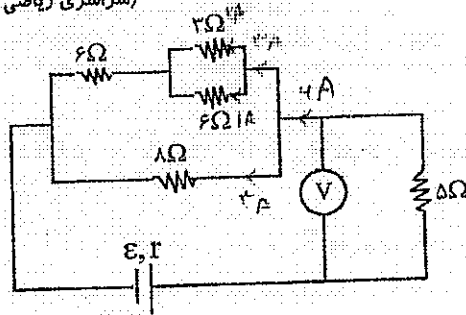
$4 + R = 4$
 $R = 0$

- ۳ (۱)
- ۴ (۲)
- ۸ (۳)
- ۱۲ (۴)

مدارهای الکتریکی

تست ۸) در شکل روبه‌رو اگر ولت سنج ۳۰V را نشان دهد، شدت جریان چند آمپر از مقاومت ۳ اهمی می‌گذرد؟

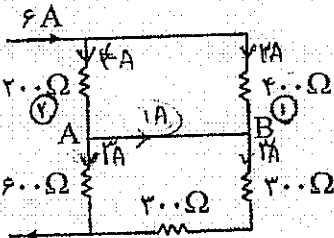
(سراسری ریاضی ۸۳)



$U_{3\Omega} = I \cdot \frac{3}{R} = 4A$

- ۱ (۱)
- ۲ (۲)
- ۳ (۳)
- ۴ (۴)

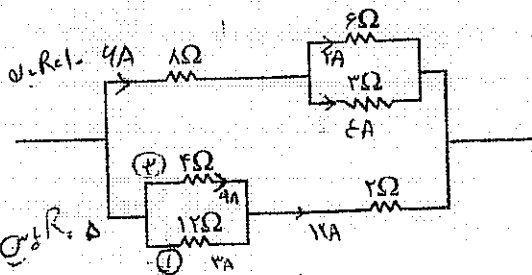
تست ۹) در مدار روبه‌رو جریان عبوری از سیم اتصال بین A و B چند آمپر است؟ (مقاومت الکتریکی سیم‌های اتصال ناچیز است.) (سراسری ریاضی ۹۰)



در هر دو طرف جریان ورودی و خروجی برابر است.

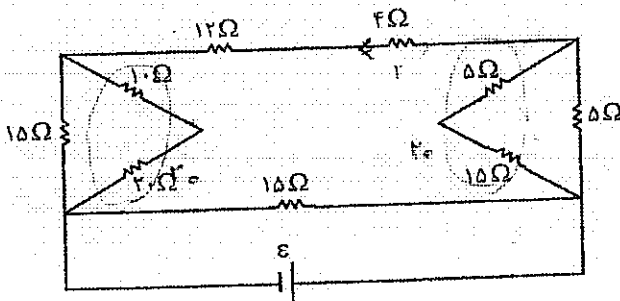
- ۱) صفر
- ۲) (۲)
- ۳) ۴
- ۴) ۳

تست ۱۰) در مدار روبه‌رو اگر از مقاومت ۱۲Ω جریان ۳A عبور کند، از مقاومت ۶Ω چند آمپر می‌گذرد؟

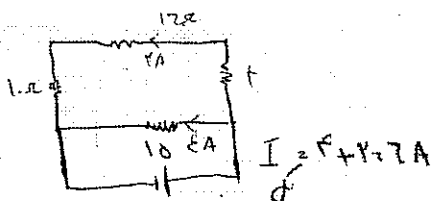


- ۱ (۱)
- ۲ (۲)
- ۳ (۳)
- ۴ (۴)

تست ۱۱) در مدار روبه‌رو اگر جریانی که از مقاومت ۴ اهمی می‌گذرد برابر ۲ آمپر باشد، جریانی که از مولد می‌گذرد چند آمپر است؟ (سراسری تجربی ۹۰)

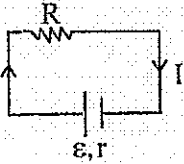


- ۱ (۱)
- ۲ (۲)
- ۳ (۳)
- ۴ (۴)
- ۶ (۴)



محاسبه شدت جریان و اختلاف پتانسیل در مدار ساده

اگر مقاومت بیرونی مدار R و مقاومت درونی مولد r و نیروی محرکه مولد \mathcal{E} باشد.



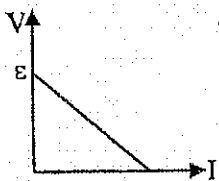
الف) ولتاژ دو سر مولد برابر است با:

$V = \mathcal{E} - Ir$ ولتاژ کل افت پتانسیل

ب) جریانی که از مولد می‌گذرد برابر است با:

$I = \frac{\mathcal{E}}{R+r}$ جریان کل

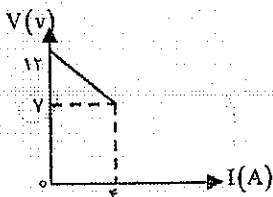
نکته: نمودار تغییرات ولتاژ دو سر مولد بر حسب جریانی که از آن می‌گذرد یک خط راست با شیب منفی است.



نیروی محرکه $= \mathcal{E} =$ شروع نمودار
مقاومت درونی $= r = \left| \frac{\Delta V}{\Delta I} \right| =$ شیب نمودار

تست ۱۲) نمودار تغییرات ولتاژ دو سر مولد بر حسب جریانی که از آن می‌گذرد مطابق شکل است. نیروی محرکه مولد و مقاومت درونی آن به ترتیب برابر است با:

(سراسری ریاضی ۸۴)



$\mathcal{E} = 12V$ شروع
شیب $= \left| \frac{\Delta V}{\Delta I} \right| \Rightarrow r = \frac{5}{2} = 2.5 \Omega$

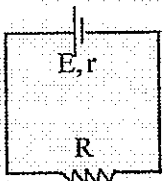
۱) $7V$ و 0.5Ω

۲) $7V$ و $\frac{1}{3} \Omega$

۳) $12V$ و 0.2Ω

۴) $12V$ و $1/25 \Omega$

تست ۱۳) در مدار روبه‌رو اگر نیروی محرکه‌ی مولد \mathcal{E} برابر افت پتانسیل آن باشد، نسبت مقاومت خارجی مولد به مقاومت داخلی آن $\left(\frac{R}{r}\right)$ کدام است؟



۱) $\mathcal{E} = 5Ir$

$I = \frac{\mathcal{E}}{R+r} \Rightarrow \frac{5Ir}{R+r} = \mathcal{E} \Rightarrow R+r = 5r \Rightarrow R = 4r$

۲) $\mathcal{E} - Ir = IR \Rightarrow 4Ir = IR \Rightarrow R = 4r$

۲) ۱

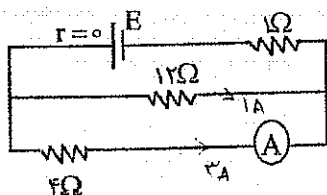
۴) ۲

۳) ۳

۱) ۴

تست ۱۴) در شکل روبه‌رو آمپرسنج $3A$ را نشان می‌دهد. در این صورت نیروی محرکه‌ی مولد \mathcal{E} چند ولت است؟

(سراسری ریاضی ۸۳)



$R_{\text{کل}} = 4 + 1 = 5 \Omega$

$\mathcal{E} = 12V$

$\mathcal{E} = 12V$

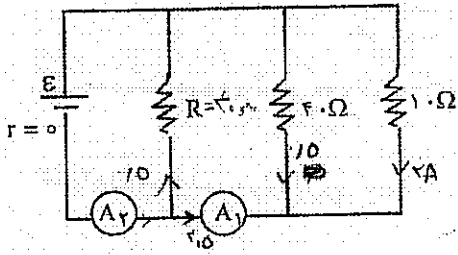
۱) ۱۲

۲) ۱۶

۳) ۲۰

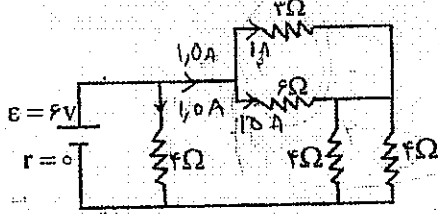
۴) ۲۴

تست ۱۵) در مدار روبه‌رو آمپر سنج‌های A_1 و A_2 به ترتیب عددهای $2/5A$ و $3A$ را نشان می‌دهند. مقاومت معادل مدار چند اهم است؟ (سراسری ۸۹)



- ۲۰ (۱)
- ۸ (۲)
- $\frac{20}{3}$ (۳) ✓
- $\frac{40}{3}$ (۴)

تست ۱۶) در مدار شکل روبه‌رو شدت جریانی که از مقاومت 6Ω می‌گذرد چند آمپر است؟ (سراسری ریاضی ۸۶)

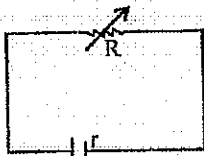


$$I_{R=6\Omega} = \frac{E}{R} = \frac{6}{2} = 3A$$

$$I = \frac{E}{R_{eq}} = \frac{6}{2} = 3A$$

- $\frac{1}{15}$ (۱)
- ۱ (۲)
- $\frac{1}{15}$ (۳)
- ۲ (۴)

تست ۱۷) اگر در شکل روبه‌رو R متغیر را از $2r$ تا r کاهش دهیم، افت پتانسیل در باتری چند برابر می‌شود؟ (سراسری تجربی ۸۳)



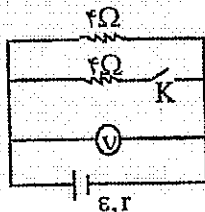
$$I_{Q2} \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = \frac{\frac{E}{R_2+r}}{\frac{E}{R_1+r}} = \frac{R_1+r}{R_2+r} = \frac{3r}{2r}$$

در صورتی که شدت جریان کل به هم برابری شود چون r ثابت است

$$\frac{1}{2} = \frac{r}{R_2+r}$$

- ۲ (۱)
- $\frac{2}{3}$ (۳)

تست ۱۸) در مدار روبه‌رو هنگامی که کلید بسته است، ولت سنج $6V$ و هنگامی که کلید باز است ولت سنج $8V$ را نشان می‌دهد. E و r در SI کدامند؟



- ۶ و ۲ (۲)
- ۲ و ۴ (۴)

- ۶ و ۸ (۱)
- ۲ و ۴ (۳) ✓

کلید بسته $V = 6V$

$$I = \frac{V}{R} = 3 \Rightarrow 3 = \frac{E}{4+r} \Rightarrow E = 4 + 3r$$

کلید باز $V = 8V$

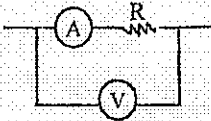
$$I = \frac{V}{R} = 2 \Rightarrow 2 = \frac{E}{4+r} \Rightarrow 8E = 4 + 3r$$

$$\Rightarrow 4 + 3r = 4 + 3r$$

$$r = 2\Omega$$

$$E = 12V$$

آمپرسنج و ولت سنج



ولت سنج در مدار به صورت موازی و آمپرسنج در مدار به صورت سری بسته می‌شود.

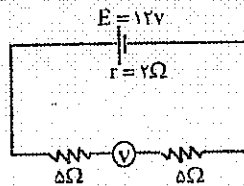
اگر ولت سنج در مدار به صورت سری بسته شود، چون مقاومت آن خیلی زیاد است، جریان مدار قطع می‌شود و عددی که ولت سنج سری نشان می‌دهد همان نیرو محرکه مولد \mathcal{E} است.

اگر آمپرسنج در مدار به صورت موازی بسته شود، چون مقاومت آن ناچیز است، جریان زیادی از آن می‌گذرد و در نتیجه می‌سوزد.

گالوانومتر: آمپرسنج حساس و دقیق است.

☺ تست ۱۹) در مدار شکل روبه‌رو ولت سنج چند ولت را نشان می‌دهد؟ (مقاومت درونی ولت سنج خیلی زیاد است)

(سراسری تجربی ۹۱)

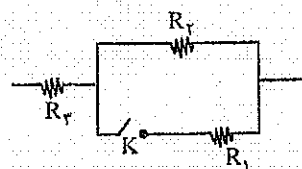


$V = \mathcal{E} = 12$
 $I = 0$

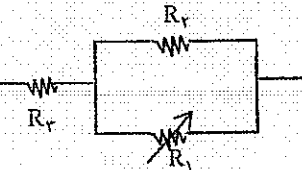
- ۱) صفر
- ۲) ۶
- ۳) ۱۰
- ۴) ۱۲

ولت سنج سری همان \mathcal{E} را نشان می‌دهد که ۱۲ است

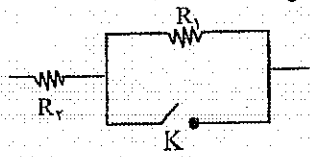
تغییر در مدارها:



۱) در مدار روبه‌رو اگر کلید K بسته شود، مقاومت R_1 به صورت موازی به مدار اضافه می‌شود، در نتیجه مقاومت معادل کاهش می‌یابد.

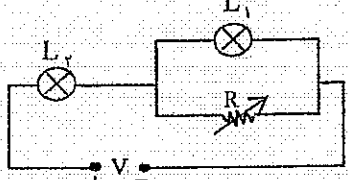


۲) در مدار روبه‌رو اگر مقاومت R_3 افزایش یابد، مقاومت معادل نیز افزایش می‌یابد.



۳) در مدار روبه‌رو اگر کلید K بسته شود، دو سر مقاومت R_1 با سیم بدون مقاومت به هم وصل می‌شود و در نتیجه این مقاومت از مدار حذف می‌گردد (اتصال کوتاه می‌شود).

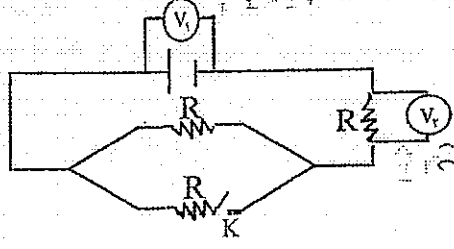
☺ تست ۲۰) در مدار مطابق شکل روبه‌رو V مقدار ثابتی است. اگر به تدریج R را افزایش دهیم نور لامپ‌های L_1 و L_2 به تدریج از راست به چپ چگونه تغییر می‌کند؟



- ۱) کاهش - کاهش
- ۲) افزایش - افزایش
- ۳) کاهش - افزایش
- ۴) افزایش - کاهش

با افزایش R در سمت راست، I کم می‌شود و V_1 کم می‌شود. در سمت چپ، I کم می‌شود و V_2 کم می‌شود. لامپ L_1 کم نورتر می‌شود و لامپ L_2 کم نورتر می‌شود.

☺ تست ۲۱) در شکل روبه‌رو اگر کلید K بسته شود، چه تغییری در مقادیر ولت سنج‌های V_1 و V_2 رخ می‌دهد؟

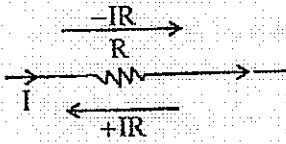


- ۱) V_1 زیاد، V_2 کم
- ۲) هر دو زیاد
- ۳) V_1 کم، V_2 زیاد
- ۴) هر دو کم

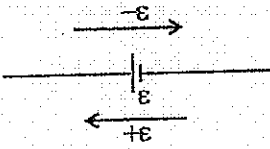
$V_1 = \mathcal{E} - I r$
 $V_2 = I R$
بسته شدن K باعث می‌شود I کم شود.
پس V_1 کم و V_2 کم می‌شود.

طرز یافتن اختلاف پتانسیل بین دو نقطه از مدار

الف) اگر از مقاومت R در جهت جریان عبور کنیم، پتانسیل به اندازه IR کاهش می یابد.

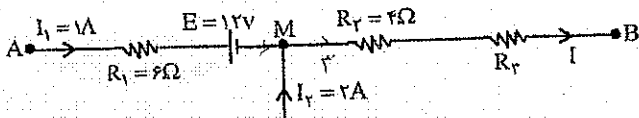


ب) اگر درون باتری از پایانه مثبت به منفی برویم، پتانسیل به اندازه نیرو محرکه \mathcal{E} کاهش می یابد (جهت جریان در مورد باتری مهم نیست).



تست ۲۲) در شکل روبه رو اگر $V_A - V_B = 36V$ باشد، مقاومت R_3 چند اهم است؟

- ۴(۱)
- ۸(۲)
- ۲(۳)
- ۶(۴)

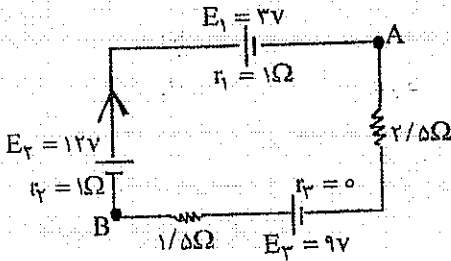


$$V_A - 1 \cdot 6 - 12 - 12 - 2R_2 = V_B \Rightarrow 34 = 2R_2 + 12 \Rightarrow R_2 = 11$$

$$V_A - 12 = 34$$

مثال ۲۳) در شکل روبه رو:

الف) جریان چند آمپر و در چه جهتی است؟



ب) مقدار $(V_A - V_B)$ چند ولت است؟

$$\frac{12 + 9 - 3}{4} = \frac{18}{4} = 4.5 \text{ A}$$

$$V_A + 3 + 3 - 12 + 3 = V_B \Rightarrow V_A - V_B = 3$$

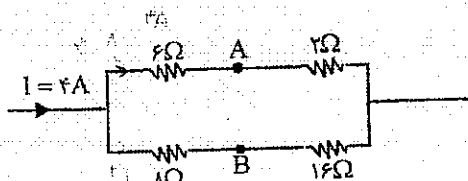
ج) انرژی پتانسیل الکتریکی بار $q = -2\mu\text{C}$ هنگام عبور از نقطه A تا B چند میکروژول تغییر می کند؟ (سراسری ریاضی ۸۴)

$$\Delta V = \frac{\Delta u}{q} \Rightarrow \Delta u = -2 \cdot 3 = -6$$

$$\Delta u = q(V_B - V_A) = -2$$

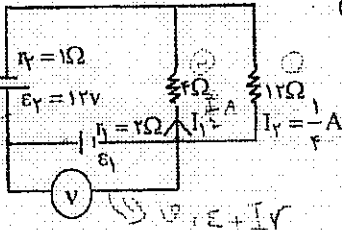
تست ۲۴) در شکل روبه رو اختلاف پتانسیل دو نقطه A و B چند ولت است؟

- ۶(۱)
- ۸(۲)
- ۱(۳)
- ۱۲(۴)



$$V_A - 2 \cdot 16 - 2 = V_B$$

تست ۲۵) در مدار روبه‌رو ولت سنج چند ولت را نشان می‌دهد؟ (سراسری تجربی ۸۹)



$$V_B = I \times 2 + 12 = 1 \times 2 + 12 = 14V$$

- ۴ (۱)
- ۶ (۲)
- ۸ (۳)
- ۱۱ (۴)

انرژی مصرفی و توان مصرفی

انرژی $W = RI^2 t = \frac{V^2}{R} t = VIt$

اگر از مقاومت R جریان I به مدت t ثانیه عبور کند انرژی مصرفی برابر است با:

همچنین توان مصرفی برابر است با: $P = \frac{W}{t} \rightarrow P = RI^2 = \frac{V^2}{R} = VI$

$P = RI^2 \rightarrow P \propto R$

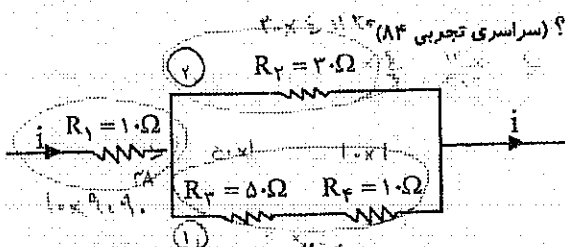
الف) اگر مقاومت‌ها سری باشند چون جریاها یکی است می‌توان نوشت:

$P = \frac{V^2}{R} \rightarrow P \propto \frac{1}{R}$

ب) اگر مقاومت‌ها موازی باشند چون ولتاژهای آنها یکی است می‌توان نوشت:

تذکره در اکثر مواقع دو مقاومت موازی یا سری نیستند و باید به روش کلی عمل کنیم

تست ۲۶) در شکل روبه‌رو توان مصرفی کدام مقاومت بیشتر است؟ (سراسری تجربی ۸۴)

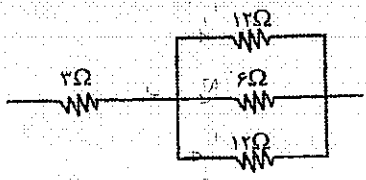


- R_1 (۱)
- R_2 (۲)
- R_3 (۳)
- R_4 (۴)

نسبت توان مصرفی مقاومت R_1 به توان مصرفی مقاومت R_3 چقدر است؟ (مشابه سراسری ریاضی ۹۱)

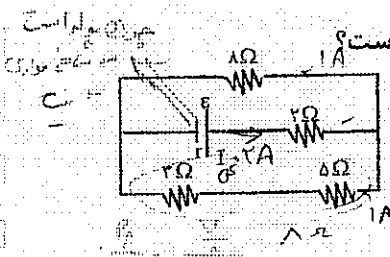
- $\frac{9}{5}$ (۱)
- $\frac{5}{9}$ (۲)
- $\frac{1}{3}$ (۳)
- $\frac{3}{4}$ (۴)

تست ۲۷) در مدار روبه‌رو اگر توان گرمایی مقاومت ۲۵Ω برابر ۴۸ وات باشد مقدار توان گرمایی مقاومت ۶Ω چند وات است؟



- ۲۴ (۱)
- ۳۶ (۲)
- ۴۸ (۳)
- ۷۲ (۴)

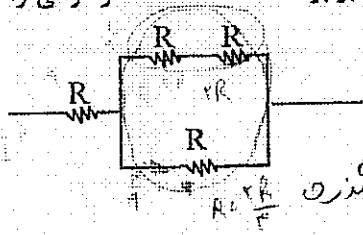
تست ۲۸) در مدار رویه‌رو توان مصرفی مقاومت ۸ اهمی چند برابر توان مقاومت ۲ اهمی است؟



$$\frac{P_1}{P_2} = \frac{I^2 \times 8}{I^2 \times 2} = 4$$

۱ (۳)
۲ (۴)
۳ (۳)

تست ۲۹) حداکثر توان قابل تحمل هر یک از مقاومت‌های یکسان در شکل رویه‌رو برابر ۹W است. حداکثر توانی را که می‌توان از این مدار گرفت هیچکدام از مقاومت‌ها آسیب نبیند چند وات است؟



۲ (۱)
۶ (۲)
۱۵ (۴)
۹ (۳)

سراگرتراں مصرفی مربوط به مقاومت کجاست؟ است از جریان بیشتری از آن می‌گذرد

$$I R = \frac{P}{I} R$$

$$I^2 R = \frac{P}{I} \Rightarrow I^2 = \frac{P}{R} \Rightarrow I = \sqrt{\frac{P}{R}}$$

توان اسمی لامپ‌ها

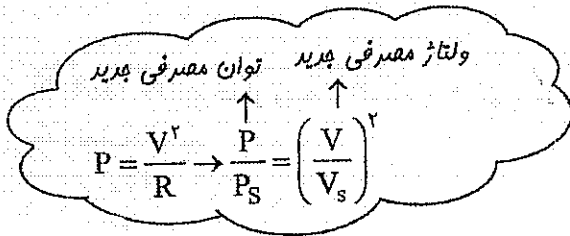
روی هر مصرف کننده الکتریکی توسط کارخانه سازنده مقدار حداکثر ولتاژ (ولتاژ اسمی V_s) و حداکثر توان مصرفی (توان اسمی P_s) نوشته می‌شود که با داشتن V_s و P_s مقاومت الکتریکی یک مصرف کننده قابل محاسبه است:

$$P_s = \frac{V_s^2}{R}$$

نسبت عکس دارند. (چون V_s یکسان است.)

نکته ۱: در لامپ‌های معمولی (خانگی) که برای کار با برق شهر ساخته شده‌اند، مقاومت الکتریکی و توان اسمی نسبت عکس دارند. (چون V_s یکسان است.)

نکته ۲: اگر یک لامپ به ولتاژ V_s وصل شود توان P_s را مصرف می‌کند و اگر به ولتاژ بالاتر از V_s وصل شود، می‌سوزد و اگر به ولتاژ کم‌تر از V_s وصل شود، توان مصرفی آن نیز متناسب با V^2 کم می‌شود.



تست ۳۰) در لامپ‌های معمولی خانگی (التیپایی) مقاومت الکتریکی لامپ ۱۰۰ واتی چند برابر مقاومت الکتریکی لامپ کوچک ۲۵ واتی است؟

$$P \propto \frac{1}{R}$$

$$\frac{R_1}{R_2} = \frac{P_2}{P_1} = \frac{25}{100} = \frac{1}{4}$$

۲ (۱)
۱ (۴)
۴ (۳)

۷۵

تست ۳۱) لامپ سوخته یک یخچال ۱۱۰ ولتی را در آورده و به جای آن یک لامپ ۱۰۰W و ~~۱۱۰W~~ قرار می دهیم. توان مصرفی لامپ چند وات است؟

۷۵ (۲) ۵۰ (۳) ۷۵ (۲) ۱۰۰ (۱)

$$\frac{P}{P_s} = \left(\frac{V_s}{V_s}\right)^2 \Rightarrow \frac{P}{100} = \left(\frac{110}{110}\right)^2 \cdot \frac{1}{2} \Rightarrow P = 50 \text{ W}$$

تست ۳۲) روی یک لامپ «۲۲۰ ولت و ۱۰۰ وات» نوشته شده است. اگر دو عدد از این لامپ را با هم به طور متوالی بسته و دوسر مجموعه را به برق ۲۲۰ وصل کنیم، توان مصرفی مجموعه چند وات است؟

۱۰۰√۲ (۴) ۲۰۰ (۳) ۱۰۰ (۲) ۵۰ (۱)

توان مولد

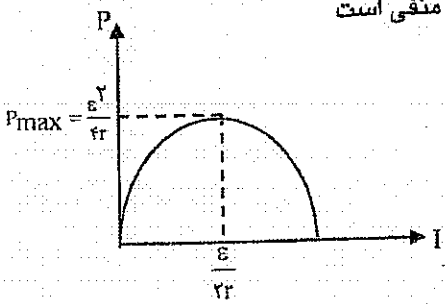
$$P = \frac{V^2}{R} \Rightarrow P_1 = \frac{1}{2} P_2 = \frac{1}{2} \times 100 = 50 \text{ W}$$

اگر از مولدی با نیروی محرکه \mathcal{E} و مقاومت درونی r جریان I عبور کند توان مفید مولد برابر است با:

$$P = VI \Rightarrow P = \mathcal{E}I - I^2 r$$

توان تولیدی $\mathcal{E}I$
توان تلف شده $I^2 r$

معادله‌ی توان مولد بر حسب شدت جریان یک تابع درجه ۲ است و چون ضریب I^2 منفی است می‌توان گفت نمودار توان مولد بر حسب شدت جریان، یک سهمی دار است.



$$\frac{dP}{dI} = \mathcal{E} - 2Ir = 0 \Rightarrow I = \frac{\mathcal{E}}{2r}$$

$$P_{\max} = \mathcal{E} \left(\frac{\mathcal{E}}{2r}\right) - \left(\frac{\mathcal{E}}{2r}\right)^2 r = \frac{\mathcal{E}^2}{4r}$$

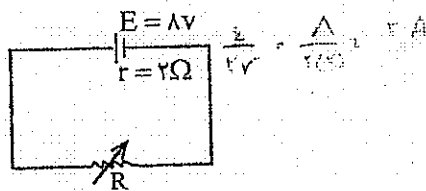
- ۱- هنگامی که توان مفید مدار بیشینه است، شدت جریان مدار برابر است با: $I = \frac{\mathcal{E}}{2r}$
- ۲- بیشترین توان مفید مولد برابر است با: $P_{\max} = \frac{\mathcal{E}^2}{4r}$
- ۳- هنگامی که توان مفید مدار بیشینه است مقاومت بیرونی مولد با مقاومت درونی برابر است.

$R = r$ دلیل $\Rightarrow I = \frac{\mathcal{E}}{R+r} = \frac{\mathcal{E}}{r+r}$

تست ۳۳) دو سر یک باتری با نیروی محرکه‌ی \mathcal{E} و مقاومت درونی r را به دو سر مقاومت R وصل می‌کنیم. در این حالت جریان I از آن می‌گذرد. توان مفید مدار (RI^2) در حالتی بیشینه است که نسبت $\frac{R}{r}$ برابر شود. (سراسری ریاضی ۸۳)

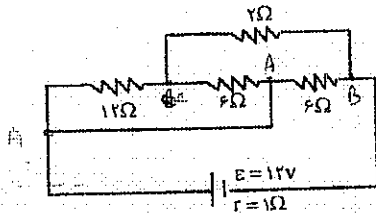
بی نهایت (۴) $\frac{1}{2}$ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱) $\frac{1}{2}$ (۳) $\frac{1}{2}$ (۳)

تست ۳۴) در شکل روبه‌رو در لحظه‌ای که توان مفید مدار بیشینه است، شدت جریان مدار چند آمپر است؟



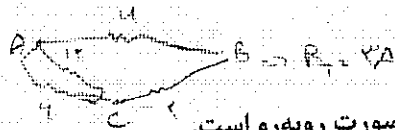
۱/۵ (۲) ۱ (۱)
۳ (۴) ۲ (۳)

تست ۳۵) در مدار روبه‌رو توان مفید باتری چند وات است؟ (سراسری تجربی ۸۹)

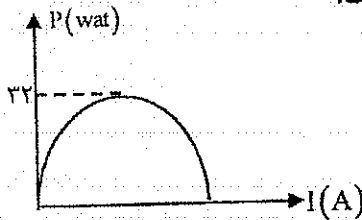


۴/۵ (۲) ۹ (۱)
۲/۷ (۴) ۱۸ (۳)

$$P = \frac{\mathcal{E}^2}{R + r} = \frac{12^2}{5} = 28.8 \text{ W}$$



تست ۳۶) نمودار تغییرات توان مفید مولد بر حسب شدت جریان عبوری از آن به صورت روبه‌رو است. نیروی محرکه‌ی باتری ولت و مقاومت درونی آن اهم است.



۲ و ۱۶ (۱) ۱ و ۲۰ (۲)
۲ و ۲۰ (۳) ۱ و ۱۶ (۴)

$$\frac{\mathcal{E}^2}{4r} = 3 \Rightarrow \frac{\mathcal{E}^2}{4 \cdot 2} = 3 \Rightarrow \mathcal{E}^2 = 24 \Rightarrow \mathcal{E} = 2\sqrt{6} \text{ V}$$

$$I = \frac{\mathcal{E}}{r + R} = 3 \Rightarrow \mathcal{E} = 3(r + R) = 3(2 + R) \Rightarrow \mathcal{E} = 6 + 3R$$

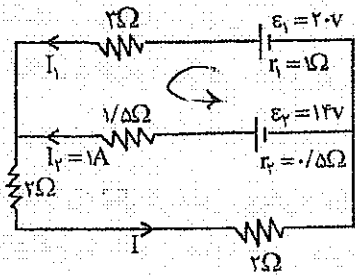
مدارهای چند حلقه‌ای

در یک مدار چند حلقه‌ای شدت جریان در شاخه‌های مختلف، متفاوت است.

قانون جریان: در گره مجموع جریان‌های ورودی برابر است با مجموع جریان‌های خروجی
قانون ولتاژ: در یک حلقه بسته مجموع جبری ولتاژها برابر صفر است.

☺ تست ۳۷) در مدار روبه‌رو جریان I_1 چند آمپر است؟ (آزاد ۸۹)

- ۱/۵ (۱)
- ۲ (۲)
- ۳ (۳)
- ۲/۵ (۴)

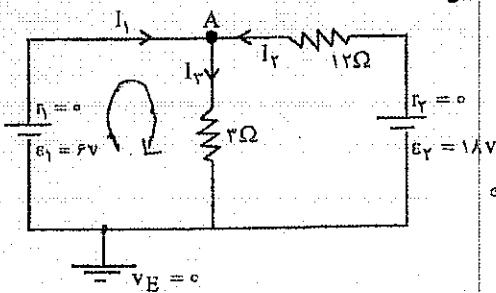


$$2 \cdot (-I_1) + 1 \times 2 - 1 \times 2 = 0$$

$$\Rightarrow 2 = 2I_1 \Rightarrow I_1 = 1A$$

☺ تست ۳۸) در مدار روبه‌رو پتانسیل نقطه A چند ولت است؟ (سراسری تجربی ۸۹)

- ۶ (۱)
- ۶ (۲)
- ۳۰ (۳)
- ۳۰ (۴)



$$0 + 4 = V_A$$

$$P = I_p \times R$$

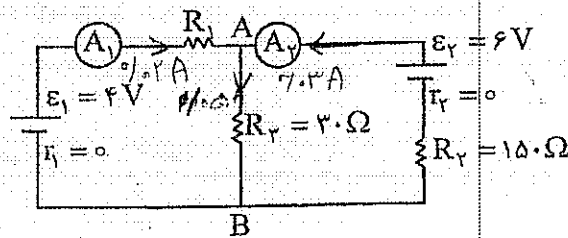
$$4 - 3I_p = 0$$

$$I_p = 1.33A$$

☺ تست ۳۹) در مدار روبه‌رو آمپرسنج A_1 مقدار ۲۰ میلی آمپر و آمپرسنج A_2 مقدار ۳۰ میلی آمپر را نشان می‌دهند.

مقاومت R_1 چند اهم است؟ (مقاومت آمپرسنج‌ها ناچیز فرض شود). (سراسری ریاضی ۹۰)

- ۱۲۰ (۱)
- ۱۲۵ (۲)
- ۱۸۵ (۳)
- ۱۷۰ (۴)



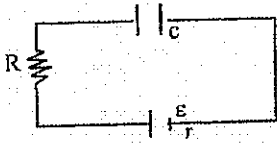
$$-\frac{0}{100} \times 30 + \frac{2}{100} R_1 = 0$$

$$R_1 = 150 \Omega$$

مدارهای R-C

هنگامی که با ترکیب خازن و مقاومت مواجه می‌شویم باید به دو نکته زیر توجه کنیم:
 (۱) وقتی خازن با مقاومت متوالی است، کل ولتاژ به خازن می‌رسد و در این حالت مقاومت بیهوده است. (می‌توان مقاومت را نادیده گرفت)
 (۲) وقتی خازن با مقاومت موازی است، ولتاژ دو سر خازن و مقاومت یکسان است. به طور کلی این گونه مدارها را به دو گروه تقسیم می‌کنیم:

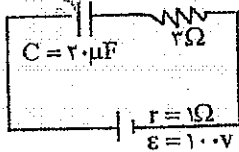
حالت (۱) جریان دائمی در مدار برقرار نباشد (خازن در شاخه اصلی باشد): در این حالت جریان صفر است و اختلاف پتانسیل دو سر خازن برابر ε است.



به عنوان مثال در مدار روبه‌رو خازن در شاخه اصلی است و می‌توان نوشت: $q = C\varepsilon$
 در واقع ما R و r که با خازن متوالی‌اند نادیده گرفتیم.

حالت (۲) جریان دائمی در مدار برقرار باشد. (خازن در شاخه فرعی باشد و موازی با خازن مقاومت الکتریکی موجود باشد): در این حالت ابتدا بدون در نظر گرفتن شاخه‌ی شامل خازن جریان کل مدار را می‌یابیم. سپس اختلاف پتانسیل دو سر مقاومتی که با خازن موازی است به دست می‌آوریم.

$U = \varepsilon = I r$

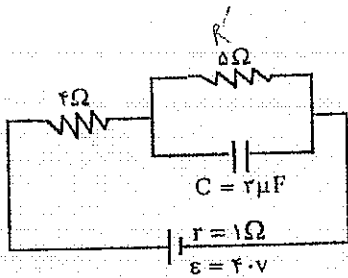


$U = \frac{1}{C} q \Rightarrow \frac{1}{2} \times 10^{-6} \times 2 = 10^{-6} \times 2 = 2 \times 10^{-6} = 2 \mu C$

☺ تست (۴۰) در مدار روبه‌رو انرژی خازن چند ژول است؟ (سراسری تجربی ۸۲)

- ۰/۱ (۱)
- ۰/۰۱ (۲)
- ۰/۲ (۳)
- ۰/۰۲ (۴)

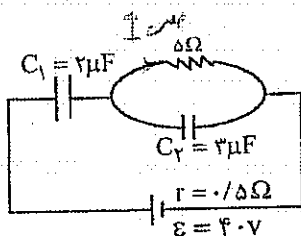
☺ تست (۴۱) در مدار روبه‌رو بار الکتریکی خازن چند میکروکولن است؟



$I = \frac{\varepsilon}{r_0} = 4A$
 $q = C U_C = 2 \times 4 = 8 \mu C$

- ۲۰ (۱)
- ۳۰ (۲)
- ۴۰ (۳)
- ۶۰ (۴)

☺ تست (۴۲) در مدار روبه‌رو بار خازن‌های C_1 و C_2 به ترتیب چند میکروکولن است؟

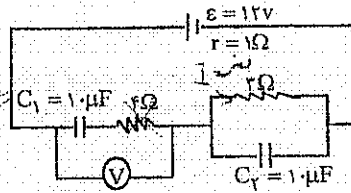


$q_1 = 2 \times 2 = 4 \mu C$

$q_2 = 3 \times 2 = 6 \mu C$

- ۸۰ و صفر (۱)
- ۱۲۰ و ۸۰ (۲)
- ۱۲۰ و ۰ (۳)
- صفر و صفر (۴)

تست ۴۳) در شکل روبه‌رو ولت سنج چند ولت را نشان می‌دهد؟ (سراسری تجربی ۸۶)



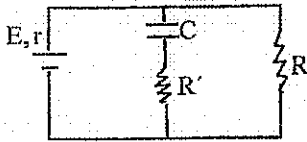
- ۱) صفر
- ۲) ۴
- ۳) ۶
- ۴) ۱۲ ✓

بار الکتریکی خازن‌های C_1 و C_2 چقدر است؟ ✓

$q_1 = C_1 \cdot \varepsilon = 1 \times 12 = 12$

صفر

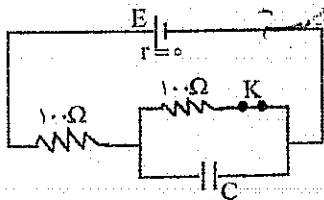
تست ۴۴) در مدار روبه‌رو اگر مقاومت R' را به تدریج افزایش دهیم، باز خازن C چه تغییری می‌کند؟ (سراسری ریاضی ۸۵)



- ۱) افزایش
- ۲) کاهش
- ۳) تغییری نمی‌کند ✓
- ۴) به R بستگی دارد.

مقاومت R' که با خازن متوالی بسته شده تأثیری ندارد چون از شاقه‌ی وسط جریان نمی‌گذرد.

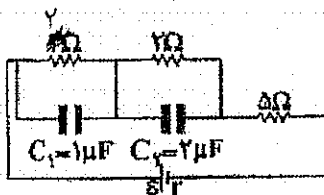
تست ۴۵) در مدار شکل روبه‌رو کلید K بسته است. اگر آن را باز کنیم، بار الکتریکی خازن چگونه تغییر می‌کند؟



- ۱) ثابت می‌ماند.
- ۲) دو برابر می‌شود.
- ۳) صفر می‌شود.
- ۴) نصف می‌شود.

در حالتی که کلید بسته است جریان در مدار برقرار است و بخشی از ولتاژ سهم خازن می‌شود اما وقتی کلید باز می‌شود جریان قطع و کل ولتاژ (ε) به خازن می‌رسد پس الزاماً با قطع کلید ولتاژ، بار و انرژی خازن افزایش می‌یابد.

تست ۴۶) در مدار شکل روبه‌رو بار الکتریکی ذخیره شده در خازن C_2 چند برابر بار خازن C_1 است؟ (سراسری ریاضی ۸۸)

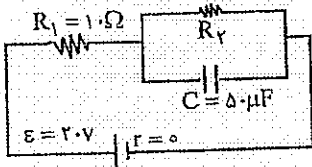


- ۱) ۱
- ۲) ۲ ✓
- ۳) ۳
- ۴) ۴

$$\frac{q_2}{q_1} = \frac{C_2 \cdot V_2}{C_1 \cdot V_1} = \frac{2 \times 2}{1 \times 2} = 2$$

تست ۴۷) اگر در مدار روبه‌رو R_p را از صفر تا بی نهایت افزایش دهیم، انرژی خازن C چگونه تغییر می‌کند؟

- ۱) از صفر تا 0.1 (✓)
- ۲) از صفر تا 0.2
- ۳) از 0.1 تا 0.2
- ۴) از 0.15 تا صفر

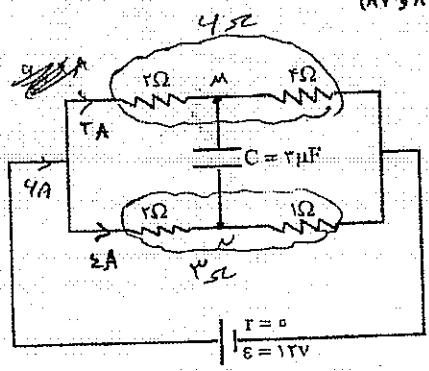


$R_p \rightarrow 0 \rightarrow$ $u_p = 0$ (از اتصال کوتاه)
 $R_p \rightarrow \infty \rightarrow$ $u_p = \frac{1}{2} C V^2 = \frac{1}{2} \times 5 \times 10^{-6} \times 2^2 = 10^{-5} \text{ J}$ (تا صفر)
 $V = \varepsilon = 2.0$

در ابتدا که $R_p = 0$ است می‌توان شافه‌ی R_p را سیم بدون مقاومت فرض کرد پس خازن اتصال کوتاه می‌شود اما در حالتی که $R_p = \infty$ است می‌توان شافه R_p را کلید باز فرض کرد پس ولتاژ خازن در این حالت ε می‌شود.

تست ۴۸) در مدار روبه‌رو انرژی خازن C چند میکروژول است؟ (مشابه سراسری ۸۱ و ۸۷)

- ۱) ۱۲
- ۲) ۲۴
- ۳) ۳۶
- ۴) ۴۸



$R_{\text{total}} = 2\Omega \rightarrow I = \frac{\varepsilon}{R+r} = \frac{12}{2} = 4 \text{ A}$

$V_M = 1 + 2 = V_N$
 $V_{MN} = 5 \text{ V}$

$u = \frac{1}{2} C V^2 = \frac{1}{2} \times 2 \times 12^2 = 24 \mu\text{J}$

مغناطیس و

القای الکترومغناطیسی

تعداد سؤال در کنکور سراسری تجربی: ۲ سؤال

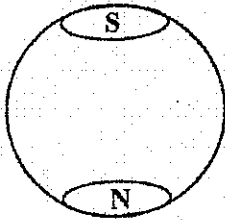
تعداد سؤال در کنکور سراسری ریاضی: ۴ سؤال

مغناطیس

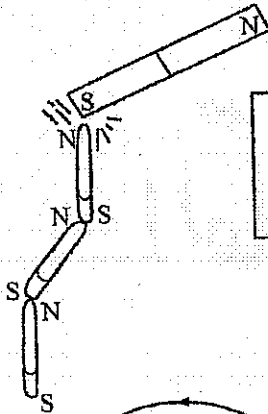
قطب آهن‌ریا در هر آهن‌ریا دو ناحیه وجود دارد که در آن‌ها اثر نیروی مغناطیسی بیشتر از نقاط دیگر است. این نقاط را قطب‌های آهن‌ریا می‌گویند.

قطب‌های هم‌نام یک‌دیگر را دفع و قطب‌های غیرهم‌نام یک‌دیگر را جذب می‌کنند.

اگر یک تیغه آهن‌ریایی را به وسیله نخ آویزان کنیم، قطب N آهن‌ریا همواره در سوی تقریبی شمال جغرافیایی و قطب S در سوی تقریبی جنوب جغرافیایی می‌ایستد.



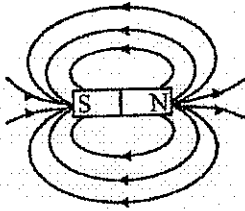
قرار گرفتن آهن‌ریا در راستای تقریبی شمال و جنوب جغرافیایی گویای این واقعیت است که زمین، خود یک آهن‌ریای بزرگ است، که قطب‌های آن در راستای تقریبی قطب‌های جغرافیایی زمین است. شمال جغرافیایی زمین قطب جنوب مغناطیسی (S) و جنوب جغرافیایی زمین قطب شمال مغناطیسی (N) است.



قطب‌های آهن‌ریای القایی همواره به گونه‌ای است که رایش به سوی آهن‌ریای اصلی را سبب می‌شود. یعنی در اثر القای مغناطیسی هرگز رانشی به وجود نمی‌آید.

میدان مغناطیسی:

در فضای اطراف هر آهن‌ریا خاصیتی وجود دارد که به هر آهن‌ریا یا عقربه مغناطیسی در آن محیط نیرو وارد می‌شود. این خاصیت میدان مغناطیسی نامیده می‌شود. میدان مغناطیسی یک کمیت برداری است یعنی دارای بزرگی و جهت است.



جهت میدان مغناطیسی در اطراف آهن‌ریا از قطب N به S و درون آهن‌ریا از قطب S به N است.

جهت عقربه مغناطیسی از S به N است.

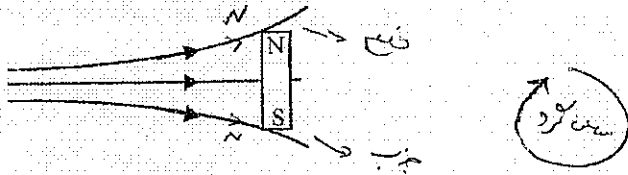
پس می‌توان نوک فلش میدان مغناطیسی را قطب N فرض کرد.

میدان‌های مغناطیسی را می‌توان به کمک خط‌هایی به نام خطوط میدان مغناطیسی نشان دهیم:

۱- خطوط میدان در هر نقطه مماس بر میدان مغناطیسی در آن نقطه‌اند.

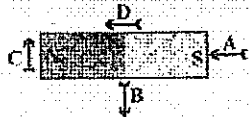
۲- تراکم خطوط نشان دهنده بزرگی میدان مغناطیسی است.

☺ تست ۱) یک میله آهن‌ربای کوچک را مطابق شکل در یک ناحیه از میدان مغناطیسی قرار می‌دهیم. اگر آهن‌ربا بتواند آزادانه حرکت کند، در این صورت میله



- ۱) به راست حرکت می‌کند.
- ۲) ساعت‌گرد می‌چرخد.
- ۳) به چپ حرکت می‌کند.
- ۴) پاد ساعت‌گرد می‌چرخد.

☺ تست ۲) در شکل روبه‌رو در اطراف یک آهن‌ربای معمولی کدام عقربه جهت میدان مغناطیسی را درست نشان می‌دهد؟



- A (✓) ۱
- B (۲)
- C (۳)
- D (۴)

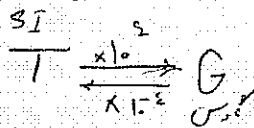
نیروی وارد بر بار از طرف میدان مغناطیسی:

اگر بار الکتریکی q با سرعت \vec{v} درون میدان مغناطیسی \vec{B} حرکت کند، نیروی الکترومغناطیسی

$$F = qvB \sin \alpha$$

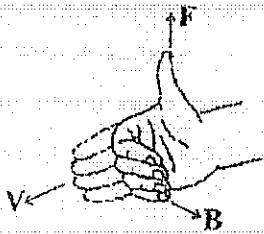
وارد بر آن برابر است با:

طبق این رابطه اگر بار در راستای میدان حرکت کند، نیرو صفر است و اگر راستای حرکت بار بر خط‌های میدان عمود باشد، نیرو Max می‌شود.



قانون دست راست

اگر دست راست خود را طوری نگه داریم که انگشتان باز شده در راستای v باشد و کف دست در جهت B قرار گیرد، انگشت شست جهت نیروی وارد بر بار را نشان می‌دهد.



☆ اگر بار منفی باشد (مانند الکترون) جهت خواسته شده را بر عکس می‌کنیم.

- ⊗ درون سو
- ⊙ برون سو



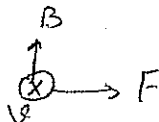
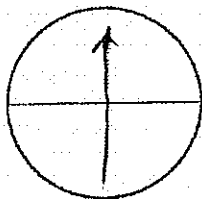
☺ تست ۳) جهت میدان در شکل روبه‌رو کدام است؟ (بار ذره مثبت است) (مشابه سراسری تجربی ۹۱)

- ۱) ↓
- ۲) ↑
- ۳) →
- ۴) ←

☺ تست ۴) یک ذره کیهانی با بار مثبت از بالای خط استوا به طور عمودی به سمت کره زمین در حرکت است. در آن

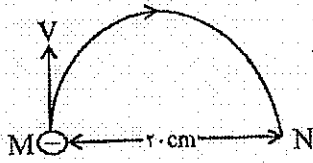
لحظه نیرویی که از طرف میدان مغناطیسی زمین بر آن وارد می‌شود به کدام جهت است؟ (سراسری تجربی ۸۴)

- ۱) شرق
- ۲) غرب
- ۳) شمال
- ۴) جنوب



عبارت $\vec{v} \times \vec{B}$ در اطراف کره زمین از N به S است.

تست ۵) الکترونی که در نقطه‌ی M دارای سرعت $V = 1/6 \times 10^6 \text{ m/s}$ است، تحت تأثیر میدان مغناطیسی یکنواخت \vec{B} مسیر نیم دایره M تا N را مطابق شکل روبه‌روی می‌کند. B چند تسلا و در چه جهتی است؟ (سراسری تجربی ۸۹)



$(m_e = 9 \times 10^{-31} \text{ kg})$

$e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}$

(۱) $4/5 \times 10^{-5}$ درون سو

(۲) $4/5 \times 10^{-5}$ برون سو

(۳) 9×10^{-5} برون سو

(۴) 9×10^{-5} درون سو

در حرکت طسوان حرکت F به سمت مرکز دایره است

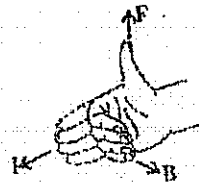
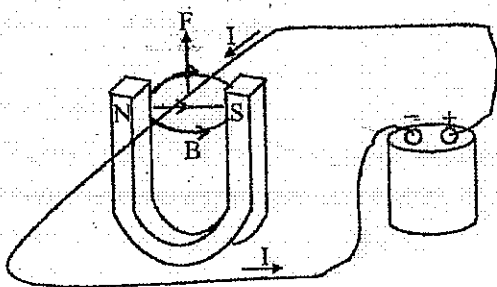
$q v B = \frac{m_e v^2}{r}$

$1,4 \times 10^{-19} \times B = \frac{9 \times 10^{-31} \times 1,4^2 \times 10^{12}}{r}$

$B = 9 \times 10^{-5} \text{ T}$

(X)

جریان‌های الکتریکی در میدان‌های مغناطیسی



مطابق شکل روبه‌رو اگر یک سیم مسی که از آن جریان I می‌گذرد را بین دو قطب یک آهن‌ربای نعلی شکل قرار دهیم بر سیم نیرو وارد می‌شود. در نتیجه سیم منحرف می‌شود.
۱- جهت نیروی وارد بر سیم از قانون دست راست به دست می‌آید:

اگر چهار انگشت دست راست در جهت جریان و کف دست در جهت میدان (S به N) قرار گیرد، انگشت شست جهت نیروی وارد بر سیم را نشان می‌دهد.

۲- بزرگی نیروی وارد بر سیم حامل جریان I که در میدان مغناطیسی B قرار دارد از رابطه زیر به دست می‌آید:

$F = B I L \sin \theta$

الف) اگر جهت جریان هم جهت با میدان یا در خلاف جهت میدان باشد بر سیم نیرویی وارد نمی‌شود.

ب) اگر جهت جریان عمود بر جهت میدان باشد نیرو Max می‌شود.

تست ۶) سیم راستی به طول $0,5 \text{ m}$ که از آن جریان 10 A می‌گذرد، عمود بر خط میدان مغناطیسی یکنواختی به شدت $0,1$ تسلا قرار دارد. اگر جهت میدان روبه شمال و جهت جریان روبه شرق باشد، نیروی وارد بر سیم چند نیوتن و در چه جهتی است؟

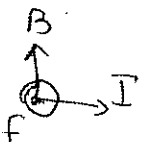
(۴) $0,5$ برون سو

(۳) $0,5$ درون سو

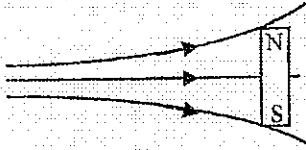
(۲) $0,5$ برون سو

(۱) $0,5$ درون سو

$F = B I L \sin \theta = \frac{1}{100} \times 10 \times \frac{1}{2} = \frac{1}{20} = 0,05$

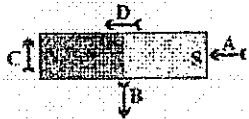


😊 تست ۱) یک میله آهن‌ربای کوچک را مطابق شکل در یک ناحیه از میدان مغناطیسی قرار می‌دهیم. اگر آهن‌ربا بتواند آزادانه حرکت کند، در این صورت میله



- ۱) به راست حرکت می‌کند.
- ۲) ساعت‌گرد می‌چرخد.
- ۳) به چپ حرکت می‌کند.
- ۴) پاد ساعت‌گرد می‌چرخد.

😊 تست ۲) در شکل روبه‌رو در اطراف یک آهن‌ربای معمولی کدام عقربه جهت میدان مغناطیسی را درست نشان می‌دهد؟



- A ۱)
- B ۲)
- C ۳)
- D ۴)

نیروی وارد بر بار از طرف میدان مغناطیسی:

اگر بار الکتریکی q با سرعت \vec{v} درون میدان مغناطیسی \vec{B} حرکت کند، نیروی الکترومغناطیسی

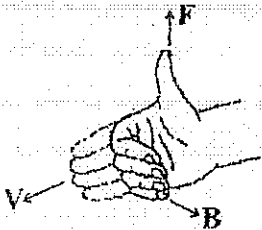
$$F = qvB\sin\alpha$$

وارد بر آن برابر است با:

طبق این رابطه اگر بار در راستای میدان حرکت کند، نیرو صفر است و اگر راستای حرکت بار بر خطهای میدان عمود باشد، نیرو Max می‌شود.

قانون دست راست

اگر دست راست خود را طوری نگه داریم که انگشتان باز شده در راستای V باشد و کف دست در جهت B قرار گیرد، انگشت شست جهت نیروی وارد بر بار را نشان می‌دهد.



☆ اگر بار منفی باشد (مانند الکترون) جهت خواسته شده را بر عکس می‌کنیم.

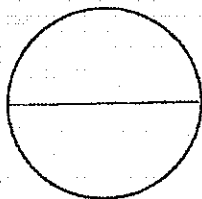
- ⊗ درون سو
- ⊙ برون سو



😊 تست ۳) جهت میدان در شکل روبه‌رو کدام است؟ (بار ذره مثبت است) (مشابه سراسری تجربی ۹۱)

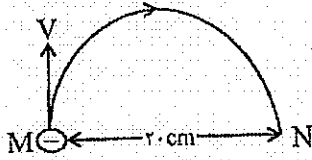
- ↓ ۱)
- ↑ ۲)
- ۳)
- ← ۴)

😊 تست ۴) یک ذره کیهانی با بار مثبت از بالای خط استوا به طور عمودی به سمت کره زمین در حرکت است. در آن لحظه نیرویی که از طرف میدان مغناطیسی زمین بر آن وارد می‌شود به کدام جهت است؟ (سراسری تجربی ۸۴)



- ۱) شرق
- ۲) غرب
- ۳) شمال
- ۴) جنوب

☺ تست ۵) الکترونی که در نقطه‌ی M دارای سرعت $V = 1/6 \times 10^6 \text{ m/s}$ است، تحت تأثیر میدان مغناطیسی یکنواخت \vec{B} مسیر نیم دایره M تا N را مطابق شکل روبه‌روی می‌کند. B چند تسلا و در چه جهتی است؟ (سراسری تجربی ۸۹)

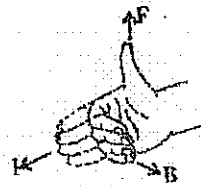
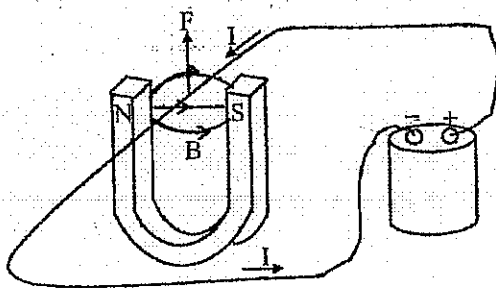


$(m_e = 9 \times 10^{-31} \text{ kg})$

$e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}$

- (۱) $4/5 \times 10^{-5}$ درون سو
- (۲) $4/5 \times 10^{-5}$ برون سو
- (۳) 9×10^{-5} برون سو
- (۴) 9×10^{-5} درون سو

جریان‌های الکتریکی در میدان‌های مغناطیسی



مطابق شکل روبه‌رو اگر یک سیم مسی که از آن جریان I می‌گذرد را بین دو قطب یک آهن‌ربای نعلی شکل قرار دهیم بر سیم نیرو وارد می‌شود. در نتیجه سیم منحرف می‌شود:
۱- جهت نیروی وارد بر سیم از قانون دست راست به دست می‌آید:

اگر چهار انگشت دست راست در جهت جریان و کف دست در جهت میدان (N به S) قرار گیرد، انگشت شست جهت نیروی وارد بر سیم را نشان می‌دهد.

۲- بزرگی نیروی وارد بر سیم حامل جریان I که در میدان مغناطیسی B قرار دارد از رابطه زیر به دست می‌آید:

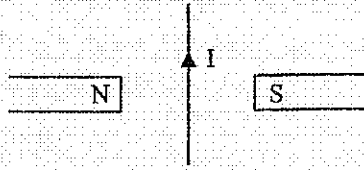
$F = B I L \sin\theta$

الف) اگر جهت جریان هم جهت با میدان یا در خلاف جهت میدان باشد بر سیم نیرویی وارد نمی‌شود.
ب) اگر جهت جریان عمود بر جهت میدان باشد نیرو Max می‌شود.

☺ تست ۶) سیم راستی به طول $0/5 \text{ m}$ که از آن جریان 10 A می‌گذرد، عمود بر خط میدان مغناطیسی یکنواختی به شدت $0/1$ تسلا قرار دارد. اگر جهت میدان روبه شمال و جهت جریان روبه شرق باشد، نیروی وارد بر سیم چند نیوتن و در چه جهتی است؟

- (۱) $0/5$ درون سو
- (۲) $0/5$ برون سو
- (۳) $0/5$ درون سو
- (۴) $0/5$ برون سو

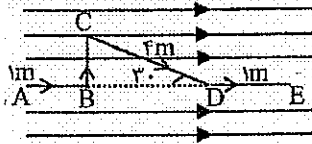
تست ۷) از سیم مستقیمی که مطابق شکل بین دو قطب ناهم نام آهن ربا قرار دارد، شدت جریان I عبور می کند. جهت نیروی وارد بر سیم از طرف میدان مغناطیسی کدام است؟



- ۱) عمود بر صفحه شکل به سمت خارج
- ۲) عمود بر صفحه شکل به سمت داخل
- ۳) در صفحه شکل از راست به چپ
- ۴) در صفحه شکل از چپ به راست

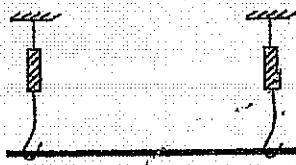
نکته: هرگاه خط واصل بین دو نقطه از سیم حامل جریان به موازات خطوط میدان قرار گیرد، نیروی وارد بر سیم بین این دو نقطه صفر است.

تست ۸) سیم ABCDE مطابق شکل در میدان مغناطیسی $0.2T$ قرار گرفته و از آن جریان $2A$ می گذرد. نیروی وارد بر سیم از طرف میدان چند نیوتن است؟



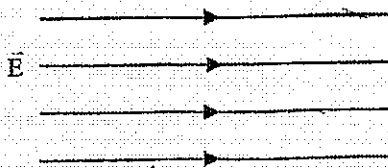
- ۱) صفر
- ۲) 0.13
- ۳) $1/6$
- ۴) 0.18

تست ۹) یک سیم راست به طول 20cm و جرم 2 گرم به طور افقی در یک میدان مغناطیسی 0.02 تسلا که خطوط نیرو افقی و عمود بر سیم است قرار دارد. چند آمپر جریان از سیم عبور دهیم تا نیروی سنجها عدد صفر را نشان دهند؟



- ۱) 5
- ۲) 10
- ۳) 20
- ۴) 50

تست ۱۰) شکل زیر الکترونی را هنگام عبور از میدان الکتریکی یکنواخت نشان می دهد. برای آن که ذره بدون انحراف از میدان بگذرد، از میدان مغناطیسی یکنواخت استفاده شده است. میدان مغناطیسی باید باشد و سرعت الکترون باید باشد. (سراسری ریاضی ۸۴)



- ۱) $\frac{E}{B}$ و \otimes
- ۲) $\frac{B}{E}$ و \otimes
- ۳) $\frac{E}{B}$ و \odot
- ۴) $\frac{B}{E}$ و \odot

- ۱) $\frac{B}{E}$ و \otimes
- ۲) $\frac{E}{B}$ و \odot

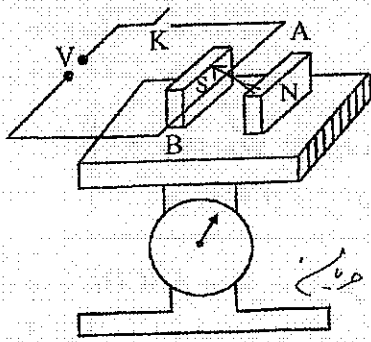
$\vec{B}, \vec{E} \rightarrow$ $\left\{ \begin{array}{l} B \text{ جهت } \rightarrow \\ E \text{ جهت } \downarrow \\ v \text{ جهت } \uparrow \end{array} \right.$
 (جهت راست)

$F_E = F_B \Rightarrow Eq = qvB$
 $v = \frac{E}{B}$

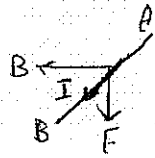
$v \rightarrow$ \otimes $E \rightarrow$

تست (۱) سیم افقی AB در میدان مغناطیسی یکنواخت بین ۲ قطب معلق است. قبل از بستن کلید k ترازو عدد ۱۰ نیوتن را نشان می دهد. وقتی کلید k بسته می شود از سیم راست جریان ۲۰ آمپر می گذرد و ترازو عدد ۸ نیوتن را نشان می دهد. اگر طول سیم AB برابر ۱۰cm باشد، اندازه میدان مغناطیسی بر حسب تسلا و جهت جریان در سیم کدام است؟ (سراسری ریاضی ۸۴)

- (۱) ۰/۱ و از A به B
- (۲) ۱ و از B به A
- (۳) ۱ و از A به B
- (۴) ۰/۱ و از B به A



اثر جاری جریان در ترازو کم تره که ترازو عدد نیوتن داره برکت ترازو سمت بالا اس
طبق قانون سیم مستقیم در جهت راست دست چپه
برون صورت



$$\Delta F = BIL$$

$$2 = B \times 20 \times 0.1 \Rightarrow B = 1T$$

B ← A

میدان مغناطیسی حاصل از جریان الکتریکی

بر اثر عبور جریان الکتریکی از یک سیم مستقیم، در اطراف آن میدان مغناطیسی ایجاد می شود. سیم مستقیم حامل جریان: بزرگی میدان مغناطیسی در فاصله عمودی r از سیم بلند و مستقیم حامل جریان I از رابطه زیر به دست می آید:

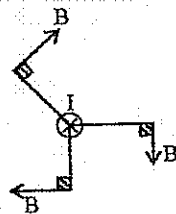
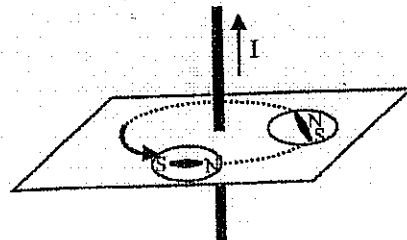
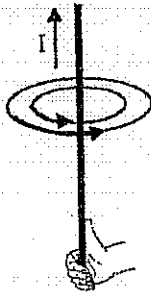
$$B = \frac{\mu_0 I}{2\pi r} \Rightarrow B = 2 \times 10^{-7} \frac{I}{r}$$

شدت جریان →
فاصله نقطه از سیم →

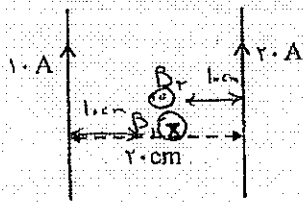
$\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} Tm/A$ ضریب گذردهی مغناطیسی خالص نام دارد و مقدار آن برابر است با

تعیین جهت میدان

جهت میدان اطراف سیم مستقیم حامل جریان به این صورت به دست می آید که اگر انگشت شست دست راست خود را در جهت جریان بگذاریم، جهت چرخش چهار انگشت دست راست، جهت میدان مغناطیسی را نشان می دهد.



تست ۱۲) شکل روبه‌رو دو سیم راست و طویل حامل جریان الکتریکی را نشان می‌دهد. میدان مغناطیسی حاصل در وسط فاصله بین دو سیم چند تسلا است؟ جهت میدان در وسط دو سیم کدام است؟ (سراسری تجربی ۸۳)



$B_2 > B_1$
 $\odot > \otimes \Rightarrow \odot$

$(\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ T.m/A})$

$\otimes 6 \times 10^{-5}$ (۲)

$\odot 2 \times 10^{-5}$ (۱)

$\otimes 6\pi \times 10^{-5}$ (۴)

$\odot 2\pi \times 10^{-5}$ (۳)

$B = B_2 - B_1$

$2 \times 10^{-5} \left(\frac{2}{1} - \frac{1}{2} \right) = 2 \times 10^{-5} \text{ T } \odot$

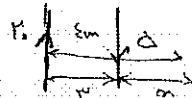
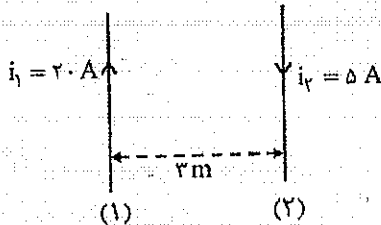
نکته: اگر جریان‌هایی که از دو سیم مستقیم موازی می‌گذرد، هم جهت باشند، بین آن‌ها و اگر جریان‌هایی که از دو سیم می‌گذرد، غیر هم‌سو باشند، فارج آن‌ها و اگر هر دو حالت نزدیک به سیم با جریان کم‌تر، نقطه‌ای وجود دارد که شدت میدان مغناطیس برآیند در آن نقطه صفر است.

فاصله این نقطه از جریان کوچک‌تر، از رابطه روبه‌رو به دست می‌آید:

فاصله دو سیم d
 $x = \frac{d}{\frac{I_1}{I_2} \pm 1}$
 جریانی بزرگ‌تر

علامت مثبت برای جریان‌های هم‌سو و علامت منفی برای جریان‌های غیر هم‌سو مورد استفاده قرار می‌گیرد.

تست ۱۳) در شکل روبه‌رو سیم‌های موازی و بلند (۱) و (۲) در یک صفحه قرار دارند. میدان مغناطیسی حاصل در چند متروی سیم (۱) صفر است؟



$x = \frac{d}{\frac{I_1}{I_2} - 1} = \frac{3}{2-1} = 3 \text{ m}$

۲ (۲)

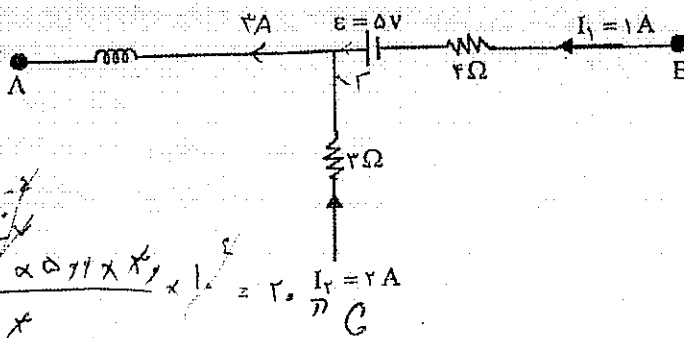
۴ (۴)

۱/۲ (۱)

۲/۴ (۳)

☆ میدان مغناطیسی در مرکز پیچ مسطح: $B = \frac{\mu_0 NI}{2r}$
 ☆ میدان مغناطیسی درون سیم‌لوله: $B = \frac{\mu_0 NI}{L}$

تست ۱۴) در مدار شکل زیر طول سیم‌لوله ۳۰ cm و تعداد حلقه‌های آن ۵۰۰ دور است. میدان مغناطیسی داخل سیم‌لوله چند گاوس است؟ (سراسری ریاضی ۸۴)



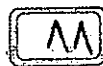
$(\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{T.m}}{\text{A}})$

۰/۲π (۱)

۲۰π (۲)

۲π × ۱۰⁻² (۳)

۲π × ۱۰⁻³ (۴)

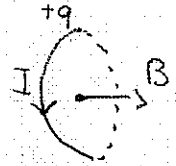


☺ تست ۱۵) از پیچهای مسطحی به شعاع ۱۰ سانتی متر که از ۲۵۰ دور سیم نازک درست شده است، جریان ۸ آمپر می گذرد. میدان مغناطیسی در مرکز پیچه چند گاوس است؟ ($\mu_0 = 12 \times 10^{-7} \frac{T \cdot m}{A}$) (سراسری ریاضی ۹۱)

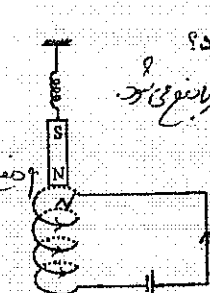
- ۱۲۰ (۴) ۶۰ (۳) ۱/۳ (۲) ۰/۱۶ (۱)

$$B = \frac{\mu_0 N I}{2r} = \frac{12 \times 10^{-7} \times 8 \times 250}{2 \times 0.1} = 12 \text{ G}$$

☺ اگر در برابر پیچه‌ای که جریان باز ساعت گردی از آن می گذرد قرار بگیریم، رخی از پیچه که پیش روی ما قرار دارد، قطب N خواهد بود و رخی دیگر قطب S

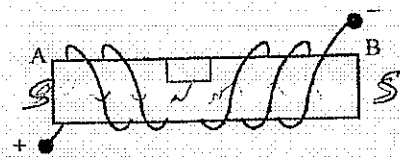


☺ برای تعیین جهت میدان مغناطیسی داخل سیم لوله از قانون دست راست به صورت زیر استفاده می کنیم. اگر انگشت دست راست روی سیم لوله در جهت جریان باشد، انگشت شست جهت میدان و قطب N را نشان می دهد.



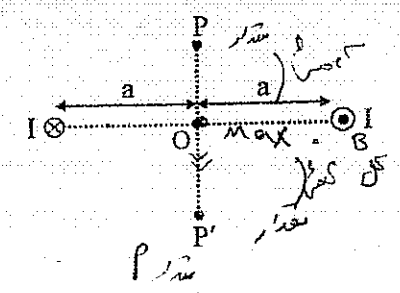
☺ تست ۱۶) در شکل روبه رو اگر از سیم لوله جریان پیوسته عبور کند، حرکت آهن ربا چگونه خواهد بود؟
 ۱) به طرف بالا رانده می شود.
 ۲) به طرف پایین کشیده می شود.
 ۳) حرکت نمی کند.
 ۴) در راستای قائم نوسان می کند.

☺ تست ۱۷) از سیم پیچی که دارای هسته آهنی است، مطابق شکل جریان I می گذرد. دو انتهای A, B به ترتیب از راست به چپ به کدام قطب تبدیل می شوند؟



- N, S (۲) S, S (۴)
 S, N (۴) N, N (۳)

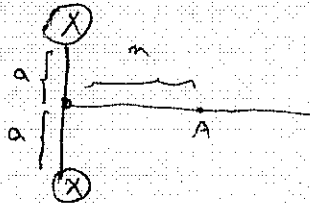
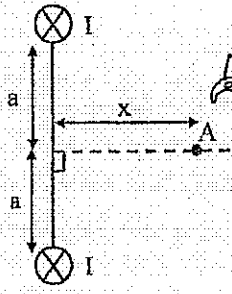
☺ تست ۱۸) مطابق شکل از دو سیم موازی بلند جریان I می گذرد. بزرگی میدان ناشی از دو سیم، از نقطه‌ی P تا P' چگونه تغییر می کند؟ (سیم‌ها عمود بر صفحه و نقطه‌ها روی صفحه‌اند.) (سراسری ریاضی ۸۹)



- (۱) کاهش می یابد.
 (۲) افزایش می یابد.
 (۳) ابتدا افزایش، سپس کاهش می یابد.
 (۴) ابتدا کاهش، سپس افزایش می یابد.

بزرگی میدان از راست

تست ۱۹) مطابق شکل دو سیم راست و بلند و موازی به فاصله $2a$ از یکدیگر قرار دارند و از آن‌ها جریان‌های مساوی و هم‌سو می‌گذرد. روی عمود منصف خط واصل دو سیم، میدان مغناطیسی در نقطه A بیشینه است. x چند برابر a است؟ (سراسری ریاضی ۹۰)

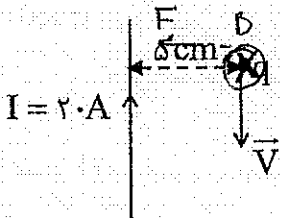


$B = \mu_0 \times I \times \frac{1}{r} \Rightarrow a = r_1 \Rightarrow \frac{2a}{a} = 2$

- ۱ (۱)
- ۲ (۲)
- ۳ (۳)
- ۴ (۴)

تست ۲۰) بار الکتریکی $q = -5.0 \mu C$ با سرعت $400 \frac{m}{s}$ موازی سیم مستقیم و بسیار بلند حرکت می‌کند. نیروی

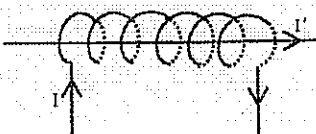
الکترومغناطیسی وارد بر بار چند نیوتن و در چه جهتی است؟ (سراسری تجربی ۸۸)



$B = \mu_0 \times I \times \frac{1}{r} \times \frac{q}{\Delta} < \mu_0 \times I \times \frac{1}{r}$

- ۱ (۱) چپ $1/6 \times 10^{-6}$
- ۲ (۲) راست $1/6 \times 10^{-6}$
- ۳ (۳) راست 1×10^{-5}
- ۴ (۴) چپ 1×10^{-5}

$F = qvB = 5 \times 10^{-6} \times 400 \times 10^2 \times 1 \times 10^{-5} = 1.4 \times 10^{-4}$



نکته: اگر سیم مستقیمی را به صورت موازی محور سیم‌لوله، از درون سیم‌لوله‌ای بگذرانیم بر آن هیچ نیرویی وارد نمی‌شود.

نکته: فرض کنید سیمی به طول d داریم. از آن سیم‌لوله‌ای درست می‌کنیم که شعاع حلقه‌های آن r است. در این صورت تعداد حلقه‌های سیم‌لوله برابر $N = \frac{d}{2\pi r}$ می‌شود.

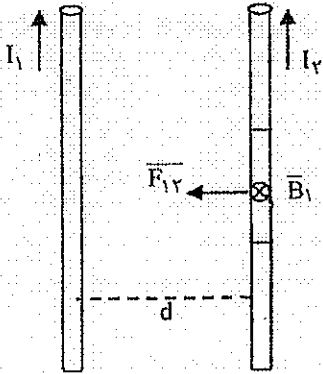
تست ۲۱) سیمی به طول ۲۰ متر را به شکل سیم‌لوله‌ای به شعاع ۱۰ cm در می‌آوریم. طول این سیم‌لوله ۲۰ cm می‌شود. اگر شدت جریان گذرنده از سیم پیچ ۱۰ A باشد، میدان مغناطیسی درون آن چند تسلا است؟ (سراسری ریاضی ۹۰)

- ۱ (۱) 10^{-2}
- ۲ (۲) 10^{-3}
- ۳ (۳) 10^{-2}
- ۴ (۴) 2×10^{-2}

$N = \frac{d}{2\pi r} = \frac{20}{2\pi \times 0.1} = \frac{100}{\pi}$

$B = \frac{\mu_0 I N}{L} = 2 \times 10^{-3}$

نیروی بین سیم‌های موازی حامل جریان



میدان حاصل از سیم حامل جریان I_1 در محل سیم حامل جریان I_2 به صورت درون‌سو است و میدان سیم I_2 در محل سیم I_1 بیرون‌سو است. با توجه به جهت جریان‌های دو سیم و با استفاده از قاعده دست راست درمی‌یابیم که نیرویی که به هر سیم وارد می‌شود به طرف سیم دیگر است، یعنی نیروی بین دو سیم به صورت جاذبه است.

اگر جریانی که از دو سیم می‌گذرد، هم جهت باشد، دو سیم یکدیگر را جذب می‌کنند. اگر جریان‌های دو سیم خلاف جهت باشند، دو سیم یکدیگر را دفع می‌کنند.

نکته ۱: اندازه نیرویی که سیم ۱ بر سیم ۲ وارد می‌کند، برابر است با نیرویی که سیم ۲ بر سیم ۱ وارد می‌کند. (طبق قانون سوم نیوتن)

$$F = 2 \times 10^{-7} \frac{I_1 I_2}{d} L$$

طول سیم L
فاصله دو سیم d

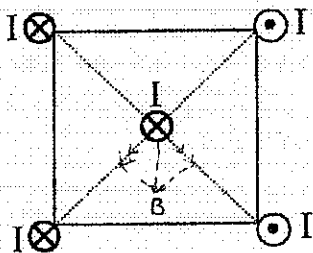
نکته ۲: اندازه نیرویی که دو سیم حامل جریان‌های I_1 و I_2 بر هم وارد می‌کنند از رابطه روبه‌رو به دست می‌آید.

☺ تست ۲۲) دو سیم بلند موازی به فاصله 20 cm از یکدیگر قرار دارند و از هر یک جریانی به شدت 2 A می‌گذرد.

بزرگی نیرویی که از طرف یک سیم به یک متر از سیم دیگر وارد می‌شود چند نیوتن است؟ ($\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ T.m/A}$)

- | | | |
|------------------------|------------------------|------------------------|
| 2×10^{-6} | 4×10^{-6} (۲) | 4×10^{-5} (۱) |
| 2×10^{-5} (۳) | 8×10^{-6} (۴) | 8×10^{-5} (۳) |

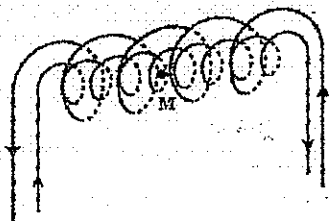
☺ تست ۲۳) چهار سیم راست و بلند حامل جریان‌های مساوی و در جهت‌های نشان داده شده در رأس‌های مربعی قرار دارند. نیروی الکترومغناطیسی وارد بر سیم حامل جریان که از مرکز مربع می‌گذرد، در کدام جهت است؟ (سراسری ریاضی ۸۹)



سیم‌ها هم‌جهت هستند و در مرکز مربع نیروی خالص وارد می‌شود.

- ← (۱)
- (۲)
- ↑ (۳)
- ↓ (۴)

☺ تست ۲۴) دو سیم‌لوله‌ای هم‌محور، طول برابر دارند. تعداد دور سیم‌لوله‌ی اولی 200 حلقه و تعداد دور سیم‌لوله‌ی دومی 400 حلقه است. اگر جریان I_A از سیم‌لوله‌ی اولی عبور کند، از سیم‌لوله‌ی دومی چه جریانی در جهت مناسب عبور کند تا برآیند میدان مغناطیسی ناشی از دو سیم‌لوله در نقطه‌ای روی محور دو سیم‌لوله صفر شود؟



- | | |
|-------------------|-------------------|
| $\frac{1}{2}$ (۱) | $\frac{2}{3}$ (۲) |
| $\frac{1}{4}$ (۳) | $\frac{2}{4}$ (۴) |

$$\frac{\mu_0 I_1 N_1}{L} = \frac{\mu_0 I_2 N_2}{L} \Rightarrow 200 \times I_A = 400 \times I_B$$

$$I_B = \frac{1}{2} I_A$$

91

القای الکترومغناطیسی

تعریف شار مغناطیسی: مجموعه خطوط میدان مغناطیسی که از یک حلقه‌ی بسته می‌گذرند را شار مغناطیسی می‌گویند. شار مغناطیسی مربوط به میدان مغناطیسی یکنواخت B که از یک سطح تخت به مساحت A می‌گذرد از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$\Phi = BA \cos \theta$$

شار مغناطیسی Φ B میدان مغناطیسی
 A مساحت پیچه
 θ زاویه نیم‌قطر عمود بر حلقه و میدان

$\cos \theta = \frac{E}{E_{max}}$

اگر زاویه بین سطح پیچه و میدان α باشد خواهیم داشت: $\theta = 90 - \alpha$

در SI یکای شار مغناطیسی وبر (Wb) است. $1 \text{ Wb} = 1 \text{ T} \cdot \text{m}^2$

- ۱- اگر سطح حلقه با جهت میدان، موازی باشد، شار مغناطیسی گذرا از حلقه صفر است.
- ۲- اگر جهت میدان مغناطیسی بر سطح حلقه عمود باشد، شار مغناطیسی بیشینه است.

☺ تست (۲۵) حلقه‌ای در یک میدان مغناطیسی طوری قرار گرفته که نصف شار ماکزیمم از آن می‌گذرد. در این وضعیت می‌توان گفت که راستای بردار میدان مغناطیسی با خط عمود بر سطح حلقه:

- ۱) موازی است.
- ۲) متقابل است.
- ۳) زاویه ۳۰ درجه می‌سازد.
- ۴) زاویه ۶۰ درجه می‌سازد.

$\cos \theta = \frac{1}{2} \rightarrow \theta = 60^\circ$

قانون فارادی

اگر شار مغناطیسی گذرا از مدار بسته تغییر کند، نیروی محرکه‌ای در مدار القا می‌شود و جریانی در آن برقرار می‌شود. بزرگی نیروی محرکه‌ی القایی با آهنگ شار مغناطیسی متناسب است.

قانون لنز

جریان القایی در پیچه، همواره در جهتی است که به وسیله‌ی آثار مغناطیسی که ایجاد می‌کند با تغییر شار مغناطیسی، یعنی عامل ایجاد این جریان مخالفت می‌کند.

☺ مثال (۲۶) یک قطعه‌ی آهنی و یک آهن‌ربای مشابه از یک ارتفاع نسبت به زمین رها می‌شوند و در حین سقوط از درون حلقه‌ای می‌گذرند. سرعت برخورد به زمین کدام یک بیش تر است؟ آنگاه چگونگی حرکت آهنربا را توضیح دهید.

$$\mathcal{E} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$$

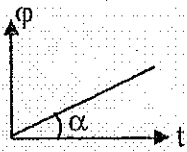
تغییر شار $\Delta \Phi$
 زمان Δt
 فقط رسم ندهد

نیروی محرکه‌ی القایی متوسط:

نیروی محرکه‌ی القایی لحظه‌ای:

اگر از رابطه شار مغناطیسی نسبت به زمان مشتق بگیریم و حاصل را در N ضرب کنیم، نیروی محرکه‌ی القایی لحظه‌ای به دست می‌آید.

$\mathcal{E} = N \frac{d\Phi}{dt}$



نیروی محرکه‌ی القایی، شیب نمودار تغییرات شار بر حسب زمان است.
 $\varepsilon = \text{tg}\alpha, \frac{d\phi}{dt} = \varepsilon$

نیروی محرکه
 مقاومت بیه

$$I = \frac{\varepsilon}{R}$$

☆ برای محاسبه جریان القایی، از رابطه روبه‌رو استفاده می‌شود:

⊙ تست ۲۷) شار مغناطیسی گذرنده از حلقه‌ای در SI به صورت $\phi = (2t^2 - 2t + 2)$ است. بزرگی نیروی محرکه القایی متوسط در ثانیه اول چند ولت است؟ (سراسری تجربی ۸۹)

۹ (۴)

۱ (۳)

۲ (۲)

۷ (۱)

⊙ تست ۲۸) شار عبوری از یک پیچه در SI به صورت $\phi = \frac{B}{\mu_0} \sin(100t - \frac{\pi}{5})$ است و پیچه ۵۰ حلقه دارد و مقاومت الکتریکی آن ۵۰ اهم است. بیشینه جریان القایی چند آمپر است؟ (سراسری تجربی ۸۲ و ۹۱)

۲۰ (۴)

۴ (۳)

۲ (۲)

۰/۴ (۱)

$$\varepsilon_{\max} = N \frac{d\phi}{dt} = N B A \omega \cos(\omega t - \phi_0) = 50 \times 72 \times 100$$

$$I_{\max} = \frac{\varepsilon_{\max}}{R} = \frac{50 \times 72 \times 100}{50}$$

تغییر شار به دلیل تغییر در بزرگی میدان، مساحت حلقه یا زاویه حلقه با میدان، پدید می‌آید:

الف) اگر تغییر اندازه میدان مغناطیسی عامل ایجاد جریان القایی باشد، داریم:

$$\Delta\phi = \Delta B A \cos\theta$$

ب) اگر تغییر سطح حلقه عامل ایجاد جریان القایی باشد، داریم:

$$\Delta\phi = \Delta A B \cos\theta$$

پ) اگر تغییر زاویه حلقه و میدان عامل ایجاد جریان القایی باشد، داریم:

$$\Delta\phi = B A (\cos\theta_2 - \cos\theta_1)$$

☆ مقدار بار القا شده از رابطه روبه‌رو به دست می‌آید: $q = I \Delta t \Rightarrow q = \frac{\varepsilon \Delta t}{R} = \frac{N \Delta\phi \times \Delta t}{R} = \frac{N \Delta q}{R}$

⊙ تست ۲۹) پیچه‌ای دارای ۵۰ حلقه است و شار مغناطیسی ۰/۰۴ وبر از آن می‌گذرد. این شار مغناطیسی به طور منظم کاهش پیدا کرده و در مدت Δt به صفر می‌رسد. اگر مقاومت الکتریکی این مدار ۵Ω باشد، چند کولن الکتریسیتته القایی در این مدت در این مدار شارش پیدا می‌کند؟ (سراسری تجربی ۸۴)

۲۰ (۴)

۴ (۳)

۲ (۲)

۰/۴ (۱)

۰/۰۲ (۱)

$$q = \frac{N \Delta q}{R} = \frac{50 \times 0.04}{5} = 0.4 \text{ C}$$

⊙ تست ۳۰) مساحت پیچه‌ای با ۱۰۰ دور و مقاومت ۶Ω برابر ۶۰cm² است. این پیچه به‌طور عمود بر یک میدان مغناطیسی قرار دارد. میدان مغناطیسی با چه آهنگی بر حسب $\frac{T}{s}$ تغییر کند تا جریانی به شدت یک میلی‌آمپر در پیچه القا شود؟

۲x10^{-۳} (۴)

۲x10^{-۲} (۳)

۵x10^{-۳} (۲)

۱۰^{-۲} (۱)

$$\varepsilon = IR = N \frac{\Delta\phi}{\Delta t} \Rightarrow IR = N A \left(\frac{\Delta B}{\Delta t} \right) \Rightarrow 1 \times 10^{-3} = 100 \times 6 \times 10^{-4} \times \frac{\Delta B}{\Delta t} \Rightarrow \frac{\Delta B}{\Delta t} = 1.0 \times 10^{-3}$$

۹۳

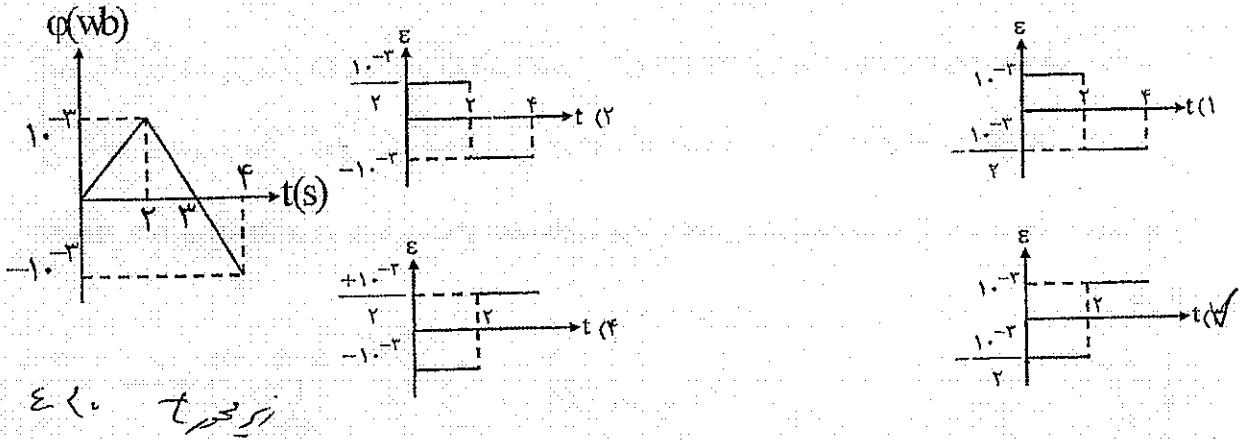
تست ۳۱) حلقه‌ای عمود بر میدان مغناطیسی یکنواختی قرار دارد و شار گذرا از آن $\frac{d\Phi}{dt} = 0.1$ است. اگر این حلقه را در مدت 0.2 s حول خطی که بر سطح آن است به اندازه 180° درجه دوران دهیم، نیروی محرکه القا شده در آن چند ولت است؟

۲۰۰ (۴) ۱۵۰ (۳) ۱۰۰ (۲) ۵۰ (۱)

$$\Delta \Phi = -Q - \Phi = -2\Phi$$

$$\mathcal{E} = \left| \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \right| = \frac{2 \times 15}{0.2} = 150 \text{ V}$$

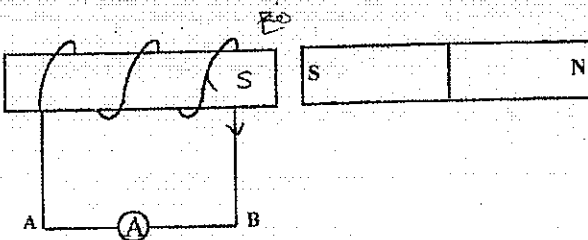
تست ۳۲) نمودار تغییرات شار مغناطیسی بر حسب زمان برای یک حلقه رسانا مطابق شکل است. نمودار نیروی محرکه القایی بر حسب زمان کدام است؟



دور و نزدیک کردن یک آهن‌ربا به پیچه

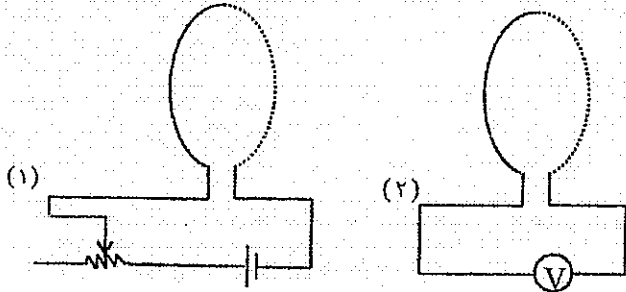
اگر قطب N یک آهن‌ربا را به پیچه‌ای نزدیک کنیم، جریان در پیچه در جهتی ایجاد می‌شود که میدان مغناطیسی حاصل از آن با حرکت آهن‌ربا به سمت پیچه مخالفت کند، یعنی آن را به عقب براند، یعنی قطب هم‌نام القا نماید. (در شکل روبه‌رو قطب N می‌دانیم اگر جریان پاد ساعت‌گردی از پیچه بگذرد، رخی از پیچه که در روبه‌روی ما قرار دارد، قطب N است و بالعکس. پس در شکل روبه‌رو جریان پاد ساعت‌گرد در پیچه القا می‌شود. اگر قطب N یک آهن‌ربا را از پیچه‌ای دور کنیم، جریان در پیچه در جهتی ایجاد می‌شود که میدان مغناطیسی ایجاد شده در سیم با دور شدن آهن‌ربا از آن مخالفت کند، یعنی آن را جذب کند، بنابراین در پیچه قطب ناهم‌نام به وجود می‌آید (در شکل روبه‌رو قطب S) بنابراین جریان ساعت‌گرد در پیچه القا می‌شود.

تست ۳۳) در شکل روبه‌رو هنگام نزدیک کردن آهن‌ربا به سیم پیچ، جهت جریان القایی در آمپرسنج چگونه است؟



- (۱) از A به B
- (۲) از B به A
- (۳) متناوباً از A به B و برعکس
- (۴) بستگی به شتاب حرکت آهن‌ربا دارد.

القای متقابل

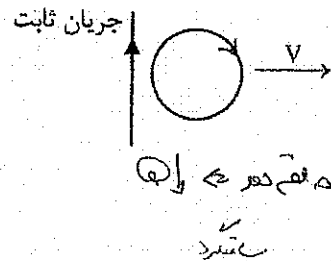
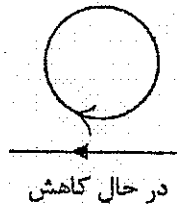
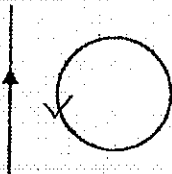


ایجاد نیروی محرکه القایی در یک مدار به کمک تغییر جریان در یک مدار دیگر را القای متقابل گویند. دو مدار حلقه‌ای مانند شکل روبه‌رو را در نظر می‌گیریم؛ در مدار اول یک مولد و یک مقاومت متغیر و در مدار دوم فقط یک ولت متر وجود دارد:

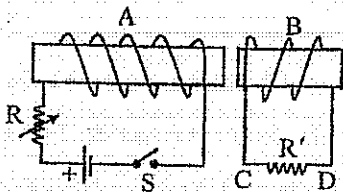
- (الف) اگر جریان در مدار شامل مولد افزایش یابد جریان القا شده در مدار دوم در جهت مخالف است.
- (ب) اگر جریان در مدار شامل مولد کاهش یابد جریان القا شده در مدار دوم هم جهت است.

مثال ۳۴) جریان القا شده در هر یک از حلقه‌های دایره‌ای نشان داده شده در شکل زیر در چه سویی است؟

در حال افزایش



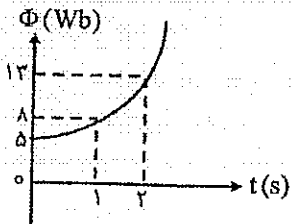
تست ۳۵) مطابق شکل روبه‌رو دو سیم لوله A و B روبه‌روی یکدیگر قرار دارند. در کدام یک از موارد زیر جریان القا شده



در مقاومت R' از C به طرف D خواهد بود؟ (سراسری ریاضی ۸۸ و ۹۰)

- ۱) با بسته بودن کلید، دو سیم بیچ را به هم نزدیک کنیم. $\Phi \uparrow$
- ۲) با بسته بودن کلید، مقاومت R را کم کنیم. $\Phi \uparrow$
- ۳) لحظه‌ی قطع کلید $\Phi \downarrow$
- ۴) لحظه‌ی وصل کلید $\Phi \uparrow$

تست ۳۶) نمودار شار مغناطیسی گذرنده از یک حلقه، به صورت سهمی روبه‌رو است. بزرگی نیروی محرکه‌ی القایی در لحظه‌ی



t = 0 چند ولت است؟ (سراسری تجربی ۹۰)

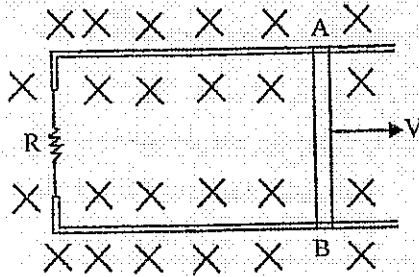
$$\Phi = at^2 + bt + c \Rightarrow \begin{cases} t=0 & \Rightarrow c = 5 & 1 \text{ (۱)} \\ t=1 & \Rightarrow a + b + 5 = 12 & 2 \text{ (۲)} \\ t=2 & \Rightarrow 4a + 2b + 5 = 12 & 3 \text{ (۳)} \end{cases}$$

$$\begin{cases} a + b = 7 \\ 4a + 2b = 7 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = 1 \\ b = 6 \end{cases}$$

$$\Phi = t^2 + 6t + 5 \Rightarrow \begin{cases} t=2 & \Rightarrow \frac{d\Phi}{dt} = 2a + 2b + 0 = 14 & 4 \text{ (۴)} \\ t=1 & \Rightarrow \frac{d\Phi}{dt} = 2a + b = 8 & \end{cases}$$

۹۵

حرکت میله رسانا در میدان و ایجاد جریان القایی

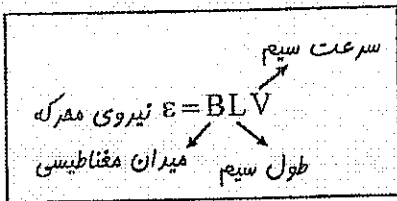


اگر یک رسانای میله‌ای شکل در میدان مغناطیسی جابه‌جا شود، بر بارهای آزاد درون آن نیروی الکترومغناطیسی وارد می‌شود.

رسانای متحرک در میدان مغناطیسی به منزله‌ی یک نیروی محرکه و عامل جریان القایی است.

اگر میله‌ای در یک میدان مغناطیسی به حرکت در آید، همواره نیرویی در خلاف جهت حرکت بر آن وارد می‌شود.

اگر یک قطعه سیم رسانا به طول L با سرعت v در میدان مغناطیسی به شرت B جابه‌جا شود، در آن نیروی محرکه‌ای القا می‌شود که از رابطه‌ی زیر به دست می‌آید:

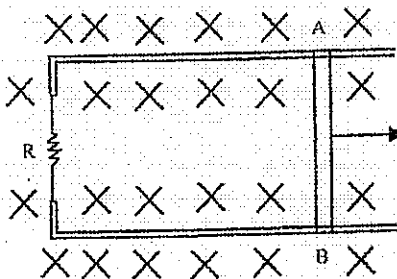


این نیروی محرکه القایی با افتلاف پتانسیل دو سر قطعه سیم، برابر است.

تعیین جهت جریان القایی: ابتدا جهت F را خلاف v می‌گیریم. سپس با کمک جهت F و B و با استفاده از قانون دست راست، جهت جریان I به دست می‌آید.

☺ تست (۳۷) در شکل روبه‌رو میله فلزی AB رسانای U شکل با سرعت ثابت کشیده می‌شود و سطح قصاب عمود بر میدان مغناطیسی ثابت و یکنواخت درون سو است. در این حالت جریان القایی در درون میله AB چگونه است؟

اگر $R = 0.4 \Omega$ و $B = 0.5 T$ و $I = 0.5 A$ و $L = 0.2 m$ باشد، سرعت انتقال میله v چند m/s است؟ (L طول میله است.)



$$I R = B L v$$

$$0.5 \times 0.4 = 0.5 \times 0.2 \times v$$

$$v = 2 \frac{m}{s}$$

(۱) از B به A

(۲) از A به B

(۳) نوسانی سینوسی است - ۰.۲

(۴) از B به A - ۰.۲

تذکره: اگر میله به سمت راست حرکت کند، پس از حرکت رسانای متحرک ثابت است و اگر حرکت میله به سمت چپ داشته باشد، به مقدار متغیر است.

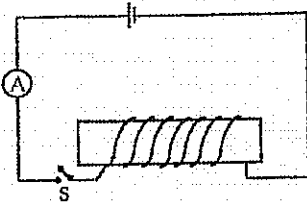
خود القایی

مفهوم خود القایی و نیروی محرکه خود القایی

اگر جریانی که از یک پیچه می‌گذرد تغییر کند، شار مغناطیسی متغیر به وجود آمده در خود پیچه نیروی محرکه‌ای القا می‌کند که سعی این نیرو محرکه بنا به قانون لنز در جهتی است که با تغییر جریانی که عامل به وجود آورنده آن است، مخالفت می‌کند. این پدیده را خود القایی و نیروی محرکه القا شده در پیچه را نیروی محرکه خود القایی گویند.

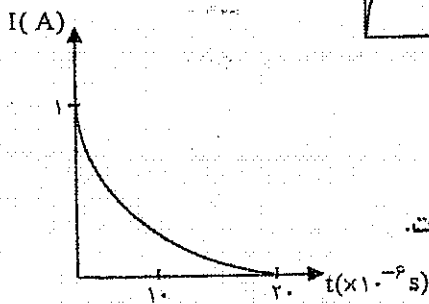
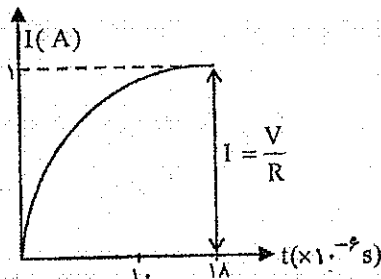
اثر خود القایی در مدار شامل پیچه

در مدار روبه‌رو اگر کلید S را ببندیم، جریان به یکباره به I که از قانون اهم به دست می‌آید ($I = \frac{V}{R}$) نمی‌رسد، بلکه با زمان تغییر می‌کند.



منحنی تغییر جریان با زمان هنگام بستن کلید

به صورت روبه‌رو است.

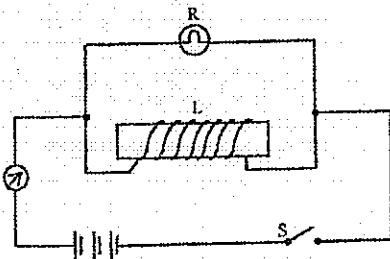


علاوه بر آن، هنگام قطع کلید جریان به‌طور آنی صفر نمی‌شود بلکه پس از گذشت زمانی هر چند اندک به صفر می‌رسد.

منحنی تغییر جریان با زمان به هنگام قطع کردن کلید به صورت روبه‌رو است.

☆ نیروی محرکه‌ی خود القایی در سیم‌لوله (الفاکر) تمایل دارد جریانی که از سیم‌لوله می‌گذرد ثابت بماند

☺ تست (۳۸) اگر یک سیم‌لوله کم مقاومت L که یک هسته آهنی دارد را با لامپ R به‌طور موازی ببندیم، هنگام بستن کلید S نور لامپ چگونه تغییر می‌کند؟



- (۱) مرتباً کم نور می‌شود.
- (۲) مرتباً پر نور می‌شود.
- (۳) ابتدا پر نور سپس کم نور می‌شود.
- (۴) ابتدا کم نور سپس پر نور می‌شود.

☑ پاسخ: گزینه () پس از بستن کلید و آغاز برقراری جریان نیروی محرکه خود القایی که در سیم‌لوله ایجاد می‌شود با عبور جریان از سیم‌لوله مخالفت کرده و باعث می‌شود جریان کمی از سیم‌لوله بگذرد و بخش عمده جریان از لامپ عبور کند و لامپ پر نور شود. پس از آن‌که تغییر جریان صفر شد، چون سیم‌لوله کم مقاومت است (طبق فرض) بخش عمده جریان را از خود عبور داده و لامپ کم نور می‌شود.

تذکره: اگر کلید را بعد از بستن کلید S برداریم، نور لامپ کم نور می‌شود.

ضریب خود القایی (دعا نری)

$$\mathcal{E} = -L \frac{\Delta I}{\Delta t}$$

نیروی محرکه القایی متوسط:

اگر از معادله جریان نسبت به زمان مشتق گرفته و حاصل را در L (ضریب خود القایی) ضرب کنیم، نیروی محرکه القایی لحظه‌ای به دست می‌آید.

$$L = \mu_0 \frac{N^2 A}{l}$$

ضریب خود القایی در سیم‌لوله بدون هسته برابر است با:

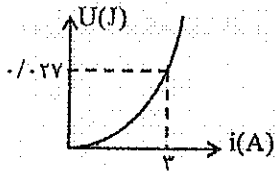
یکای ضریب خود القایی هانری است.

$$L = \frac{\mu_0 N^2 \int \int \mathbf{r}^2}{\int \int \mathbf{r}^2 L}$$

$$U = \frac{1}{2} LI^2$$

انرژی ذخیره شده در القاگر:

تست ۳۹) شکل روبه‌رو نمودار انرژی سیم‌لوله است. ضریب خود القایی سیم‌لوله چند میلی‌هانری است؟ (سراسری ریاضی ۸۹)



$$U = \frac{1}{2} L I^2 \Rightarrow \frac{0.27}{100} = \frac{1}{2} \times L \times 9 \Rightarrow L = \frac{4}{100} \text{ H} = 4 \text{ mH}$$

تست ۴۰) پیچ‌های ۵۰۰ حلقه دارد. جریان در آن در مدت معین از ۲A به ۲/۰۵A می‌رسد و در همان مدت شار مغناطیسی پیچه از ۵۰۰۰ میکرو وبر به ۵۰۲۵ میکرو وبر می‌رسد. ضریب خود القایی پیچه چند هانری است؟

- ۱ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴) ۵ (۵)

$$\Delta I = 1.5 \text{ A}$$

$$\Delta \Phi = 25 \mu \text{wb}$$

$$L \frac{\Delta I}{\Delta t} = N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \Rightarrow L \times 1.5 = 500 \times 25 \times 10^{-6}$$

$$L = 1.25$$

تست ۴۱) سیمی به طول ۶۰m را به صورت سیم‌لوله بدون هسته به طول ۰/۵ متر درآورده و از آن جریان ۱۰A عبور می‌دهیم، انرژی ذخیره شده در آن چند ژول می‌شود؟

$$\left(\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{Tm}}{\text{A}} \right)$$

- ۱ (۱) $3/6 \times 10^{-2}$ ۲ (۲) $3\pi \times 10^{-2}$ ۳ (۳) $8\pi^2 \times 10^{-5}$ ۴ (۴) 8×10^{-5}

$$L = \mu_0 \frac{N^2}{l} \Rightarrow L = \frac{4\pi \times 10^{-7} \times 3600}{0.5} = 7.2 \times 10^{-2} \text{ H}$$

$$U = \frac{1}{2} LI^2 = 0.4 \times 10^{-2} \times 10^2 = 3.6 \times 10^{-2} \text{ J}$$

تست ۴۲) معادله جریان عبوری از سیم‌لوله‌ای به ضریب خود القایی ۲۰ میلی‌هانری در SI، $i = -t^2 + 2\sin \pi t$ است.

انرژی آن در $t = 28$ چند ژول و نیروی محرکه القایی در $t = 2/5$ چند ولت است؟ (مشابه سراسری ریاضی ۹۰)

- ۱ (۱) ۰/۰۴ و ۰/۱ ۲ (۲) ۰/۱۶ و ۰/۱ ۳ (۳) ۰/۰۴ و ۰/۲ ۴ (۴) ۰/۱۶ و ۰/۲

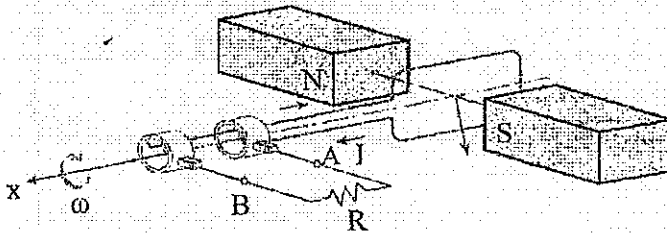
$$i = -t^2 + 2\sin \pi t$$

$$U = \frac{1}{2} LI^2 = \frac{1}{2} \times \frac{2}{100} \times 13^2 = 1.7 \text{ J}$$

$$\mathcal{E} = L \frac{di}{dt} = \frac{2}{100} \times 0 = 0$$

جریان متناوب

ساده‌ترین راه برای تغییر شار، تغییر زاویه θ است. بنابراین متداول‌ترین روش تولید جریان القایی، تغییر زاویه است.



اگر پیچ‌های مطابق شکل با دوره T بین دو قطب آهن‌ریزا بچرخد و فرض کنیم پیچه در $t = 0$ در وضعیت عمود بر میدان مغناطیسی ($\theta = 0$) باشد، در لحظه t ثانیه وضعیت آن به صورت روبه‌رو است: $\theta = \omega t = \frac{2\pi}{T}t$

شار مغناطیسی که در لحظه t از پیچه می‌گذرد برابر است با:

معادله شار مغناطیسی تناوبی $\phi = BA \cos \theta \rightarrow \phi = BA \cos \omega t$

نیروی محرکه القا شده در پیچه در لحظه t برابر است با:

معادله نیروی محرکه تناوبی $\varepsilon = \left| N \frac{d\phi}{dt} \right| \rightarrow \varepsilon = NBA \omega \sin \omega t \rightarrow \varepsilon = \varepsilon_m \sin \theta$

نکته بیشینه نیروی محرکه‌ی القایی برابر است با: $\varepsilon_{max} = NBA \omega$

معادله جریان متناوب به صورت روبه‌رو است: $I = \frac{\varepsilon}{R} \rightarrow I = I_m \sin \omega t$

نکته در مولدهای صنعتی، جریان متناوب پیچه‌ها را ساکن گرفته و آهن‌ریا را در روبه‌روی آن‌ها می‌چرخانند.

☺ تست (۴۳) جریان متناوبی که بیشینه آن $2A$ و دوره آن $0.02s$ است از یک رسانا می‌گذرد. شدت جریان در لحظه $t = \frac{1}{600}s$ چند آمپر است؟

۱ (۱) $\sqrt{2}$ (۲) ۲ (۳) $\sqrt{3}$ (۴)

$I_m \sin(\omega t) \rightarrow 2 \times \sin\left(\frac{2\pi}{0.02} \times \frac{1}{600}\right) \Rightarrow 2 \times \frac{1}{\sqrt{2}} = 1.41A$

☺ تست (۴۴) از سیم نازک به طول 60 متر، پیچه‌ای به شعاع $5cm$ ساخته‌ایم. این پیچه حول محوری عمود بر میدان مغناطیسی یکنواخت 0.2 تسلا می‌چرخد و در هر دقیقه 1200 دور می‌زند. بیشینه نیروی محرکه القایی در پیچه چند ولت است؟ (سراسری ریاضی ۸۹)

۱ (۱) $6\pi^2$ (۲) $4\pi^2$ (۳) 12π (۴) 18π (۵)

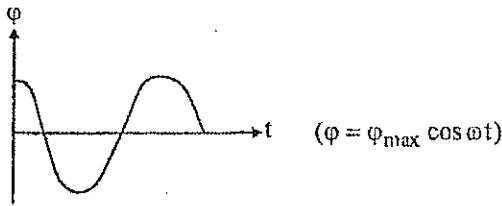
$N = \frac{L}{\mu_0 \mu_r N^2 A} \Rightarrow \frac{L}{\mu_0 \mu_r N} = \frac{1}{\mu_r} \Rightarrow \frac{0.005}{4\pi \times 10^{-7} \times 1} = \frac{1}{\mu_r} \Rightarrow \mu_r = \frac{1}{4\pi \times 10^{-7} \times 0.005} = 125000$

$\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{60} = \frac{\pi}{30} \text{ rad/s}$

$\varepsilon_{max} = NBA\omega = \frac{0.005}{125000} \times \frac{\pi}{30} \times \frac{1}{4\pi \times 10^{-7}} \times 125000 = 12.5V$

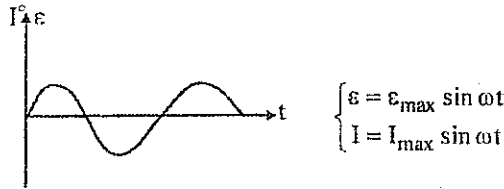
نمودارهای جریان متناوب:

الف: نمودار شار مغناطیسی بر حسب زمان



ب: نمودار نیرو محرکه بر حسب زمان

یا نمودار شدت جریان بر حسب زمان



☺ تست ۴۵) پیچهای دارای ۲۰۰ حلقه و مقاومت الکتریکی آن 2π اهم است. اگر نمودار شار بر حسب زمان در هر یک از حلقه‌های آن مطابق شکل باشد، جریان القایی در این پیچه در لحظه‌ی $t = 0.04$ (s) چند آمپر است؟

$\frac{I}{\epsilon} = \frac{1}{R}$
 $\frac{I}{\epsilon} = \frac{1}{R}$
 $\omega = \frac{2\pi}{T} = \frac{2\pi}{0.02} = 100\pi$

$\epsilon = NBA\omega \sin(\omega t)$
 $200 \times 6 \times 10^{-3} \times 100\pi \sin(100\pi \times 0.04)$

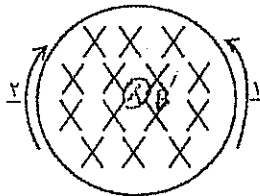
$I = \frac{\epsilon}{R} = \frac{200 \times 6 \times 10^{-3} \times 100\pi \times 0.8}{20}$

$I = 2.0 \text{ A}$

۱ (۲)
 ۲۰ (۴)
 ۱۰ (۳)

☑ جریان القایی در $t = \frac{1}{2}$ s چند آمپر است؟

☺ تست ۴۶) در شکل روبه‌رو اگر میدان به‌طور یکنواخت از \vec{B} به $-\vec{B}$ تغییر کند، جریان القایی در کدام جهت خواهد بود؟

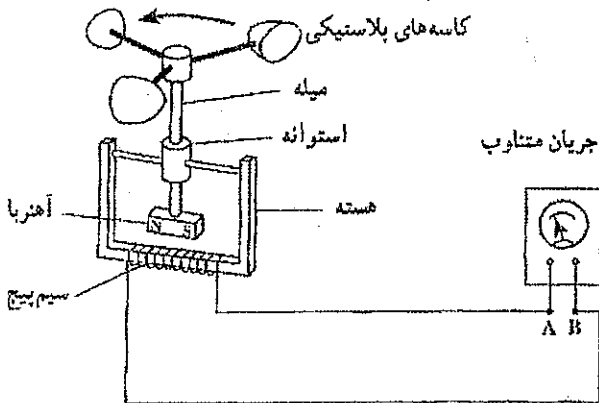


جریان ۱ به ۲
 در جهت لتر
 در حال کاهش

- (۱) همواره (۱)
- (۲) همواره (۲)
- (۳) ابتدا (۱) سپس (۲)
- (۴) ابتدا (۲) سپس (۱)

ساختمان بادسنج:

اگر یک بادسنج را روی بام خانه نصب کنیم به هنگام وزیدن باد چرخش میله سبب انحراف عقربه‌ی ولت‌سنج می‌شود.



طبق $\epsilon_{max} = NBA\omega$ می‌توان گفت:

- ۱- هر چه باد، دور، سبب انحراف عقربه‌ی ولت‌سنج بیشتر.
- ۲- هر چه باد، دور، سبب انحراف عقربه‌ی ولت‌سنج بیشتر.
- ۳- هر چه باد، دور، سبب انحراف عقربه‌ی ولت‌سنج بیشتر.

ویژگی‌های

ماده و فشار

تعداد سؤال در کنکور سراسری تجربی: ۲ سؤال

تعداد سؤال در کنکور سراسری ریاضی: ۲ سؤال

ویژگی‌های ماده

- حالت‌های ماده**
- ۱- گاز: در این حالت مولکول‌ها آزادانه به اطراف حرکت می‌کنند و با یکدیگر و دیواره ظرف برخورد می‌کنند. فاصله‌ی مولکول‌ها در حالت گاز بیشتر از حالت‌های مایع و جامد است.
 - ۲- مایع: در این حالت مولکول‌ها به اطراف خود حرکت می‌کنند و به سهولت روی هم می‌لغزند.
 - ۳- جامد: در این حالت مولکول‌ها در مکان‌های خاصی قرار می‌گیرند و فقط می‌توانند در اطراف این مکان‌ها حرکت‌های نوسانی بسیار کوچکی انجام دهند.

$F_s > F_l > F_g$

از لحاظ نیروهای بین مولکولی

$X_s = X_l < X_g$

از لحاظ فاصله‌ی بین مولکول‌ها

جامدها دو نوع اند

الف) جامدهای بلورین: مولکول‌ها در طرح‌های منظمی در کنار یکدیگر قرار می‌گیرند و جامدهای بلورین از تکرار این طرح‌ها حاصل می‌شوند. فلزها و بیشتر سنگ‌ها مانند الماس و نمک طعام جامد بلورین هستند. جامدهای بلورین معمولاً زمانی تشکیل می‌شوند که مایع را به آهستگی سرد کنیم. در این صورت مولکول‌ها فرصت دارند که در طرح منظمی خود را مرتب کنند.

ب) جامدهای بی شکل: مولکول‌ها در طرح‌های منظمی در کنار یکدیگر قرار ندارند. این جامدها از سرد کردن سریع مایع به دست می‌آیند. با این عمل مولکول‌ها فرصت کافی پیدا نمی‌کنند که خود را در طرح منظمی مرتب کنند در نتیجه تا حدودی در وضعیت نامنظمی که در حالت مایع داشتند باقی می‌مانند.

😊 تست (۱) هنگامی که یک لیوان پر از آب را کج می‌کنیم، آب به راحتی از آن می‌ریزد. این مشاهده ما را به این نتیجه می‌رساند که مولکول‌های مایع: (سراسری ریاضی ۸۸)

- ۱) بر روی هم می‌لغزد.
- ۲) با آزادی کامل به هر سمتی حرکت می‌کنند.
- ۳) در اطراف مکان خود حرکت نوسانی دارند.
- ۴) در شبکه‌ی منظم با اتم‌های مجاور جایگاه ثابتی دارند.

نیروهای بین مولکولی

- ۱- نیروی چسبندگی
- ۲- نیروی چسبندگی سطحی

۱- نیروی چسبندگی: بین مولکول‌های یک مایع نیروی ریایشی به نام نیروی چسبندگی وجود دارد. چنانچه فاصله مولکول‌ها از یک حد معین کمتر شود، نیروی رانشی قوی بین مولکول‌ها ایجاد می‌شود علت تراکم‌ناپذیر بودن تقریبی مایع‌ها وجود همین نیروهای رانشی است.

کشش سطحی: هنگامی که یک سوزن فولادی به آرامی روی سطح آب قرار می‌گیرد، مولکول‌های آب با نیروی چسبندگی یکدیگر را می‌ربایند و باعث می‌شوند که سطح آب مانند یک پوسته‌ی کشیده رفتار کند و سوزن را نگه دارد. این رفتار سطح را کشش سطحی می‌نامند. که از اثرهای نیروی چسبندگی است.

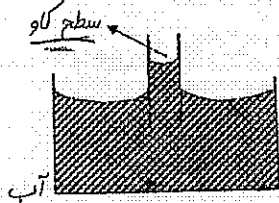
- ☺ تست کنگور ۹۰) نیروی بین مولکولی برای یک ماده چگونه است؟
- ☑ (جواب) در فواصل فوق العاده کم r و در فاصله کمی بیش تر r است.
- ☺ تست کنگور ۸۳) کدام عامل، مایع‌ها را تقریباً تراکم ناپذیر می‌کند؟
- ☑ (جواب) نیروی رانشی قوی بین مولکول‌ها در فواصل خیلی نزدیک
- ☺ تست کنگور ۸۵) عامل نگه دارنده تیغ فولادی پهن روی آب نیروی ... است.
- ☺ تست کنگور) علت تشکیل قطره‌ی آب وجود نیروهای ... است.

۲- نیروی چسبندگی سطحی: بین مولکول‌های یک مایع و یک جسم جامد نیروی ربایشی به نام نیروی چسبندگی سطحی وجود دارد که بسته به جنس آن‌ها ممکن است نیروهای چسبندگی سطحی بیشتر یا کمتر از چسبندگی مولکول‌های خود مایع باشند.

☺ مثال ۲) یک قطره آب را بر روی یک ظرف شیشه‌ای تمیز و خشک قرار دهید. بار دیگر نیز سطح شیشه را چرب کنید و سپس قطره را روی سطح قرار دهید، چه اتفاقی رخ می‌دهد.

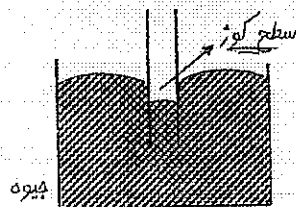
☑ (جواب) در حالت اول، نیروی چسبندگی سطحی بیشتر از نیروی چسبندگی است و آب روی سطح شیشه پهن می‌شود. در حالت دوم، نیروی چسبندگی سطحی کمتر از نیروی چسبندگی است و آب به صورت گروی در می‌آید.

مویبگی: بالا یا پایین رفتن مایع درون لوله مویب را مویبگی می‌نامند که از اثرهای نیروی چسبندگی سطحی است.



الف) اگر یک لوله مویب درون ظرف آب قرار گیرد: مطابق شکل مشاهده می‌شود که:

- ۱- سطح آب در لوله مویب مقعر (دارای فرورفتگی) است.
- ۲- آب در لوله مویب بالا می‌رود و سطح آن بالاتر از سطح آب ظرف قرار می‌گیرد.
- ۳- هر چه قطر لوله مویب کمتر باشد، آب در لوله بالاتر می‌رود.

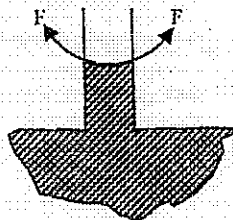


ب) اگر یک لوله مویب را وارد ظرف جیوه کنیم، مطابق شکل مشاهده می‌شود که:

- ۱- سطح جیوه در لوله مویب محدب (دارای برآمدگی) است.
- ۲- جیوه در لوله مویب پایین می‌رود و سطح آن پایین‌تر از سطح جیوه در ظرف قرار می‌گیرد.
- ۳- هر چه قطر لوله مویب کمتر باشد، جیوه در لوله پایین‌تر می‌رود.

چرا سطح آب درون لوله مویب دارای فرورفتگی است: نیروی چسبندگی سطحی بیشتر از نیروی چسبندگی است در نتیجه مولکول‌های آب به طرف سطح داخلی لوله مویب کشیده می‌شوند و در سطح آب فرورفتگی ایجاد می‌کنند.

چرا سطح آب در لوله مویب بالا می‌رود: از طرف سطح داخلی لوله مویب نیروی F مطابق شکل به آبی که با لوله در تماس است وارد می‌شود. این نیرو آب را درون لوله بالا می‌برد.

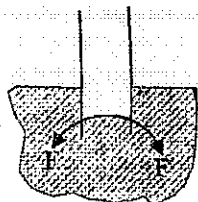


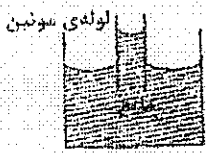
چرا سطح جیوه درون لوله مویب دارای برآمدگی است:

نیروی چسبندگی بیشتر از نیروی چسبندگی سطحی است در نتیجه مولکول‌های جیوه که به سطح داخلی لوله مویب نزدیک‌اند به طرف مرکز لوله کشیده می‌شوند و در سطح جیوه برآمدگی ایجاد می‌کنند.

چرا سطح جیوه در لوله مویب پایین می‌رود:

از طرف سطح داخلی لوله مویب نیروی F مطابق شکل به جیوه‌ای که با لوله در تماس است وارد می‌شود. این نیرو باعث پایین رفتن جیوه در لوله مویب می‌شود.





تست ۳) از مشاهده‌ی آزمایش روبه‌رو، به کدام نتیجه می‌توان دست یافت؟ (سراسری ریاضی خارج ۹۰)

(۱) در سطح مایعات کشش سطحی وجود دارد.

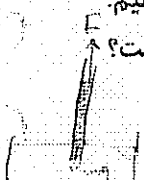
(۲) چگالی لوله‌ی موئین کم‌تر از چگالی مایع است.

(۳) بزرگی نیروی چسبندگی مولکول‌های مایع، بیش‌تر از نیروی چسبندگی سطحی بین مولکول‌های مایع و لوله است.

(۴) بزرگی نیروی چسبندگی سطحی بین مولکول‌های مایع و لوله، بیش‌تر از بزرگی نیروی چسبندگی مولکول‌های مایع است.

نکته: آب در لوله موئین تا جایی بالا می‌رود که: نیروی چسبندگی سطحی بین برزهی داخلی لوله و آب برابر وزن ستون آب درون لوله شود.

تست ۴) یک لوله موئین که مساحت مقطع داخلی آن 0.5 mm^2 است را به طور قائم داخل ظرف آبی قرار می‌دهیم. آب تا ارتفاع 40 cm در لوله بالا می‌رود. نیروی چسبندگی سطحی بین مولکول‌های آب و شیشه چند نیوتن است؟ (چگالی آب 1 g/cm^3 فرض شود)



(۴) 5×10^{-4}

(۳) 5×10^{-3}

(۲) 2×10^{-4}

(۱) 2×10^{-2}

$$F = mg = \rho V g = \rho \frac{\pi r^2 h}{4} g \Rightarrow F = 1.0 \times 10^3 \times 1.27 \times 10^{-3} \times 10 = 1.27 \times 10^{-2} \text{ N}$$

تست ۵) یک لوله موئین به طول 50 cm را که دو سر آن باز است به طور قائم داخل ظرف آبی قرار می‌دهیم به طوری که 10 cm آن داخل آب قرار می‌گیرد. در داخل لوله آب 12 cm نسبت به سطح آزاد آب طرف بالا می‌آید. اگر 6 cm طول لوله را کوتاه‌تر کنیم و 8 cm آن را داخل آب کنیم، ارتفاع آب بالا آمده در لوله نسبت به سطح آزاد آب چند سانتی‌متر می‌شود؟

(۴) ۱۴

(۳) ۱۲ ✓

(۲) ۱۰

(۱) ۸

ارتفاع آب درون لوله موئین فقط به قطر لوله بستگی دارد و طول لوله یا طولی از لوله که درون آب است اهمیتی ندارد.

تست ۶) چند لوله موئین با قطرهای داخلی متفاوت را به طور عمود وارد ظرفی محتوی جیوه می‌کنیم. سطح جیوه درون لوله‌ها چگونه است؟

(۱) در تمام لوله‌ها هم سطح جیوه درون ظرف

(۲) در سطوح مختلف و همه بالاتر از سطح جیوه درون ظرف

(۳) در سطوح مختلف و همه پایین‌تر از سطح جیوه درون ظرف

(۴) در یک سطح و پایین‌تر از سطح جیوه‌ی درون ظرف

چگالی (جرم حجمی)

چگالی: جرم واحد حجم یک ماده چگالی نامیده می‌شود.

$$\rho = \frac{m}{V}$$

یکای چگالی در SI کیلوگرم بر متر مکعب است.

$$\frac{g}{cm^3} \times 10^3 \rightarrow \frac{kg}{m^3}$$

چگالی مخلوط (آلیاژ): اگر جسمی به جرم m_1 و حجم V_1 و چگالی ρ_1 را با جسمی به جرم m_2 و حجم V_2 و چگالی ρ_2 مخلوط کنیم، چگالی مخلوط از این فرمول به دست می‌آید:

$$\rho = \frac{m_1 + m_2 + \dots}{V_1 + V_2 + \dots}$$

حالت ۱) اگر حجم‌های مساوی از دو مایع را با هم مخلوط کنیم، چگالی مخلوط برابر است با میانگین چگالی‌ها

$$\rho = \frac{\rho_1 V + \rho_2 V}{V + V} = \frac{V(\rho_1 + \rho_2)}{2V} \Rightarrow \rho = \frac{\rho_1 + \rho_2}{2}$$

حالت ۲) اگر جرم‌های مساوی از دو مایع را با هم مخلوط کنیم، چگالی مخلوط برابر است با:

$$\rho = \frac{m + m}{\frac{m}{\rho_1} + \frac{m}{\rho_2}} = \frac{2m}{m(\frac{1}{\rho_1} + \frac{1}{\rho_2})} \Rightarrow \rho = \frac{2\rho_1\rho_2}{\rho_1 + \rho_2}$$

☺ تست ۷) مخلوطی از ۲ نوع مایع با چگالی‌های ρ_1 و ρ_2 درست شده است. اگر $\frac{1}{3}$ حجم آن از مایعی با چگالی ρ_1 بوده و $\frac{2}{3}$ باقی‌مانده از مایعی با چگالی ρ_2 باشد، چگالی مخلوط برابر با کدام است؟

$$\rho_1 \rightarrow V_1 \rightarrow 1 \quad \frac{2\rho_1\rho_2}{\rho_1 + 2\rho_2} \quad (4)$$

$$\rho_2 \rightarrow V_2 \rightarrow 2 \quad \frac{2\rho_1\rho_2}{\rho_2 + 2\rho_1} \quad (3)$$

$$\frac{\rho_1 + 2\rho_2}{3} \quad (1)$$

$$\rho = \frac{\rho_1 V_1 + \rho_2 V_2}{V_1 + V_2} = \frac{\rho_1 \times 1 + \rho_2 \times 2}{3} = \frac{\rho_1 + 2\rho_2}{3}$$

☺ تست ۸) 200 cm^3 مایع به چگالی 1300 kg/m^3 را با چند سانتی‌متر مکعب مایع به چگالی 1500 kg/m^3 مخلوط کنیم تا چگالی مخلوط 1400 kg/m^3 شود؟

$$\bar{\rho} = \frac{\rho_1 + \rho_2}{2} = 1400 \Rightarrow V_1, V_2 < 200 \text{ cm}^3$$

۳۰۰ (۴) ۲۰۰ (۳) ۱۵۰ (۲) ۱۰۰ (۱)

☺ تست ۹) چگالی مایع A، $\frac{4}{5}$ چگالی مایع B است، اگر حجم ۸kg از مایع A برابر ۱۰ لیتر باشد، حجم ۵kg از مایع B

برابر چند لیتر است؟ (سراسری تجربی ۸۴)

۲/۵ (۱)

۵/۴ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

$$\rho_A = \frac{4}{5} \rho_B$$

$$\frac{m_A}{V_A} = \frac{4}{5} \frac{m_B}{V_B} \Rightarrow \frac{8}{10} = \frac{4}{5} \times \frac{5}{V_B} \Rightarrow V_B = 5 \text{ لیتر}$$

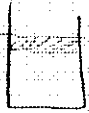
☺ تست ۱۰) یک قطعه فلز به جرم ۹۰ گرم را درون آب در داخل استوانه‌ای می‌اندازیم. قطعه فلز کاملاً در آب فرو می‌رود و سطح آب درون استوانه به اندازه ۱/۲cm بالا می‌آید. اگر سطح مقطع داخلی استوانه ۱۰cm^۲ باشد، چگالی فلز چند g/cm^۳ است؟

۵/۵ (۱)

۶ (۲)

۷/۵ (۳)

۸ (۴)



$$m = \rho V = \rho \cdot A \cdot h = 90 \text{ گرم}$$

$$90 = \rho \cdot 10 \cdot \frac{1}{2} \Rightarrow \rho = 18 \text{ g/cm}^3$$

$$\rho = \frac{m}{V} = \frac{90}{15} = 6 \text{ g/cm}^3$$

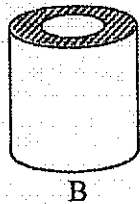
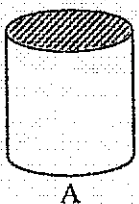
☺ تست ۱۱) دو استوانه همگن A و B دارای جرم و ارتفاع مساوی‌اند. استوانه A توپر و استوانه B تو خالی است. اگر شعاع خارجی دو استوانه یا هم برابر باشد و شعاع داخلی استوانه B نصف شعاع خارجی آن باشد، چگالی استوانه A چند برابر چگالی استوانه B است؟ (سراسری ریاضی ۸۹)

۱/۴ (۱)

۱/۲ (۲)

۲/۳ (۳)

۳/۴ (۴)



$$m_A = m_B$$

$$h_A = h_B = h$$

$$R_A = R_B = R$$

$$R'_B = \frac{R}{2}$$

$$\rho = \frac{m}{V} \Rightarrow \frac{\rho_A}{\rho_B} = \frac{V_B}{V_A} = \frac{\pi(R'^2)h}{\pi R^2 h} = \frac{R'^2}{R^2} = \frac{1}{4}$$

☺ تست ۱۲) درون یک فلز به حجم ظاهری ۲۰۰cm^۳ و جرم ۱۴۸۰ گرم حفره‌ای وجود دارد. اگر چگالی فلز $\frac{8}{3} \text{ g/cm}^3$ باشد، حجم حفره خالی چند سانتی‌متر مکعب است؟ (سراسری ریاضی ۸۸)

۱۰ (۱)

۲۰ (۲)

۱۵ (۳)

۲۵ (۴)

$$V_{\text{ظاهری}} = 200 \text{ cm}^3$$

$$V_{\text{فلز}} = \frac{m}{\rho} = \frac{1480}{8/3} = 555$$

$$V_{\text{حفره}} = V_{\text{ظاهری}} - V_{\text{فلز}} = 200 - 555 = 155$$

فشار

نیروی عمودی سطح

$$P = \frac{F}{A}$$

 مساحت قاعده

فشار: بزرگی نیرویی که به طور عمودی به یکای سطح وارد می‌شود را فشار گویند.

$1 \text{ N/m}^2 = 1 \text{ Pa}$

یکای فشار در SI نیوتن بر متر مربع است که پاسکال نامیده می‌شود.

نکته: فشار هوا در یک ارتفاع معین از سطح زمین در تمام جهات یکسان است و از رابطه زیر به دست می‌آید.

$P_0 = 1 \text{ atm} = 1.01 \times 10^5 \text{ Pa}$

$$P_h = P_0 - \rho g h$$

 فشار هوا در ارتفاع h ←
 فشار متوسط هوا
 فشار هوا در سطح زمین

تست ۱۲) ابعاد یک مکعب مستطیل ۴ و ۵ و ۱۰ سانتی‌متر و وزن آن ۱۵N است. اگر این مکعب روی یک سطح افقی قرار گیرد، بیش‌ترین فشار وارد بر سطح چند کیلو پاسکال است؟

۰/۰۷۵ (۴)
 $A_{\min} = 5 \times 10 \times 10^{-4} \text{ m}^2 = 5 \times 10^{-2} \text{ m}^2$
 $P_{\max} = \frac{mg}{A_{\min}} = \frac{15}{5 \times 10^{-2}} = 300 \text{ Pa} = 0.3 \text{ kPa}$

بیش‌ترین فشار یک آجر بر سطح مربوط به حالتی است که آن را روی کوچک‌ترین سطح قرار دهیم.

تست ۱۳) جسم همگنی به شکل مکعب به چگالی 2700 kg/m^3 روی سطح افقی قرار دارد. اگر فشار وارد بر سطح $2/7 \times 10^2$ پاسکال باشد، جرم جسم چند کیلوگرم است؟

۰/۲۷ (۴) ۲۷ (۳) ۰/۱۵۴ (۲) ۵/۴ (۱)

$$P = \frac{mg}{A} = \frac{\rho V g}{A} \Rightarrow P = \rho g h \Rightarrow 2700 \times 10 \times h = 200 \Rightarrow h = \frac{200}{27000} \text{ m} \Rightarrow h = \frac{2}{270} \text{ m}$$

 $m = \rho V = 2700 \times \frac{1}{1000} = 2.7 \text{ kg}$

فشار در مایع

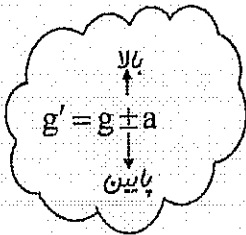
فشار در یک نقطه از مایع به خاطر وزن مایع بالای آن نقطه است پس هر چه در مایع بیشتر فرو برویم فشار بیشتر می‌شود.

$P = \rho gh$	فشار حاصل از مایع در عمق h
$\Delta P = \rho g \Delta h$	اختلاف فشار بین دو نقطه از مایع
$P = P_0 + \rho gh$	فشار در عمق h

فرمول‌های فشار مایع

نکته ۱) هر ۱۰ m ستون آب فشاری معادل ۱ اتمسفر ایجاد می‌کند.

😊 مثال ۱۴) فشار حاصل از آب در عمق ۲۰ متری دریا ۳ اتمسفر است است اما فشار کل در عمق ۲۰ متری دریا ۳ اتمسفر است.



نکته ۲) اگر ظرف مایع با شتاب a در راستای قائم حرکت کند، به جای g در فرمول‌های فشار باید g' قرار دهیم.

😊 تست ۱۵) اختلاف فشار بین دو نقطه از مایعی در حال سکون ΔP است. اگر ظرف محتوی مایع با شتاب $\frac{g}{3}$ در راستای قائم به طرف پایین حرکت کند، اختلاف فشار بین این دو نقطه کدام خواهد بود؟

ΔP (۱) $\frac{1}{3} \Delta P$ (۲) $\frac{2}{3} \Delta P$ (۳) $\frac{4}{3} \Delta P$ (۴) $4 \Delta P$ (۵)

😊 تست ۱۶) در عمق ۸ متری مایعی، فشار کل $\frac{1}{176}$ اتمسفر است. چگالی مایع چند $\frac{g}{cm^3}$ است. (فشار هوا در محل

$1 \text{ atm} = 10^5 \text{ Pa}$ است.) (سراسری ریاضی ۸۹)

0.195 (۱) 0.172 (۲) 0.195 (۳) 0.172 (۴)

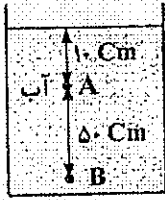
$P = 1.74 \times 10^5 \text{ Pa} = 1.74 \text{ atm} \times 10^5 \frac{\text{Pa}}{\text{atm}} = 1.74 \times 10^5 \text{ Pa}$

$P = \rho gh$

$1.74 \times 10^5 = \rho \times 8$

$\rho = \frac{1.74 \times 10^5}{8} = 2.175 \times 10^4 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} = 21.75 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$

تست ۱۷) در شکل روبه‌رو، فشار در نقطه B چند برابر فشار در A است؟ ($P_0 = 9/9 \times 10^4 \text{ Pa}$ و $\rho = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ آب) (سراسری تجربی ۸۹)



$$\frac{P_B}{P_A} = \frac{P_0 + \rho g h_B}{P_0 + \rho g h_A}$$

$$\frac{9.9 \times 10^4 + 1.0 \times 10 \times 10}{9.9 \times 10^4 + 1.0 \times 50 \times 10} = \frac{1.0 \times 10^5}{1.0 \times 10^5} = \frac{1}{1}$$

۶/۵ (۲)

۵/۴ (۱)

۲۱/۲۰ (۳)

۲۰/۱۹ (۳)

تست ۱۸) قطر داخلی استوانه بلندی ۲۰ cm است. اگر آن را به طور قائم نگه داشته و ۱۵۷ cm^۳ آب در آن بریزیم، فشار حاصل از آب در ته استوانه چند پاسکال می‌شود؟ ($\rho = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ آب) (سراسری تجربی ۸۷)

۵۰۰۰ (۴)

۲۵۰۰ (۳)

۳۰۰ (۲)

۱۵۰ (۱)

$\pi r^2 h = V$
 $\frac{\pi r^2 \times 1}{1000} \times h = \frac{\pi r^2 \times 157}{1000}$
 $\frac{h}{1000} = \frac{157}{1000}$ $h = 15.7 \text{ cm}$

$P = \rho g h = 1.0 \times 10 \times 15.7 = 1570 \text{ Pa}$

تست ۱۹) در ظرفی تا ارتفاع ۲۰ cm مایع به چگالی $800 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$ ریخته‌ایم. اگر نیرویی که مایع بر کف ظرف وارد می‌کند

$1/6 \text{ N}$ باشد، مساحت کف ظرف چند سانتی‌متر مربع است؟

۱۰۰ (۴)

۱۰ (۳)

۸۰ (۲)

۸ (۱)

F

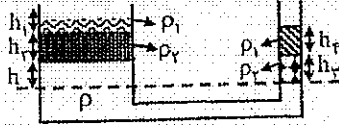
$\rho g h A = F$

$\frac{8}{10} \times 10 \times 800 \times A = 1/6$

$1400 A = 1/6$

$A = \frac{1}{1400} \text{ m}^2 \times 10^4 = 10 \text{ cm}^2$

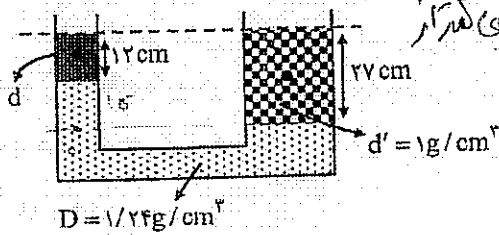
لوله‌های U شکل



اگر چند مایع مخلوط نشدنی را در یک لوله‌ی U شکل بریزیم، برای پایین‌ترین سطح جداکننده‌ی دو مایع می‌توان نوشت:

$\rho_1 h_1 + \rho_2 h_2 + \rho h = \rho_2 h_2' + \rho h$ سمت چپ = سمت راست

تست ۲۰ در شکل روبه‌رو سه مایع به حالت تعادل قرار دارند و سطح تراز در بالای دو لوله برابر است. چگالی مایع d کدام است؟



مایع d که بالاتر از سطح تراز قرار گرفته، چگالی کمتری نسبت به مایع دیگر دارد.

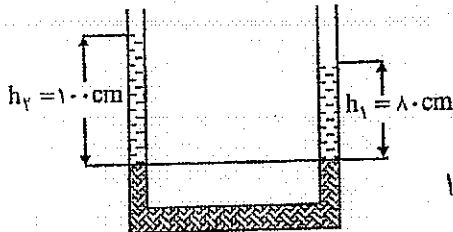
- ۱) 0.7 g/cm^3
- ۲) 1 g/cm^3
- ۳) 1.2 g/cm^3
- ۴) 1.7 g/cm^3

$1.2 \times 10 + \rho \times 10 \times 12 = 1 \times 27 \times 10$

$12\rho + 120 = 270$

$12\rho = 150 \Rightarrow \rho = 1.25 \text{ g/cm}^3$

تست ۲۱ در شکل روبه‌رو h_1 و h_2 به ترتیب عمق آب و نفت است که روی جیوه ریخته شده‌اند و دو سطح جیوه هم‌تراز است. اگر چگالی آب 1 g/cm^3 باشد، چگالی نفت چند kg/m^3 است؟



$\rho_1 h_1 = \rho_2 h_2$

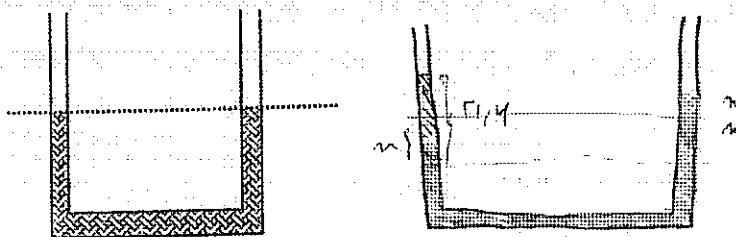
$1 \times 10 = \rho_2 \times 8$

$\rho_2 = 1.25 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$

- ۱) ۸۰
- ۲) ۱۲۵۵
- ۳) ۸۰۰
- ۴) ۱۲۵۰

تست ۲۲ در یک لوله‌ی U شکل، تا ارتفاع معینی جیوه وجود دارد. اگر در یکی از شاخه‌ها روی جیوه آب بریزیم تا ستون آب به $21/6$ سانتی‌متر برسد، سطح جیوه در شاخه‌ی مقابل، نسبت به وضعیت اولیه، چند سانتی‌متر بالا می‌رود؟

(چگالی آب و جیوه به ترتیب 1 g/cm^3 و $13/5 \text{ g/cm}^3$) (سراسری تجربی ۹۰ و سراسری ریاضی ۹۱)



- ۱) $1/8$
- ۲) $1/6$
- ۳) $1/4$
- ۴) $3/2$

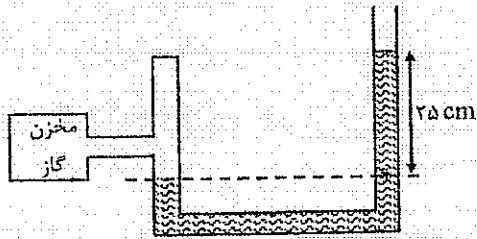
$13/5 \times 2 = 21/4$

$2 = \frac{21/4}{2.6} = 1/8$

فشار پیمانه‌ای گاز ΔP

اختلاف فشار گاز درون مخزن و هوای محیط، فشار پیمانه‌ای گاز نامیده می‌شود.

☺ تست ۲۳) در شکل زیر اختلاف فشار گاز درون مخزن با محیط بیرون $5 \times 10^3 \text{ Pa}$ است. چگالی مایع چند گرم بر سانتی‌متر مکعب است؟ (مشابه سراسری ریاضی ۹۱)



$$\Delta P = \rho g h$$

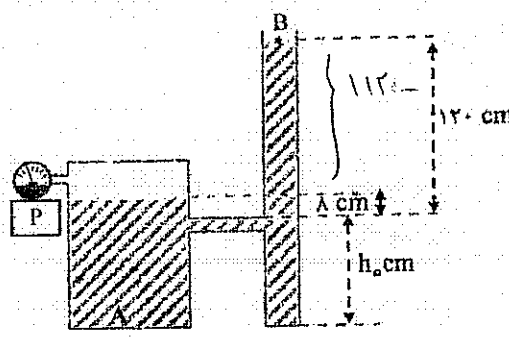
$$5 \times 10^3 = \rho \times 9.8 \times 0.25$$

$$\rho = 2 \times 10^3 \rightarrow 2000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

- ۱) ۲۱۵
- ۲) ۳
- ۳) ۱۲
- ۴) ۲

☺ تست ۲۴) اگر در مخزن شکل زیر، آب بریزیم، وقتی سطح مایع از h_0 بالاتر می‌رود، هوا در داخل ظرف A به دام می‌افتد. اگر سطح مایع در ظرف A 8 cm بالاتر از h_0 و در B 12 cm بالاتر از h_0 باشد، فشار کل گاز محبوس در مخزن

A چند کیلو پاسکال است؟ ($g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$, $P_0 = 1.0^5 \text{ Pa}$, $\rho \text{ آب} = 1.0^3 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$) (تمرین کتاب درسی)



$$P_A = P_0 + \rho g \Delta h$$

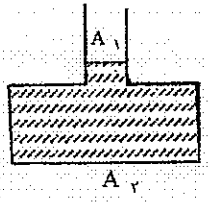
$$= 1.0^5 + 1.0^3 \times 10 \times 0.12$$

$$= 1.0^3 (100 + 12) = 1112 \text{ Pa}$$

- ۱) ۱۱۲۰۰
- ۲) ۱۱۱۲۰۰
- ۳) ۱۱۱۲
- ۴) ۱۱۱۲۴

اصل پاسکال

طبق اصل پاسکال: فشار در یک مایع به صورت یکسان به سایر بخش‌ها منتقل می‌شود.

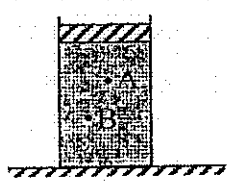


$$\frac{F_1}{A_1} = \frac{F_2}{A_2}$$

در شکل روبه‌رو اگر مقدار مایع به وزن F_1 به دهانه باریک اضافه شود، افزایش نیرو در کف ظرف (F_2) به صورت روبه‌رو محاسبه می‌شود:

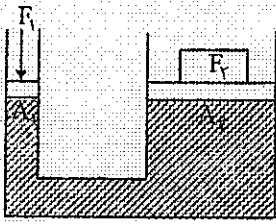
کاربردهای اصل پاسکال در فناوری عبارتند از: بالابر هیدرولیکی، منگنه هیدرولیکی و ترمز ماشین

☺ تست ۲۵) در شکل روبه‌رو، فشار در نقاط A و B در درون مایع برابر P_A و P_B است. وزنه‌ای را روی پیستون آزاد قرار می‌دهیم. اگر در اثر وزنه، افزایش فشار در آن نقاط، ΔP_B و ΔP_A باشد، کدام رابطه درست است؟ (سراسری ریاضی ۹۰)



- ۱) $\Delta P_B < \Delta P_A$ و $P_B = P_A$
- ۲) $\Delta P_B = \Delta P_A$ و $P_B < P_A$
- ۳) $\Delta P_B > \Delta P_A$ و $P_B > P_A$
- ۴) $\Delta P_B = \Delta P_A$ و $P_B > P_A$ ✓

بالابر هیدرولیکی:



از این بالابر برای بالا بردن اجسام سنگین، استفاده می‌شود.

مطابق شکل پیستونی با سطح مقطع کوچک A_1 نیروی F_1 را به مایع وارد می‌کند.

فشار وارد بر مایع از طریق لوله رابط به پیستون بزرگ با سطح A_2 منتقل می‌شود.

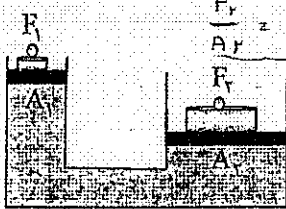
$$\frac{F_1}{A_1} = \frac{F_2}{A_2}$$

$$\frac{f}{F} = \frac{a}{A} = \left(\frac{d}{D}\right)^2$$

نیروی مساحت قطر

توجه کنید که در این بالابر حجم مایع پایین آمده در مقطع A_1 با حجم مایع بالا رفته در مقطع A_2 مساوی است.

$$V_1 = V_2 \rightarrow A_1 h_1 = A_2 h_2$$



$$\frac{F_2}{A_2} = \frac{F_1}{A_1} + \rho g \Delta h$$

نکته: اگر دو پیستون در یک ارتفاع نسبت به کف نباشند،

⊙ تست ۲۶ در یک بالابر هیدرولیکی قطر پیستون بزرگ ۲۰ برابر قطر پیستون کوچک است. روی پیستون بزرگ

ماشین به جرم ۲ تن قرار دارد، برای حفظ تعادل نیروی وارد بر پیستون کوچک باید چند نیوتن باشد؟ (دو پیستون در

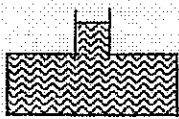
یک ارتفاع نسبت به کف هستند.)

- $\frac{d}{D} = \frac{1}{20}$ ۴۰۰ (۴) ۲۰۰ (۳) ۱۰۰ (۲) ۵۰ (۱)

$$\frac{F}{F_2} = \left(\frac{d}{D}\right)^2 \Rightarrow \frac{F}{20000} = \frac{1}{400} \Rightarrow F = 500$$

⊙ تست ۲۷ در شکل روبه‌رو مساحت سطح مقطع قاعده‌ی ظرف 500 cm^2 و مساحت مقطع قسمت باریک 50 cm^2 است.

اگر 20 cm^3 بر آب موجود در ظرف اضافه کنیم، چند نیوتن بر نیروی وارد از طرف آب بر کف ظرف اضافه می‌شود؟ $\rho_{\text{آب}} = 1 \text{ g/cm}^3$



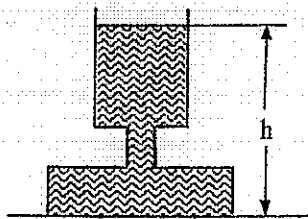
$$A_2 = 500, A_1 = 50, \frac{F_2}{A_2} = \frac{F_1}{A_1} \Rightarrow \frac{F_2}{500} = \frac{F_1}{50} \Rightarrow F_2 = 10 F_1$$

- ۲۰ (۱)
۲ (۲)
۰.۲ (۳)
۲۰۰ (۴)

⊙ تست ۲۸ در شکل روبه‌رو ظرف تا ارتفاع h از آب پر شده و سطح مقطع قسمت‌های مختلف استوانه‌ای شکل آن از

بالا به پایین به ترتیب 0.04 m^2 , 0.01 m^2 و 0.08 m^2 است. اگر ۲ لیتر آب بر آب ظرف اضافه کنیم، فشار در کف ظرف

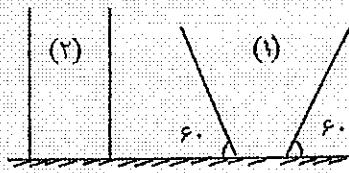
چند پاسکال افزایش می‌یابد؟ ($\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$ آب و $g = 10 \text{ m/s}^2$)



$$\Delta p = \frac{\rho g h}{A_{\text{نارنگ}}} = \frac{1000 \cdot 10 \cdot 2}{0.04} = 50000 \text{ Pa}$$

- ۲۰۰ (۱)
۳۰۰ (۲)
۴۰۰ (۳)
۵۰۰ (۴)

☺ تست ۲۹) وزن و سطح قاعده ظرف‌هایی که روی میز قرار دارند یکسان است. اگر از یک مایع به حجم مساوی در این ظرف‌ها بریزیم و در این حالت فشاری که ظرف‌ها به میز وارد می‌کنند به ترتیب



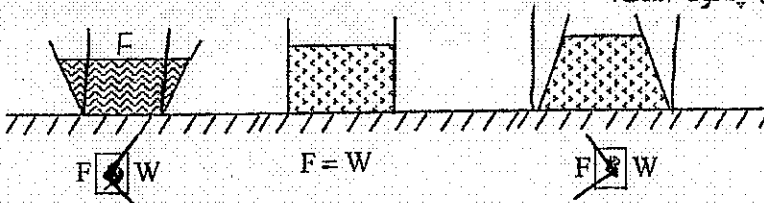
P_2, P_1 باشند، $\frac{P_2}{P_1}$ چقدر است؟

$$P = \frac{mg}{A} = \frac{P_2}{P_1}$$

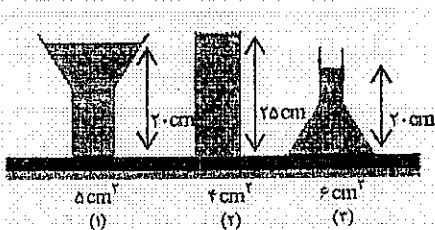
۱ (۱) $\sqrt{3}$ (۲)

۲ (۳) $\frac{\sqrt{3}}{3}$ (۴)

☺ مثال ۳۰) در شکل روبه‌رو تا ارتفاع h درون ظرف‌ها، مایعی به چگالی ρ ریخته‌ایم. در هر ظرف نیرویی که مایع به کف ظرف وارد می‌کند (F)، در مقایسه با وزن مایع (W) چگونه است؟



☺ تست ۳۱) در ظرف‌های شکل روبه‌رو آب وجود دارد. اگر نیروی وارد بر کف ظرف‌های (۱) و (۲) و (۳) به ترتیب F_1 و F_2 و F_3 باشد، کدام رابطه صحیح است؟



$$F = \rho g h A$$

۱) $F_1 = F_2 > F_3$

۲) $F_1 = F_2 < F_3$

۳) $F_1 > F_2 > F_3$

۴) $F_1 = F_2 < F_3$

$20 \times 5 = 100$ $20 \times 10 = 200$ $20 \times 4 = 16$

فشار بر حسب سانتی‌متر جیوه

یکی از یکاهای رایج فشار Hg - cm است. برای تبدیل سانتی‌متر مایع به سانتی‌متر جیوه از رابطه زیر استفاده می‌کنیم:

جیوه $\rho h = \rho' h'$ مایع

که در این رابطه h' فشار بر حسب Hg - cm است.

مثال ۳۲) عمق آب درون یک استخر ۲۷۲ cm و فشار هوای محیط ۷۵ cm-Hg است. ($\rho = 13/6 \frac{g}{cm^3}$ جیوه)

الف) فشار آب بر کف استخر چند (cm-Hg) است؟

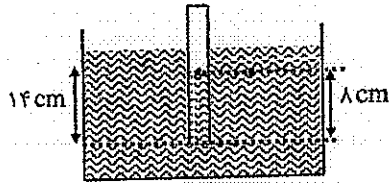
$\rho h = \rho' h' \rightarrow 1 \times 272 = 13/6 h'$

$h' = 20 \text{ cm Hg}$

ب) فشار وارد بر کف استخر چند (cm-Hg) است؟

$P = P_0 + \rho g h$
 $75 + 20 = 95$

تست ۳۳) در شکل دهانه لوله قائمی تا عمق ۱۴cm درون مایعی به چگالی $0/9 \text{ g/cm}^3$ فرو برده شده است. اگر ارتفاع مایع در داخل لوله ۸cm باشد، فشار هوای داخل لوله چند cmHg است. (فشار هوای محیط ۷۶ cmHg و چگالی جیوه $13/5 \text{ g/cm}^3$ است.)



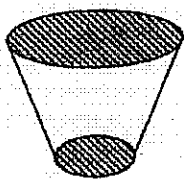
طبق شکل فشار هوای درون لوله اندازه ۸cm مایع را به سمت پایین فرستاده است.

- ۱) ۷۵/۵
- ۲) ۷۵/۶
- ۳) ۷۶/۴
- ۴) ۷۶/۸

$\rho h = \rho' h'$

$0/9 \times 14 = 13/5 h' \rightarrow h' = 0/12 \text{ cm Hg}$

فشار هوای $76 + 0/12$



تست ۳۴) مطابق شکل مخروطی ناقص روی سطح افقی قرار دارد و شعاع قاعده بزرگ آن ۲ برابر شعاع قاعده کوچک است. اگر آن را روی قاعده بزرگ بگذاریم و بخواهیم فشار وارد بر سطح افقی تغییر نکند، وزنه‌ای چند برابر وزن مخروط را باید روی آن قرار دهیم؟

- ۱) ۱
- ۲) ۲
- ۳) ۳
- ۴) ۴

$r_2 = 2r_1 \rightarrow A_2 = 4A_1$

$P_1 = \frac{w}{A_1}$

$P_2 = \frac{w + 3w}{4A_1} = P_1$

کرما و دمای تعادل و

قانون گازها

تعداد سؤال در کنکور سراسری تجربی: ۲ سؤال

تعداد سؤال در کنکور سراسری ریاضی: ۳ سؤال

دما و کمیت‌های دما سنجی

دما: کمیتی است مقایسه‌ای که متناسب با انرژی جنبشی متوسط مولکول‌های جسم است. دما (معیاری) است که میزان گرمی و سردی جسم‌ها را مشخص می‌کند. (دمای اجسام را می‌توانیم به طور تقریبی به کمک حس لامسه خود تعیین کنیم. کمیت دماسنجی: به کمیتی که به عنوان مبنای اندازه‌گیری دما در دماسنج به کار می‌رود. کمیت دماسنجی گفته می‌شود.

نکته ۱) مزیت ترموکوپل (دماسنج الکترونیکی) نسبت به دماسنج‌های دیگر:

الف) کوچک‌ترین تغییرات دما را سریع نشان می‌دهند. ب) کوچک‌اند و دماهای بالا تا حدود 1500°C را نشان می‌دهند.

نکته ۲) یک درجه سلسیوس برابر یک کلوین است. (تغییرات دما بر حسب سلسیوس و کلوین یکسان است.)

$$T = \theta + 273 \quad \Delta T = \Delta \theta$$

(دمای کلوین)

تست ۱) اگر دمای جسمی بر حسب سلسیوس ۵ برابر شود، دمای آن بر حسب کلوین ۲ برابر می‌شود دمای اولیه جسم چند درجه سلسیوس بوده‌است؟

۱۸۲ (۴) ۱۱۲ (۳) ۹۱ (۲) ۳۰ (۱)

$$T = \theta + 273$$

$$\left\{ \begin{array}{l} 2T = 5\theta + 273 \\ -2T = -2\theta - 2 \times 273 \end{array} \right. \Rightarrow \begin{array}{l} 0 = 3\theta - 273 \\ \theta = 91^{\circ}\text{C} \end{array}$$

تست ۲) دماسنجی دمای 20°C را 30° درجه و دمای 24°C را 36° درجه نشان می‌دهد. این دماسنج دمای ذوب یخ در فشار یک جو را چند درجه نشان می‌دهد؟

۴ (۳) -۱۰ (۲) صفر (۱) -۴ (۴)

۲۴ ۳۴

۲۰ ۳۰

۲۰ ۳۰

۰ ۴

صفر

تست ۳) در فشار یک اتمسفر اختلاف دمای نقطه انجماد و نقطه جوش آب چند کلوین است؟

۱۰۰ (۴) ۳۲۳ (۳) ۳۲۷ (۲) ۲۷۳ (۱)

$$\Delta \theta = 100 \rightarrow \Delta T = 100$$

گرما

گرما صورتی از انرژی است. شرط انتقال گرما بین دو جسم، اختلاف دماست و همواره گرما از جسم با دمای بیشتر به جسم با دمای کمتر منتقل می‌شود.

ظرفیت گرمایی (C): مقدار گرمایی است که دمای یک جسم را یک درجه سانتی‌گراد بالا ببرد.

ظرفیت گرمایی ویژه (C): مقدار گرمایی است که دمای واحد جرم جسم را یک درجه سانتی‌گراد بالا ببرد. $c = \frac{C}{M}$

محاسبه گرمای تغییر دما:

مقدار گرمایی که لازم است تا دمای جسمی به جرم m را از θ_1 به θ_2 برساند، به شرط آن که جسم تغییر حالت ندهد، عبارت است از:

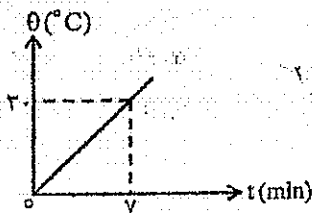
$\Delta Q = mc\Delta T$

توان گرمایی (P): اگر در مدت زمان Δt ثانیه، مقدار گرمای جسم به اندازه ΔQ تغییر کند.

آهنگ تغییر گرما برابر است با: $P = \frac{\Delta Q}{\Delta t}$ توان گرمایی

تست ۴) یک گرمکن درون ظرفی که محتوی ۲ kg آب است، قرار دارد. نمودار (θ) دمای آب بر حسب زمان مطابق شکل است. توان گرم‌کن چند وات است؟ (فرض کنید انرژی مصرفی فقط صرف گرم کردن آب شود). $C_{\text{آب}} = 4200 \text{ J/kg}^\circ\text{C}$

(سواستی ریاضی ۸۴)



$$\frac{2 \times 4200 \times 2}{2 \times 4} = 4200$$

- ۳۰۰ (۱)
- ۱۲۰۰ (۳)

تست ۵) قطعه فلزی از ارتفاع ۲۰ متری زمین از حال سکون رها شده و به زمین می‌رسد. اگر ۸۰ درصد انرژی آن صرف گرم شدن فلز شود، دمای آن چند درجه سلسیوس بالا می‌رود؟ $C = 320 \frac{\text{J}}{\text{kg}^\circ\text{C}}$ (فلز)

به جرم فلز بستگی دارد. (۴)

$$u = mgh = m \times 10 \times 20 = 200m \rightarrow 200m \times \frac{80}{100} = 160m$$

$$160m = m \times 320 \times \Delta\theta \rightarrow \Delta\theta = 15^\circ\text{C}$$

- ۱۲ (۱)
- ۱۵ (۲)
- ۱ (۳)

تست ۶) به دو گلوله‌ی A و B به مقدار مساوی گرما می‌دهیم. در اثر این گرما دمای A به اندازه 40°C افزایش

می‌یابد، اگر $\frac{C_B}{C_A} = \frac{1}{2}$ و $m_A = 2m_B$ باشد، دمای B چقدر زیاد می‌شود؟

- ۱۰۰°C (۴)
- ۲۰°C (۳)
- ۱۰°C (۲)
- ۴۰°C (۱)

$$m_B \times C_B \times \Delta\theta_B = m_A \times C_A \times \Delta\theta_A$$

$$m_B \times C_B \times \Delta\theta_B = 2m_B \times \frac{1}{2} \times 40 = 40m_B$$



تغییر حالت‌های ماده

(فرآیندهای گرماده)	(فرآیندهای گرماگیر)
انجماد: تبدیل مایع به جامد	ذوب: تبدیل جامد به مایع
میعان: تبدیل گاز به مایع	تبخیر: تبدیل مایع به گاز
چگالش: تبدیل گاز به جامد	تصعید: تبدیل جامد به گاز

گرمای ویژه‌ی نهان ذوب: (L_F) مقدار گرمایی است که به واحد جرم جسم جامد خالص می‌دهیم تا بدون تغییر دما ذوب شود.
 گرمای نهان ذوب: مقدار گرمایی است که به جسم جامد داده می‌شود تا بدون تغییر دما ذوب شود.

$Q_F = mL_F$ گرمای ذوب

آب $L_F = 80 \text{ C}$ یخ

گرمای ویژه‌ی نهان تبخیر (L_V): مقدار گرمایی است که به واحد جرم یک مایع خالص می‌دهیم تا بدون تغییر دما بخار شود.
 گرمای نهان تبخیر: مقدار گرمایی است که به یک مایع خالص می‌دهیم تا بدون تغییر دما بخار شود.

$Q_V = mL_V$ گرمای تبخیر

آب $L_V = 540 \text{ C}$ بخار آب

تبخیر سطحی: در سطح آزاد هر مایع در هر دمایی عمل تبخیر صورت می‌گیرد. به این پدیده تبخیر سطحی می‌گویند.
 نکته (۱) آهنگ تبخیر سطحی با افزایش دما و افزایش مساحت سطح مایع، افزایش می‌یابد اما افزایش فشار، آهنگ تبخیر سطحی را کاهش می‌دهد.
 نکته (۲) مایع در اثر تبخیر سطحی، کاهش دما پیدا می‌کند.

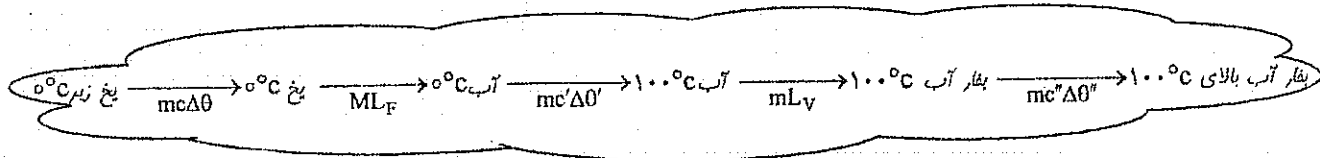
نست (۷) از ۵۰۰ گرم آب صفر درجه‌ی سلسیوس در فشار یک اتمسفر، ۱۰۰/۸ کالری می‌گیریم. اگر گرمای نهان ذوب یخ 336 kJ/kg باشد، چند درصد آب، منجمد می‌شود؟ (سراسری ریاضی ۹۰)

- ۶۰ (۴) ۸۰ (۳) ۴۰ (۲) ۸۰ (۱) ۲۰ (۱)

$100/8 \leq m \times 334 \rightarrow m = \frac{100/8}{334} \leq 4/3 \text{ kg} \approx 300 \text{ g}$

$\frac{300}{500} = \frac{3}{5} = 60\%$

نکته (۳) اگر به مقداری یخ زیر صفر درجه، گرمای کافی بدهیم، مراحل زیر اتفاق می‌افتد:



آهنگ شارش گرما

دیواری به ضخامت L و سطح مقطع A را در نظر بگیرید. اگر اختلاف دمای دو سطح دیوار $\Delta\theta$ باشد، گرمایی که در t ثانیه از طریق دیوار منتقل می‌شود برابر است با:

$$Q = \frac{KA t \Delta\theta}{L}$$

$$\frac{Q}{t} = \frac{KA \Delta\theta}{L}$$

بنابراین آهنگ شارش گرما برابر است با:

$$\frac{w}{m.k} : (k) \text{ گرمایی رسانندگی}$$

☺ تست ۸) ضخامت دیواری بتونی 30cm و ابعاد آن $3\text{m} \times 5\text{m}$ است. در روزی که دمای سطح خارجی دیوار 15°C - و دمای سطح داخلی 25°C است، آهنگ شارش گرما از دیوار $\frac{J}{S}$ 2400 است. پشم شیشه به ضخامت چند میلی‌متر را

می‌توان به عنوان عایق معادل، جایگزین دیوار کرد؟ $k = 0.04 \frac{w}{m^\circ\text{C}}$ (پشم شیشه) (سراسری تجربی ۸۹)

$$2400 = \frac{0.04 \times 15 \times 15 \times 1500}{L}$$

$$L = \frac{0.04 \times 15 \times 15 \times 1500}{2400}$$

$$L = 0.1 \text{ m} = 100 \text{ mm}$$

☺ تست ۹) آب در قابلمه‌ی آلومینیومی که در تماس با منبع گرماست می‌جوشد و با آهنگ 0.18 لیتر بر دقیقه تبخیر می‌شود. ضخامت کف قابلمه $4/8\text{mm}$ و مساحت کف آن $27 \times 10^{-2} \text{m}^2$ است. دمای ته ظرف در تماس با منبع گرما چند

درجه سلسیوس است؟ $L_V = 2250 \frac{J}{g}$ و $K_{AL} = 240 \frac{w}{m.k}$ (سراسری ریاضی ۸۹)

$$\frac{18 \times 10^{-3} \times 1000}{60} = \frac{240 \times 4 \times 10^{-3} \times \Delta\theta}{L_V}$$

۱۰۶ (۴)

۱۰۴ (۳)

۱۰۲ (۲)

۱۰۱ (۱)

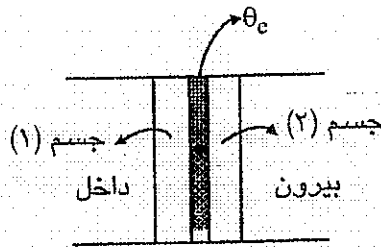
100°C کف کباب
 100°C آب
 718 Lit ، 718 kg

$$\frac{K A \Delta\theta}{L} = m L_V \Rightarrow \frac{240 \times 27 \times 10^{-2} \times \Delta\theta}{4 \times 10^{-3}} = \frac{18 \times 10^{-3} \times 2250 \times 10^3}{60}$$

$\Delta\theta = 2^\circ\text{C}$
 $100^\circ\text{C} < 102^\circ\text{C}$

محاسبه دمای سطح مشترک:

برای یافتن دمای سطح مشترک دو جسم به صورت زیر عمل می‌کنیم:



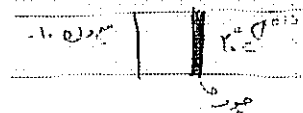
$$|Q_1| = |Q_2| \rightarrow \frac{k\Delta\theta}{L} = \frac{k'\Delta\theta'}{L'}$$

☺ تست ۱۰) یک خانه را از دیوارهای آجری به ضخامت ۳۰ cm ساخته‌اند و از داخل با روکش چوبی به ضخامت ۱cm پوشانده‌ایم. اگر دمای سطح داخلی روکش (سمت داخل خانه) ۲۰°C و دمای سطح خارجی دیوار ۱۰°C باشد، دمای سطح مشترک چوب و آجر چند درجه سلسیوس است؟ (ک آجر = ۰/۶ W/m.k و ک چوب = ۰/۰۸ W/m.k) (سراسری ریاضی ۸۸)

۱۸ (۴) ۱۴ (۳) ۱۰ (۲) ۲ (۱)

$$\frac{1.8 \times \Delta\theta}{0.01} = \frac{1.4 \times \Delta\theta}{0.3}$$

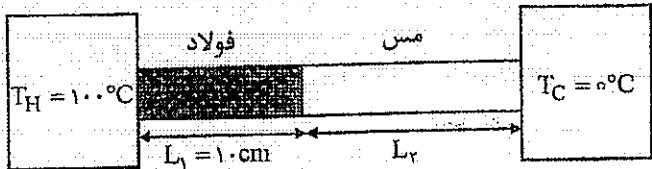
$$1.8 \Delta\theta = 4.5 \Delta\theta'$$



$$\frac{\Delta\theta_{\text{آجر}}}{\Delta\theta_{\text{چوب}}} = \frac{k}{k'} \Rightarrow \frac{\theta_{\text{آجر}} - \theta_{\text{م}}}{\theta_{\text{م}} - 10} = \frac{0.6}{0.08}$$

$$10\theta_{\text{آجر}} + 14 = 15\theta_{\text{م}} \Rightarrow \theta_{\text{م}} = 14$$

☺ تست ۱۱) دو میله‌ی فولادی و مسی به طول‌های L_1 و L_2 بین دو منبع حرارتی قرار دارند. اگر رسانندگی گرمایی فولاد و مس به ترتیب 50 J/m.s.K و 400 J/m.s.K و دمای سطح مشترک دو میله ۲۰ درجه‌ی سلسیوس باشد، طول L_2 چند سانتی‌متر است؟ (سراسری ریاضی ۹۰)



- ۱۰ (۱)
- ۲۰ (۲)
- ۴۰ (۳)
- ۳۰ (۴)

$$\frac{50 \times \Delta\theta}{L_1} = \frac{400 \times \Delta\theta}{L_2}$$

$$\frac{L_2}{L_1} = 8 \Rightarrow L_2 = 80 \text{ cm}$$

محاسبه دمای تعادل

اگر چند جسم با دماهای متفاوت را در کنار هم قرار دهیم پس از مدتی دمای آنها یکسان می‌شود. در این حالت مجموع گرمای داده شده برابر مجموع گرمای گرفته شده است.

نکته) اگر هیچ یک از اجسامی که در تعادل گرمایی قرار می‌گیرند، تغییر حالت ندهند، دمای تعادل θ_e از فرمول زیر به دست می‌آید،

$$m_1 c_1 (\theta_1 - \theta_e) = m_2 c_2 (\theta_e - \theta_2)$$

☺ تست ۱۲) چند لیتر آب 80°C را با 40 لیتر آب 10°C مخلوط کنیم تا به دمای تعادل 40°C برسند؟
 ۲۵ (۱) ۳۰ (۲) ۴۵ (۳) ۵۰ (۴)

$m_1 c_1 (\theta_1 - \theta_e) = m_2 c_2 (\theta_e - \theta_2)$
 $40 \times 1 \times (80 - \theta_e) = 25 \times 1 \times (\theta_e - 10)$
 $3200 - 40\theta_e = 25\theta_e - 250$
 $3450 = 65\theta_e$
 $\theta_e = 53$

☺ تست ۱۳) یک قطعه آلومینیوم به دمای 80°C را در ظرف عایق که حاوی 90 گرم آب 25°C است می‌اندازیم. دمای تعادل 30°C می‌شود. جرم قطعه آلومینیوم چند گرم است؟ (گرمای ویژه آب و آلومینیوم به ترتیب $4200 \frac{\text{J}}{\text{kg}^\circ\text{C}}$ و $900 \frac{\text{J}}{\text{kg}^\circ\text{C}}$ است.)

$m_1 c_1 (\theta_1 - \theta_e) = m_2 c_2 (\theta_e - \theta_2)$
 $90 \times 4200 \times (80 - 30) = m \times 900 \times (30 - 25)$
 $90 \times 4200 \times 50 = m \times 900 \times 5$
 $1575000 = 4500m$
 $m = 350$

تبادل گرمایی آب و یخ

فرض کنید مقداری یخ $^{\circ}\text{C}$ را با آب θ درجه مخلوط کرده‌ایم. برای یافتن دمای تعادل به صورت زیر عمل می‌کنیم:
ابتدا گرمای لازم برای آن که یخ به طور کامل ذوب شود (Q_1) و گرمایی که آب آزاد می‌کند تا به $^{\circ}\text{C}$ برسد (Q_2) را می‌یابیم.

$$\begin{cases} Q_1 = m_1 L_f & \text{یخ} \\ Q_2 = m_2 c \theta & \text{آب} \end{cases}$$

سه حالت ممکن است اتفاق بیفتد:

- (۱) اگر $Q_2 < Q_1$ باشد، گرمایی که آب آزاد می‌کند برای ذوب کردن تمام یخ کافی نیست و در تعادل گرمایی مخلوط آب و یخ موجود است، بنابراین $\theta_e = 0$.
- (۲) اگر $Q_2 = Q_1$ باشد، در تعادل گرمایی فقط آب با دمای $^{\circ}\text{C}$ موجود است.
- (۳) اگر $Q_2 > Q_1$ باشد، در تعادل گرمایی آب با دمای بالاتر از $^{\circ}\text{C}$ موجود است.

در این حالت دمای تعادل از رابطه روبه‌رو به دست می‌آید:

$$Q_2 - Q_1 = (m_1 + m_2) c \theta_e$$

$b_1 \approx 1.0$

$$\frac{Q_2 - Q_1}{m_1 + m_2} = c \theta_e$$

$$\theta_e = \frac{m_2 c - m_1 L_f}{(m_1 + m_2) c}$$

نکته تستی: اگر هر ۳ دمای مساوی از یخ صفر درجه و آب با دمای $\theta^{\circ}\text{C}$ را مخلوط کنیم:

- (الف) اگر $\theta \leq 0^{\circ}\text{C}$ باشد، دمای تعادل صفر درجه است.
- (ب) اگر $\theta > 0^{\circ}\text{C}$ باشد، دمای تعادل به صورت روبه‌رو مناسبه می‌شود.
$$\theta_e = \frac{\theta - 0}{2}$$

✓ مالا از مل کردن تست‌های مفن زیر لات ببرید:

☺ تست (۱۴) قطعه یخی به جرم m و دمای صفر درجه‌ی سلسیوس را درون همان جرم آب 90 درجه‌ی سلسیوس می‌اندازیم. اگر از اتلاف گرما صرف‌نظر کنیم، دمای تعادل چند درجه‌ی سلسیوس خواهد شد؟ ($C = 4200 \text{ J/kg.K}$ و $L_f = 80 \times 4200 \text{ J/kg}$ (سراسری تجربی 90))

$\theta_e = \frac{\theta - 0}{2}$	۲/۵ (۲)	صفر (۱)
$\theta_e = 0$	۱۰ (۴)	۵ (۳)

☺ تست (۱۵) یک قطعه یخ $^{\circ}\text{C}$ به جرم 100 گرم را در ظرف عایق که حاوی 100 گرم آب 100°C است می‌اندازیم. دمای تعادل چند درجه سلسیوس می‌شود؟ ($C = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg}^{\circ}\text{C}}$ و $L_f = 336 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}}$ (سراسری ریاضی 86))

۵ (۲)	صفر (۱)
۲۰ (۴)	۱۰ (۳)

☺ تست (۱۶) قطعه یخی به جرم 200 گرم و دمای صفر درجه‌ی سلسیوس را درون 400 گرم آب 70 درجه‌ی سلسیوس می‌اندازیم. اگر از اتلاف گرما صرف‌نظر کنیم، دمای تعادل چند درجه‌ی سلسیوس خواهد شد؟

$\theta_e = \frac{200 \times 70 - 100 \times 0}{300}$	۱۰ (۲)	صفر (۱)
$\theta_e = 23.3^{\circ}\text{C}$	۲۵ (۴)	۲۰ (۳)

تست ۱۷) در ظرف عایق که حاوی ۲۰۰ گرم آب ۲۰°C است، ۵۰ گرم یخ ۱۰°C وارد می‌کنیم. دمای تعادل چند درجه سلسیوس می‌شود؟ (C = ۴/۲ J/g°C و آب و یخ L_F = ۳۳۶ J/g)

۲ (۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴) ۵ (۵)
 برای یک جسم برای ذوب کردن که اصل یخ از یخ پس همزست‌نمایی ذوب شده یخ در ۱۰°C می‌شود
 نکته ۱) اگر یک جسم داغ یا مقداری آب داغ را روی یک قطعه بزرگ یخ ۰°C قرار دهیم، گرمایی که جسم آزاد می‌کند، مقداری از یخ را ذوب می‌کند. در این حالت هر مقدار یخ که ذوب می‌شود، از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$m c \theta = m' L_F$$

جسم داغ یخ ذوب شده

نکته ۲) اگر یک قطعه یخ با دمای منفی را درون آب ۰°C بیندازیم، الزاماً پس از رسیدن به تعادل گرمایی، هر مقدار یخ افزایش می‌یابد. در این حالت هر مقدار یخی که تولید می‌شود، از رابطه روبه‌رو به دست می‌آید:

$$|m c \theta| = m' L_F$$

یخ منفی یخ تولید شده

تست ۱۸) قطعه فلزی به جرم ۲/۵ کیلوگرم با دمای ۶۸ درجه‌ی سلسیوس را روی یک قطعه یخ بزرگ صفر درجه قرار می‌دهیم. اگر گرمای ویژه‌ی فلز ۳۸۰ J/kg.K باشد، چند گرم از یخ ذوب می‌شود؟ (L_F = ۳۳۶ J/kg)

۹۵ (۱) ۱۹۰ (۲) ۳۸۰ (۳) ۵۷۰ (۴)

$$m c \theta = m' L_F$$

$$2.5 \times 10^3 \times 380 \times 68 = m' \times 336 \times 10^3$$

$$m' = 1.19 \text{ kg} = 1190 \text{ g}$$

تست ۱۹) ظرفی حاوی ۱۰۰g یخ صفر درجه‌ی سلسیوس است. حداقل چند گرم آب ۵۰°C باید داخل آن بریزیم تا تمام یخ ذوب شود؟ (L_F = ۳۳۶۰۰۰ J/kg و C = ۴۲۰۰ J/kg.K و از مبادله‌ی گرمای آب و یخ با محیط صرف‌نظر کنید.)

۱۶۰ (۴) ۱۴۰ (۳) ۱۰۰ (۲) ۸۰ (۱)

$$m \times 50 = 100 \times 80 \Rightarrow m = 160 \text{ g}$$

تست ۲۰) ۶/۴kg یخ ۱۰°C را در یک استخر پر از آب صفر درجه سلسیوس می‌اندازیم، پس از برقراری تعادل جرم یخ چند kg می‌شود؟ (ظرفیت گرمایی ویژه‌ی یخ ۲۱۰۰ J/kg°C و گرمای نهان ذوب یخ ۳۳۶ kJ/kg است)

۱۰/۴ (۴) ۶/۱۸ (۳) ۶/۲۴ (۲) ۶ (۱)

$$m c |\theta| = m' L_F$$

$$6.4 \times \frac{4}{2} \times 10 = m' \times 336 \times 10^3$$

$$m' = 1.8 \text{ kg}$$

$$6.4 - 1.8 = 4.6 \text{ kg}$$

تبادل گرمایی آب و بخار آب

اگر مقداری بخار آب 100°C را با آب یا یخ مخلوط کنیم، برای یافتن دمای تعادل به صورت زیر عمل می‌کنیم:
ابتدای گرمای لازم برای آن که بخار آب به طور کامل میعان شود (Q_1) و گرمایی که آب یا یخ می‌گیرد تا به 100°C برسد (Q_2) را می‌یابیم:

بخار $Q_1 = m_1 L_v$ آب $Q_2 = m_2 C \Delta \theta$

الف) اگر $Q_2 \leq Q_1$ باشد گرمایی که آب می‌گیرد برای میعان تمام بخار کافی نیست و در این حالت $\theta_e = 100^{\circ}\text{C}$ است.
 نکته) اگر هر 3 آب یا یخ در تماس حرارتی با بخار آب 100°C است، کمتر از 3 برابر بخار باشد بدون مناسبه دمای تعادل 100°C خواهد شد. (چون در این حالت گرمایی که آب یا یخ از بخار آب می‌گیرد نمی‌تواند تمام بخار را میعان کند.)

✓✓ در مورد تعادل گرمایی یخ و بخار اگر هر 3 یخ دقیقاً 3 برابر بخار بود باید حساب کنیم.

ب) اگر $Q_1 < Q_2$ باشد: تمام بخار میعان شده و دمای تعادل با مساوی قرار دادن گرمای داده شده توسط بخار و گرمای گرفته شده توسط آب یا یخ به دست می‌آید.

☺ تست (21) چند گرم بخار آب 100°C در 590 گرم آب 10°C درجه سلسیوس وارد کنیم تا دمای تعادل به 50°C درجه سلسیوس برسد؟ (گرمای نهان ویژه تبخیر آب 2268 J/g و ظرفیت گرمایی ویژه آب $4.2 \text{ J/g}^{\circ}\text{C}$ است.) (82)

100°C (بخار آب) 100°C (آب) 50°C (آب) 10°C (آب)

40 (2) 35 (1)

$$m(L_v + C\Delta\theta) = m' C \Delta\theta \Rightarrow m(540 + 50) = 590 \times 4.2 \Rightarrow m = 4.2$$

☺ تست (22) در ظرفی عایق M گرم یخ 0°C موجود است. اگر به ظرف M' گرم بخار آب 100°C وارد کنیم، دمای تعادل

80°C می‌شود. نسبت $\frac{M}{M'}$ کدام است؟ ($c = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg}^{\circ}\text{C}}$ و $L_v = 540 \times 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg}}$ بخار آب و $L_F = 80 \times 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg}}$ یخ) (92)

80°C (آب) 100°C (بخار آب)

35 (1) 4 (3)

$$M' \times 540 + 10M = 80M \Rightarrow M' = 10M + 10.7M$$

$$\frac{540M'}{170M} = \frac{170M}{540M'}$$

☺ تست (23) 20 گرم بخار آب 100°C را با 50 گرم یخ 0°C در تماس حرارتی قرار می‌دهیم. (در فشار 1 atm) دمای تعادل

چند درجه سلسیوس می‌شود؟

50 (2) 25 (1)

100 (4) 75 (3)

$9 > 5$

چون هر 3 چیزی که با بخار قلمی شده از سه برابر بخار کمتر است بدون هیچ $100 = \theta_e$

انبساط

انبساط اجسام به سه صورت امکان پذیر است:
 ۱- طولی
 ۲- سطحی
 ۳- حجمی

۱- انبساط طولی: اگر ضریب انبساط طولی جسم α باشد:
 $\Delta L = \alpha L_1 \Delta \theta \rightarrow L_2 = L_1(1 + \alpha \Delta \theta)$ تغییر طول

ضریب انبساط طولی α : برابر است با افزایش طول واحد طول وقتی دمای جسم $1^\circ C$ افزایش یابد.

۲- انبساط سطحی: اگر ضریب انبساط سطحی جسم 2α باشد:

$\Delta A = 2\alpha A_1 \Delta \theta \rightarrow A_2 = A_1(1 + 2\alpha \Delta \theta)$ تغییر سطح

ضریب انبساط سطحی 2α : برابر است با افزایش مساحت واحد سطح وقتی دمای جسم $1^\circ C$ افزایش یابد.

۳- انبساط حجمی: اگر ضریب انبساط حجمی جسم 3α باشد:

$\Delta V = 3\alpha V_1 \Delta \theta \rightarrow V_2 = V_1(1 + 3\alpha \Delta \theta)$ تغییر حجم

ضریب انبساط حجمی 3α : برابر است با افزایش حجم واحد حجم وقتی دمای جسم $1^\circ C$ افزایش یابد.

☺ تست (۲۴) دمای یک میله آهنی به طول 60 cm را از $10^\circ C$ به چند درجه سلسیوس برسانیم تا طول میله 0.54 میلی متر افزایش یابد؟ $(\alpha_{Fe} = 1/2 \times 10^{-5} / ^\circ C)$ (آزاد ریاضی ۹۱)

$\Delta L = \alpha L_1 \Delta \theta \rightarrow 0.54 \times 10^{-3} = 2 \times 10^{-5} \times 60 \times \Delta \theta$
 $\Delta \theta = 75^\circ C$
 $75 = \theta_2 - 10$
 $\theta_2 = 185$

۴۵ (۱)
 ۶۵ (۲)
 ۸۵ (۳)
 ۴۹ (۴)

☺ تست (۲۵) دمای یک ورقه فلزی را 250 درجه سلسیوس افزایش می دهیم، مساحت آن یک درصد افزایش می یابد.

ضریب انبساط حجمی آن فلز در SI کدام است؟ (سراسری تجربی ۸۴)

$\frac{\Delta A}{A} = 2\alpha \Delta \theta \Rightarrow \frac{1}{100} = 2\alpha \times 250 \Rightarrow \alpha = 2 \times 10^{-5}$

۱) 2×10^{-4}
 ۲) 2×10^{-5}
 ۳) 6×10^{-4}
 ۴) 6×10^{-5}

☺ تست (۲۶) در درون یک مکعب فلزی به ضلع 20 cm حفره‌ی خالی کروی به شعاع 5 cm وجود دارد. اگر در اثر افزایش

دما، ضلع مکعب 0.004 میلی متر افزایش یابد، شعاع حفره می یابد. (سراسری تجربی ۸۵)

۱) 0.001 mm کاهش
 ۲) 0.001 mm افزایش
 ۳) 0.003 mm افزایش
 ۴) 0.003 mm کاهش

$\frac{\Delta L}{L} = \frac{\Delta R}{R} \Rightarrow \frac{0.004}{20} = \frac{\Delta R}{5} \Rightarrow \Delta R = 0.001$

در اثر افزایش دما، همه‌ی ابعاد جسم (پر یا خالی) به یک نسبت بزرگ می شوند:
 $\frac{\Delta L}{L} = \frac{\Delta R}{R}$
 شعاع حفره R_1
 ضلع مکعب L_1

سرال: درون یک مایع درون یک حفره که شعاع‌های مساوی دارند ولی درون یکی از آن‌ها حفره‌ای خالی وجود دارد. اگر به دو کره انرژی گرمایی مساوی بدهیم شعاع آن‌ها در مقایسه با هم چگونه تغییر می‌کند؟
 مساحت یک وجه این مکعب و حجم حفره به ترتیب چند درصد افزایش می‌یابد؟ مساحت ۲ درصد و حجم ۳ درصد
 گرما و قانون گازها

- ☺ تست ۲۷) دو کره فلزی هم جنس در نظر بگیرید که شعاع‌های مساوی دارند ولی درون یکی از آن‌ها حفره‌ای خالی وجود دارد. اگر به دو کره انرژی گرمایی مساوی بدهیم شعاع آن‌ها در مقایسه با هم چگونه تغییر می‌کند؟
- ۱) برای هر دو کره افزایش شعاع برابر است.
 - ۲) برای کره‌ای که حفره دارد، افزایش شعاع کم‌تر است.
 - ۳) برای کره‌ای که حفره دارد، افزایش شعاع بیش‌تر است.
 - ۴) بسته به محل و شعاع حفره ممکن است افزایش شعاع کره حفره‌دار بیش‌تر یا کم‌تر از کره تو پر باشد.

در اثر گرمای مساوی انبساط کره‌ی توخالی بیش‌تر از کره‌ی تو پر است.

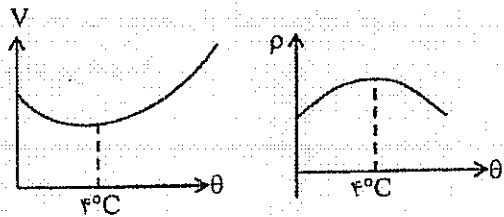
☺ تست ۲۸) به یک میله آن قدر گرما می‌دهیم تا طول آن یک درصد افزایش یابد. حجم آن تقریباً چند درصد افزایش می‌یابد؟ (سراسری ریاضی ۹۱)

۱) ۰.۱۵
 ۲) ۱
 ۳) ۲.۳
 ۴) ۳

اگر برابر افزایش صاف طول ۱۰ درصد افزایش می‌یابد مساحت ۲۰ درصد افزایش می‌یابد و حجم ۳۰ درصد افزایش می‌یابد.

انبساط غیر عادی آب

انبساط آب در هنگام انجماد و در دمای صفر تا ۴°C غیر عادی است. در هنگام ذوب شدن یخ با دادن گرما به یخ، حجم آن کاهش می‌یابد و حجم آب در دمای ۴°C به کمترین مقدار ممکن می‌رسد و پس از آن با افزایش دما حجم آب افزایش می‌یابد.



نکته) نمودارهای تغییرات حجم و چگالی آب بر حسب دما:

☺ تست ۲۹) مقداری آب با دمای ۱۰°C را سرد می‌کنیم تا به یخ صفر درجه تبدیل شود. حجم آن چگونه تغییر می‌کند؟

ابتدا افزایش و سپس کاهش (۱)
 ابتدا کاهش و سپس افزایش (۲)
 پیوسته افزایش (۳)
 پیوسته کاهش (۴)

نکته) اگر حجم یک طرف را پر از مایعی کرده و دمای مجموعه را افزایش دهیم، مقداری مایع از ظرف خارج می‌شود. زیرا انبساط مایع بیش‌تر از انبساط ظرف است. در این حالت حجم مایع سرریز شده برابر افتلاف انبساط مایع و انبساط ظرف است.

$$V = (\delta_1 - \delta_2) V_1 \Delta\theta$$

δ_1 ← ضریب انبساط حجمی ظرف
 δ_2 ← مایع
 V_1 ← حجم سرریز شده

☺ تست ۳۰) در دمای ۰°C حجم ظرف شیشه‌ای توسط یک لیتر جیوه کاملاً پر شده است. وقتی دمای مجموعه را به ۸۰°C می‌رسانیم ۱۲cm^۳ جیوه از ظرف خارج می‌شود. اگر ضریب انبساط حجمی جیوه $1/8 \times 10^{-4} K^{-1}$ باشد، ضریب انبساط خطی شیشه در SI کدام است؟

۱) $1/2 \times 10^{-4}$ ۲) 10^{-4} ۳) 10^{-5} ۴) 3×10^{-5}

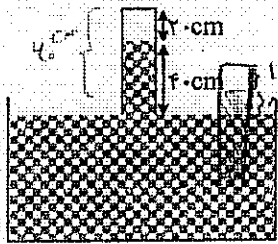
$$12 \times 10^{-4} = (1/8 \times 10^{-4} - S_2) \times 10^{-3} \times 80$$

$$1/8 \times 10^{-4} - S_2 = 1.5 \times 10^{-4} \Rightarrow S_2 = 3 \times 10^{-4}$$

پسول ابعادی

✓ ترکیب قانون گازها و فشار:

☺ تست ۳۴) در ظرفی مطابق شکل روبه‌رو، مقداری هوا در بالای ستون جیوه در لوله وجود دارد. لوله را به آرام چند سانتی‌متر پایین ببریم تا ارتفاع ستون هوا نصف شود؟ (فشار هوا را 76 cmHg بگیریید و دما ثابت است.) (سراسری تجربی ۹۰)



طبق شکل در ابتدا نسبت ارتفاع لوله به اندازه ۱۰ سانتی‌متر است
و 76 cmHg از محیط کم برآید

- ۱۰ (۱)
- ۳۰ (۲)
- ۳۶ (۳)
- ۴۶ (۴)

$$P_1 = 74 - 4 = 70 \text{ cmHg}$$

$$V_1 = A h = 10 \cdot A$$

$$P_1 V_1 = P_2 V_2 \rightarrow 70 \cdot 10 \cdot A = (74 - h) \cdot 10 \cdot A$$

$$h = 4 \text{ cm}$$

$$P_2 = 74 - 4 = 70 \text{ cmHg}$$

$$V_2 = 10 \cdot A$$

اول ۴ سانتی‌متر برداشته
بعد ۱۱ سانتی‌متر برداشته $\Rightarrow \Delta L = 4 \cdot 9 \text{ cm}$

☺ تست ۳۵) حباب کوچکی از کف دریاچه‌ای به عمق 7.0 m ، به بالای سطح آب می‌آید. اگر دما ثابت باشد، حجم حباب کروی چند برابر می‌شود؟

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2}$$

$$\frac{1 \times V_1}{T_1} = \frac{1 \times P_2 V_2}{T_2}$$

$$V_2 = \frac{1}{8}$$

شکل در عمق 7.0 m است و دریا برابر 1 atm است.
یعنی 1 atm فشار در سطح آب است.
طبق $1 \text{ atm} = 10^5 \text{ Pa}$ در سطح آب برابر 1 atm است
که دریا است

$$\frac{1}{2} \text{ (۲)}$$

$$2 \text{ (۱)}$$

$$\frac{1}{8} \text{ (۴)}$$

$$\frac{1}{8} \text{ (۳)}$$

یک چنبره استادی خودناوشدیم

یک چنبره کودکی به استاد شدیم

از خاک برآیدیم و بر باد شدیم

پایان سخن شوکه مارا چه رسید

قانون گازها

گاز کامل: در این گاز نیروی بین مولکول‌های گاز ناچیز است، لذا هر مولکول آزادانه در امتداد خط راست حرکت می‌کند. هر چقدر دمای گاز بیش‌تر باشد و فشار آن کمتر باشد رفتار گاز به گاز کامل نزدیک‌تر است. در گازهای کامل همواره روابط زیر برقرار است:

$$\frac{PV}{T} = \text{ثابت} \rightarrow \frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2}$$

$$PV = nRT$$

$$n = \frac{m}{M} \text{ عدد مول گاز}$$

نکته: چگالی گاز با فشار نسبت مستقیم و با دمای مطلق نسبت عکس دارد.

$$T \propto PV \rightarrow V \propto \frac{T}{P} \rightarrow \rho \propto \frac{P}{T}$$

تست ۳۱) در یک گاز کامل، فشار ۲ برابر می‌شود. ولی حجم ۲۵ درصد کاهش می‌یابد. دما چند برابر می‌شود؟

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \rightarrow \frac{1 \times 1}{1} = \frac{2 \times \frac{3}{4}}{T_2} \rightarrow T_2 = \frac{3}{2} \quad (1)$$

تست ۳۲) چگالی گاز کاملی در دمای صفر درجه‌ی سلسیوس و فشار یک جو، برابر ۱/۴ کیلوگرم بر متر مکعب است. چگالی این گاز در فشار ۲ جو و دمای ۲۷۳ درجه سلسیوس چند کیلوگرم بر متر مکعب است؟

$$\frac{\rho_1 V_1}{T_1} = \frac{\rho_2 V_2}{T_2} \rightarrow \frac{1 \times 1}{273} = \frac{\rho_2 \times \frac{1}{2}}{300} \rightarrow \rho_2 = \frac{1}{18} \quad (1)$$

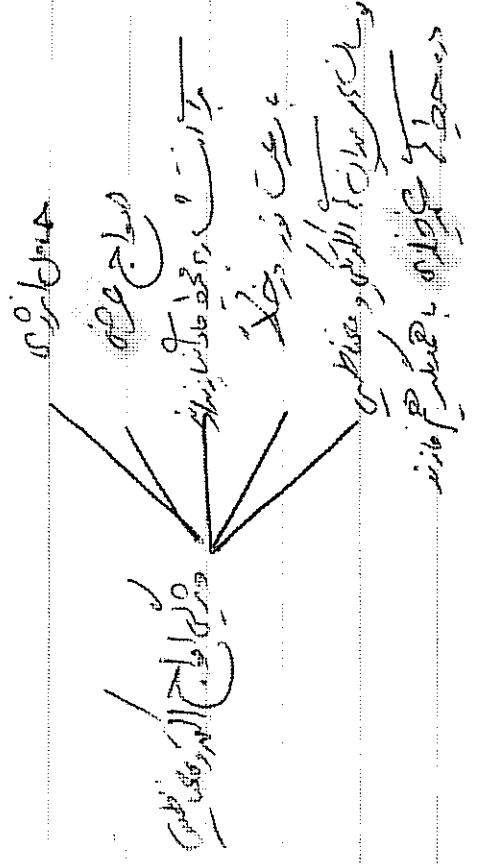
تست ۳۳) اگر فشار گاز کاملی را ۲۵ درصد افزایش داده و هم‌زمان دمای مطلق آن را ۲۰ درصد کاهش دهیم، حجم گاز چگونه تغییر می‌کند؟

۱) ۳۶ درصد کاهش ۲) ۴۰ درصد افزایش ۳) ۶۰ درصد افزایش ۴) ۶۴ درصد کاهش

$$\frac{\rho_1 V_1}{T_1} = \frac{\rho_2 V_2}{T_2} \rightarrow \frac{1 \times 1}{1} = \frac{\rho_2 \times \frac{1}{2}}{\frac{4}{5}} \rightarrow \rho_2 = \frac{5}{4}$$

$$V_2 = \frac{12}{20}$$

① موج الیڈرومغناطیسی



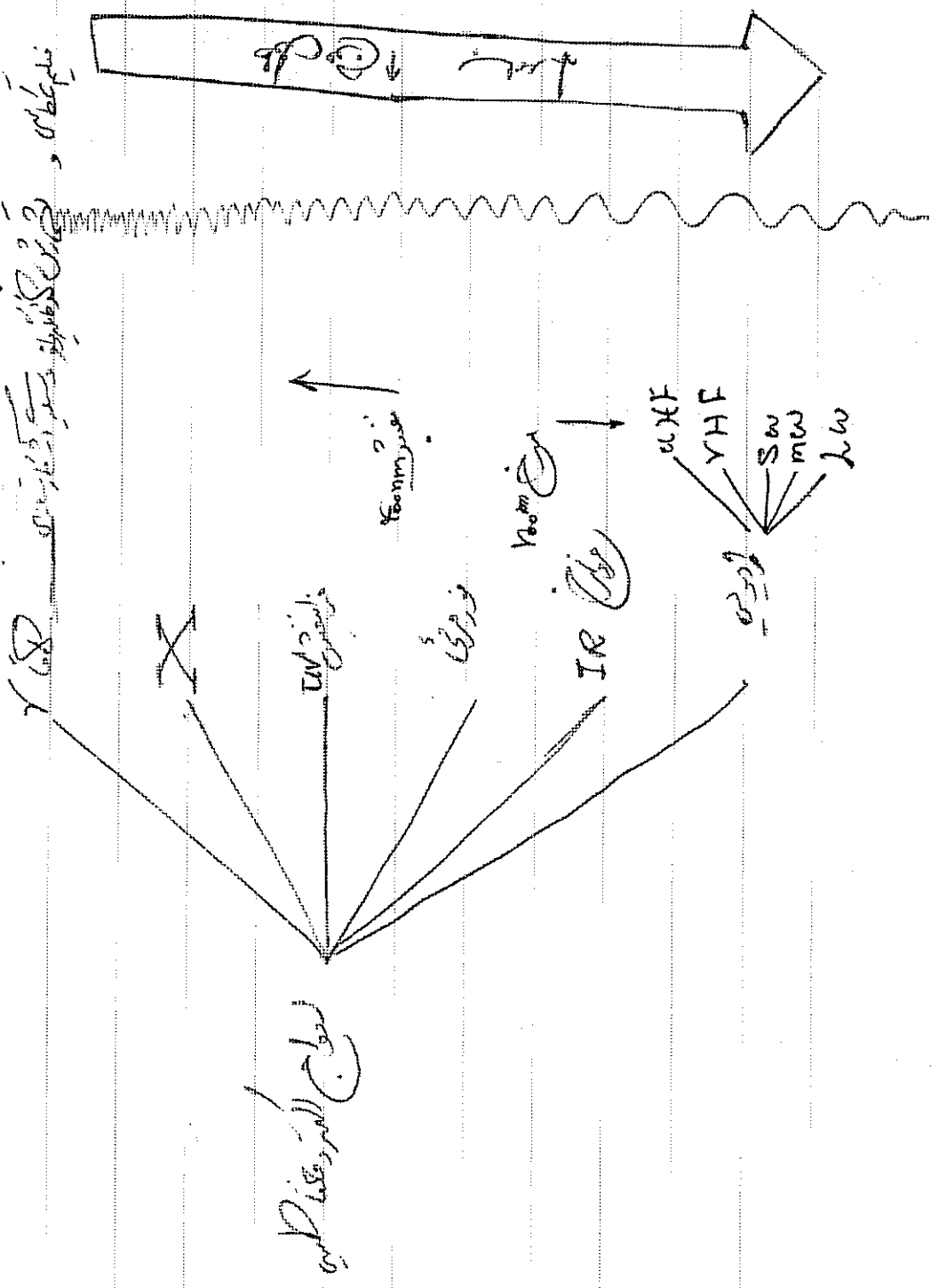
موج الیڈرومغناطیسی الیڈرومغناطیسی موج ہے جس میں الیکٹریک اور مقناطیسی میدانوں کا ارتعاش ہوتا ہے۔

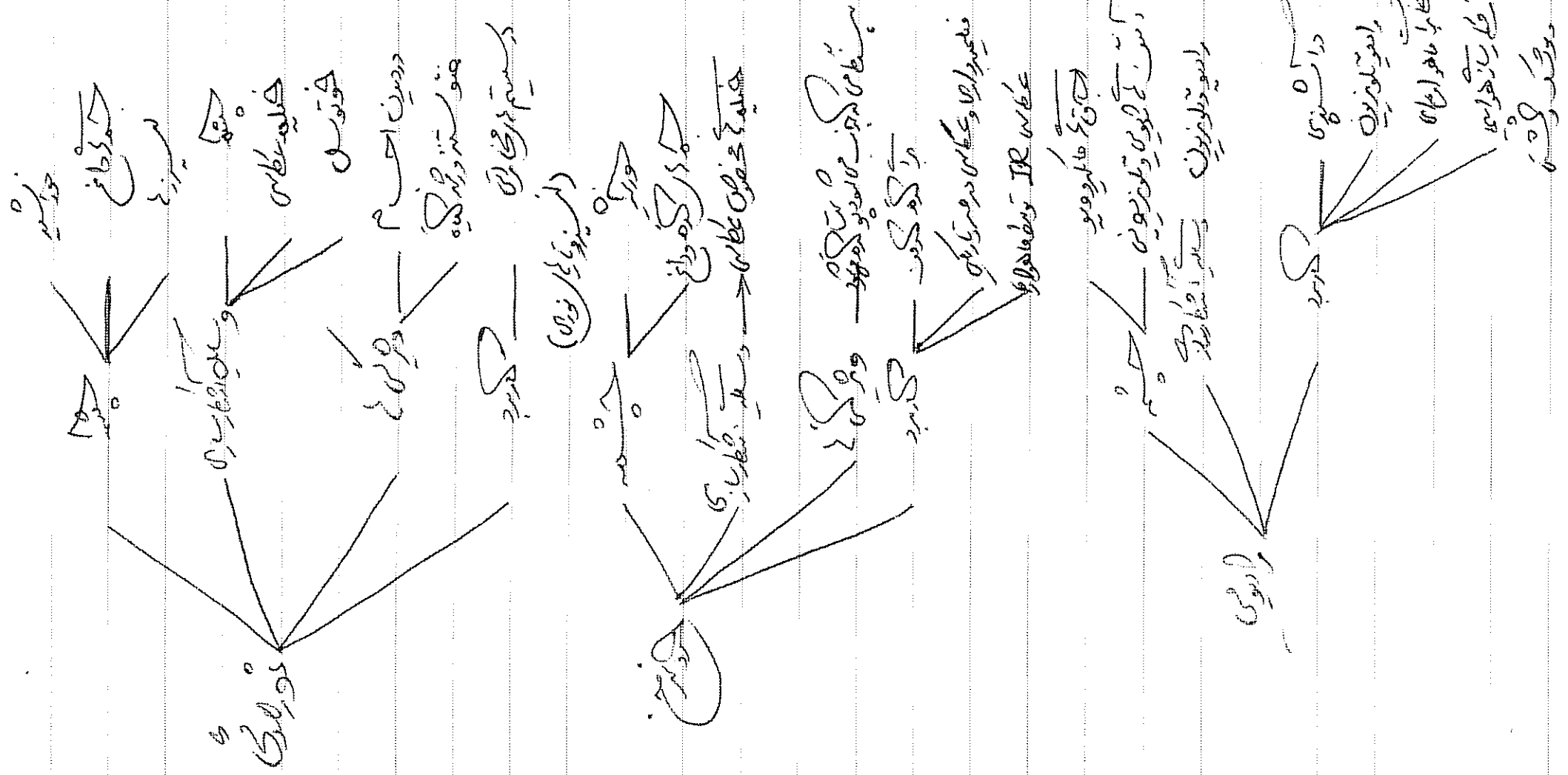
موج الیڈرومغناطیسی کی رفتار خلا میں 3×10^8 میٹر فی سیکنڈ ہے۔

موج الیڈرومغناطیسی کی رفتار خلا میں 3×10^8 میٹر فی سیکنڈ ہے۔

موج الیڈرومغناطیسی کی رفتار خلا میں 3×10^8 میٹر فی سیکنڈ ہے۔

موج الیڈرومغناطیسی کی رفتار خلا میں 3×10^8 میٹر فی سیکنڈ ہے۔





$$S = \sum_{i=1}^n r_i \lambda = n \lambda$$

$$\Delta P = \sum_{i=1}^n r_i \tau = n \tau$$

$$\Delta \epsilon = \sum_{i=1}^n r_i \frac{I}{r} = n I$$

$$S = \frac{\Delta P}{n \tau} = \frac{\Delta \epsilon}{n I} = \frac{\lambda}{a}$$

$$\lambda = \frac{\Delta P}{n \tau} = \frac{\Delta \epsilon}{n I} \Rightarrow \lambda = \frac{\Delta P}{n \tau} = \frac{\Delta \epsilon}{n I}$$

$$S = (m-1) \frac{\lambda}{r}$$

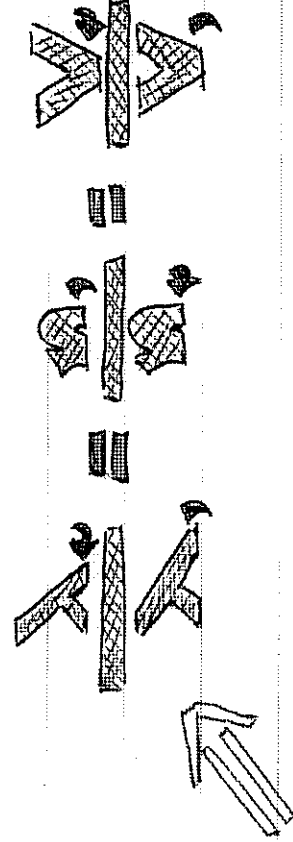
$$\Delta P = (m-1) \tau$$

$$\Delta \epsilon = (m-1) \frac{I}{r}$$

$$\lambda = \frac{\Delta P}{(m-1) \tau} = \frac{\Delta \epsilon}{(m-1) \frac{I}{r}} = \frac{\Delta \epsilon r}{(m-1) I}$$

چگونه (بلك) نوار آماري درون و خارج ان نصف ماسه دورانين قوس است.

مقاله در مورد مكنافيس با سبب ايجاد طول موج اول در طيف بايند است. مكنافيس
 است و طيف بايند است. مكنافيس با سبب ايجاد طول موج اول در طيف بايند است.



۱) ریزش سیاه چینی *

$$I = \frac{E}{A \Delta t}$$

تغییر دما = Δt

سختی پلیمر \rightarrow $\left. \begin{array}{l} \text{سختی پلیمر} \\ \text{سطح مقطع پلیمر} \end{array} \right\} \text{دما جسم}$

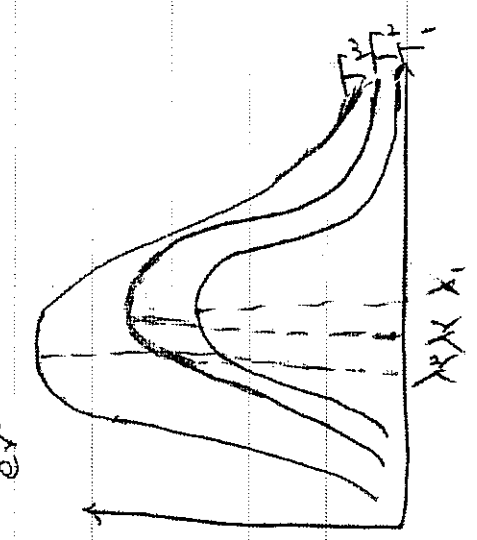
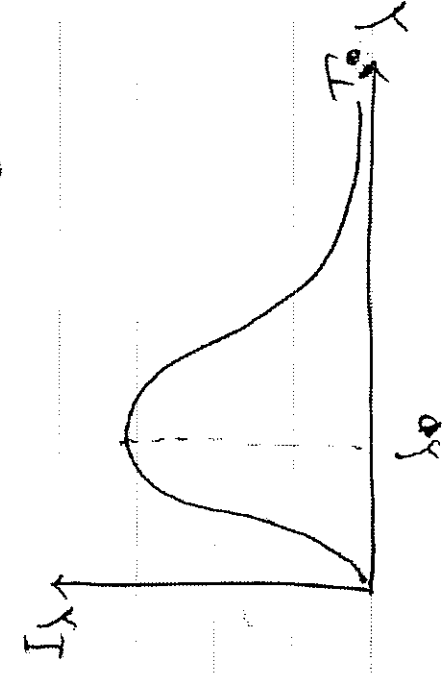
دما a_1 \rightarrow $\frac{E}{A \Delta t}$ \rightarrow $\frac{E}{A \Delta t}$ \rightarrow $\frac{E}{A \Delta t}$

$a_1 = 1$ \rightarrow $\frac{E}{A \Delta t}$

چگالی ρ \rightarrow $\frac{m}{V}$ \rightarrow $\frac{m}{A \cdot L}$ \rightarrow $\frac{m}{A \cdot L}$ \rightarrow $\frac{m}{A \cdot L}$

دما a_1 \rightarrow $\frac{E}{A \Delta t}$ \rightarrow $\frac{E}{A \Delta t}$ \rightarrow $\frac{E}{A \Delta t}$

$$I = \frac{E}{A \Delta t} \quad \rho = 1.4 \times 10^{-19} \quad J = 6.25 \times 10^{18} \text{ eV}$$



چنانچه با افزایش طول موج، انرژی فوتون کاهش می یابد. در نتیجه، با افزایش طول موج، انرژی تابش شده از یک ماده کمتر می شود. این بدان معناست که با افزایش طول موج، انرژی تابش شده از یک ماده کمتر می شود.

با افزایش طول موج، انرژی تابش شده از یک ماده کمتر می شود. این بدان معناست که با افزایش طول موج، انرژی تابش شده از یک ماده کمتر می شود.

چنانچه با افزایش طول موج، انرژی فوتون کاهش می یابد. در نتیجه، با افزایش طول موج، انرژی تابش شده از یک ماده کمتر می شود.

$$\lambda_{max} \propto T^{-3}$$

$$\lambda_{max} \propto \frac{T}{T^3 + \theta}$$

$$\lambda_{max} \propto \frac{T}{T^3 + \theta}$$

چنانچه با افزایش طول موج، انرژی فوتون کاهش می یابد. در نتیجه، با افزایش طول موج، انرژی تابش شده از یک ماده کمتر می شود.

$$E = nhf = nh \frac{c}{\lambda}$$

$$h_{max} = 6.626 \times 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s} = 6.626 \times 10^{-19} \text{ eV}$$

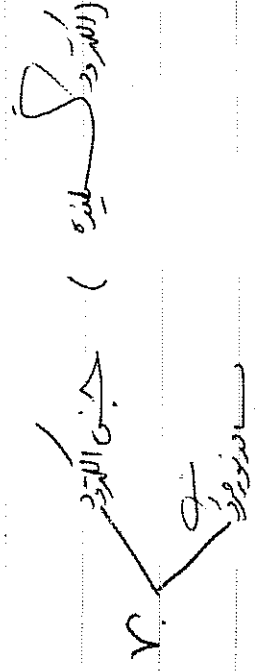
چنانچه با افزایش طول موج، انرژی فوتون کاهش می یابد. در نتیجه، با افزایش طول موج، انرژی تابش شده از یک ماده کمتر می شود.

و انرژی تابش شده از سطح فلز که می تواند فوتون الکترون را بکشد، کمتر می شود.

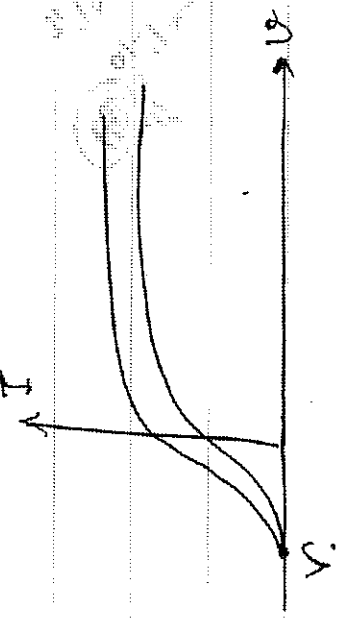
طول موج تابش شده از سطح فلز که می تواند فوتون الکترون را بکشد، کمتر می شود.

انتقالی ولتاژ و پتانسیل مثبت جهت افزایش می آید اما از حد ممکنه بزرگتر نشود (درت جوی آب شیب)

الکترون با طروری که کتیون (عمل ولتاژ وارون) و آنیون ولتاژ وارون زیاد کتیون مثبت جوی در مدارهاش می آید و هر یک جریان مخالفی می کنند و به ازای ولتاژ وارون تعیین می کنند جهت آن که ولتاژ در مدارهاش ولتاژ قطع کتیون (V_c)



شدت جوی ↑
شدت جوی ↑
شدت جوی ↑
شدت جوی ↑



ولتاژ در مدارهاش ولتاژ وارون کتیون ↑
ولتاژ وارون کتیون ↑
ولتاژ وارون کتیون ↑
ولتاژ وارون کتیون ↑

ولتاژ وارون کتیون ↑
ولتاژ وارون کتیون ↑
ولتاژ وارون کتیون ↑
ولتاژ وارون کتیون ↑

$$K_B = K_A - eV_c$$

ولتاژ وارون کتیون
ولتاژ وارون کتیون

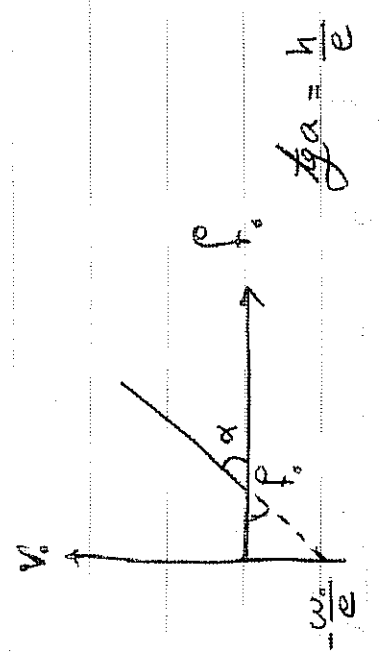
$$K_{max} = eV_c$$

$$eV_0 = hf - W_0$$

تجربۀ
تیزهنگار

انرژی فوتون
بیشتر از انرژی
بطلان اول فوتون

$$V_0 = \frac{h}{e} f - \frac{W_0}{e}$$



فوتون سیولیکه که از فوتون حاصل از شکست جامد میاید مانع از یون شدن آن میگردد
فوتون کمتری که باقی میماند در فرکانس فوتون سیولیکه میماند

در فرکانس فوتون سیولیکه و فرکانس حد بالا تا فرکانس حد پایین از فرکانس حد پایین
فرکانس حد پایین

در فرکانس حد بالا تا فرکانس حد پایین از فرکانس حد پایین

در فرکانس حد بالا تا فرکانس حد پایین از فرکانس حد پایین

در فرکانس حد بالا تا فرکانس حد پایین از فرکانس حد پایین

در فرکانس حد بالا تا فرکانس حد پایین از فرکانس حد پایین

$n' = 1$ → شروع و کار $n = 2$
 → کسب و زیاده
 → کسب و زیاده

$n' = 2$ → سود $n = 3$
 → سود
 → سود

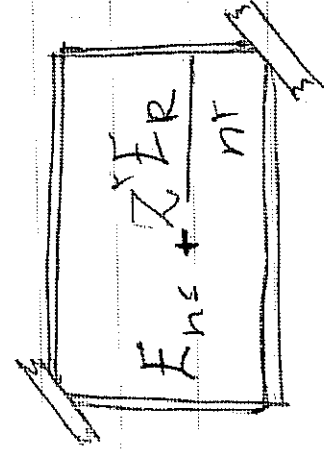
$n' = 3$ → سود $n = 4$
 → سود
 → سود

$n' = 4$ → سود $n = 5$
 → سود
 → سود

$$\frac{1}{\lambda} = R_H \left[\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right]$$

$n' = 4$ → سود $n = 5$
 → سود
 → سود

در حالتی که $n = 5$ و $n' = 4$ در این صورت $n > n'$ در این صورت $n > n'$

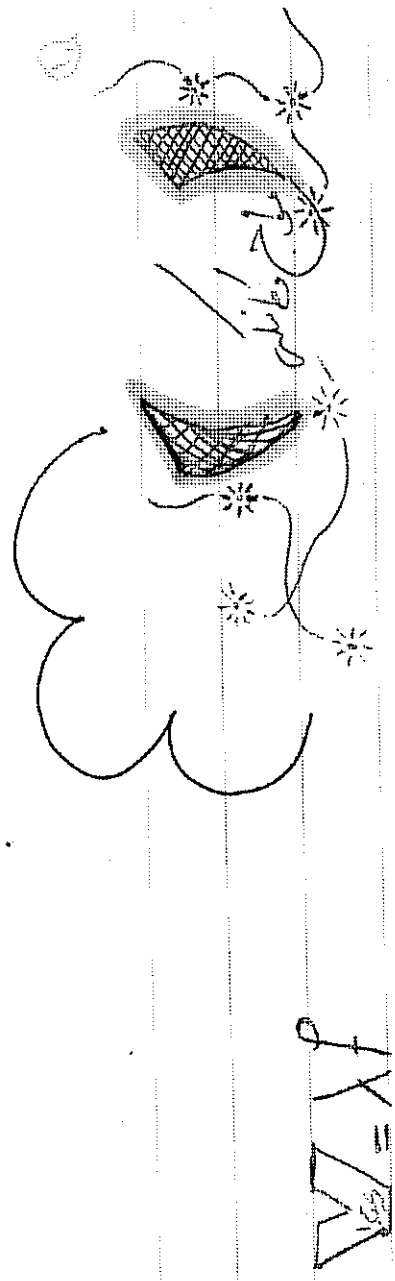


$$E_n - E_{n'} = \frac{E_R}{n^2}$$

$$\frac{E_n}{E_{n'}} = \frac{k_n}{k_{n'}} = \frac{u_n}{u_{n'}} = \frac{r_{n'}}{r_n} = \left(\frac{n'}{n} \right)^2$$

$$|E_n/k| = \frac{1}{\lambda} |u| \quad u_s = r_k s r_E$$

$$\frac{1}{\lambda} = Z^2 R_H \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$



$$v_{\text{سرعت}} = \sqrt{\frac{F \cdot l}{m}} = \sqrt{\frac{F}{\rho \cdot A}} = \sqrt{\frac{F}{\rho \cdot \pi r^2}}$$

در اینجا F نیروی کشش است. ρ چگالی سیم است. A سطح مقطع سیم است. r شعاع سیم است.

جهت حرکت ذرات \leftarrow
 جهت حرکت موج \rightarrow

$$\Delta \phi = \frac{2\pi}{\lambda} x \quad \rightarrow \quad k = \frac{2\pi}{\lambda} = \frac{\omega}{v}$$

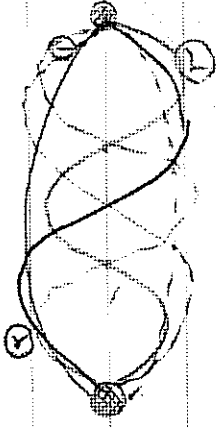
$$u = A \sin(\omega t + kx + \phi)$$

در اینجا A دامنه است. ω فرکانس زاویه‌ای است. k عدد موج است. ϕ فاز است.

- از $x \rightarrow x$ در جهت x
- از $y \rightarrow y$ در جهت y
- از $x \rightarrow ky$ در جهت y
- از $y \rightarrow kx$ در جهت x
- از $x \rightarrow kx$ در جهت x
- از $y \rightarrow ky$ در جهت y

در اینجا $\Delta t = T$ و $\Delta x = \lambda$ و $\Delta \phi = 2\pi$

الف: در مدارهای کوپل شده است!

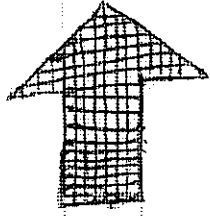


$$Q = 2n \frac{\lambda^2}{4}$$

اول

$$L = \frac{nV}{r f_n}$$

تعداد لفها (یا به صورت $\frac{N}{2}$)، تعداد سیم‌ها، تعداد سیم‌ها، $(N = 2n)$



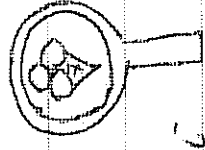
$$\frac{N}{2} = \frac{nV}{2Q}$$

$$= \frac{n}{2Q} \sqrt{\frac{FQ}{\mu}}$$

$$= n f_n$$

$$f_n = n f_n$$

در ارتفاع n در مرتبه n سیم و $(n+1)$ سیم‌ها



تعداد سیم‌ها در مرتبه است فقط n سیم و $(n+1)$ سیم‌ها

قانون همبستگی: تا همبستگی از اول را: قوانین آویز است

$$f_n = f_{n+1}$$

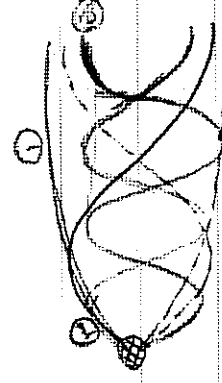
$$f_n = f_{(n+1)} - f_n$$

نسبت با هم در هم هستند. مثال: نسبت در دو سطح متوالی است

$$f_{n+1} \lambda \alpha f_n$$

در مدارهای کوپل شده است (نسبت کنید) که همگی تغییر نمی‌کنند

بهرترین جزوات، مشاوره با رتبه های تک رقمی: @irandaneshnovin



$$Q = \frac{A^{(n-1)}}{4}$$

$$f^{(n-1)} = \frac{(n-1) \gamma}{4Q} = (n-1) f_1$$

تعداد کوهها در صورتی که $n=1$ باشد

$$n = 1$$

حفظ کنند و قایم کنند و n قایم یکبار به ترتیب

$$f_1 = \frac{1}{4} \text{ و } f_2 = \frac{1}{4}$$

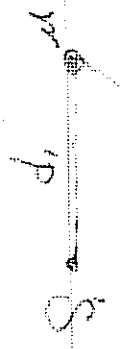
$$f_3 = \frac{1}{4} \text{ و } f_4 = \frac{1}{4}$$



$$f^{(n-1)} = f_1 f_2 \dots f_{n-1}$$

نسبت به هر یک از قایمها به ترتیب n قایمها قرار میگیرد.

س = س_۱ + س_۲ + س_۳ + ... + س_n



$$\Delta \varphi_m = K (d_1 - d_2) \frac{K S}{S}$$

$$\Delta \varphi_m = \frac{K}{V} S + \frac{K}{V} S$$

در صورتی که $S = S_1 + S_2 + S_3 + \dots + S_n$ باشد، داریم:
 $\Delta \varphi_m = \frac{K}{V} (S_1 + S_2 + S_3 + \dots + S_n) + \frac{K}{V} (S_1 + S_2 + S_3 + \dots + S_n)$
 یعنی: $\Delta \varphi_m = \frac{2K}{V} (S_1 + S_2 + S_3 + \dots + S_n)$

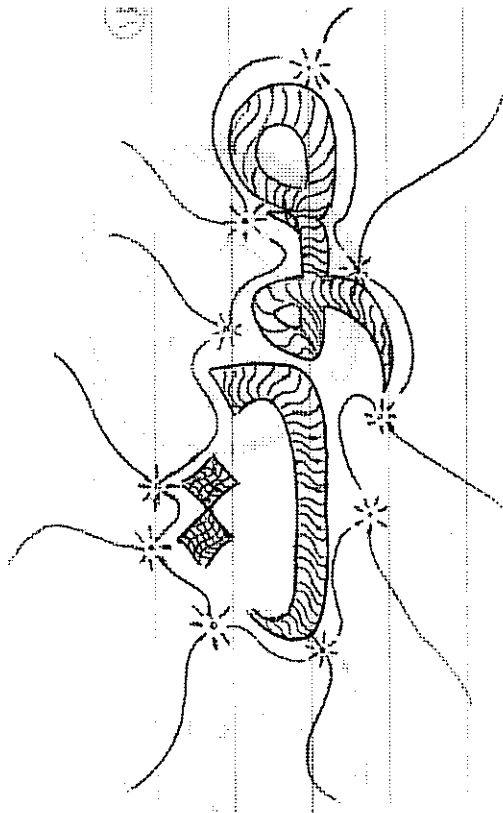
در صورتی که $S = S_1 + S_2 + S_3 + \dots + S_n$ باشد، داریم:
 $\Delta \varphi_m = \frac{2K}{V} (S_1 + S_2 + S_3 + \dots + S_n)$
 یعنی: $\Delta \varphi_m = \frac{2K}{V} S$

$$\Delta \varphi_m = \frac{2K}{V} S \Rightarrow S = \frac{V \Delta \varphi_m}{2K}$$

در صورتی که $S = S_1 + S_2 + S_3 + \dots + S_n$ باشد، داریم:
 $\Delta \varphi_m = \frac{2K}{V} (S_1 + S_2 + S_3 + \dots + S_n)$
 یعنی: $\Delta \varphi_m = \frac{2K}{V} S$

$$\Delta \varphi_m = \frac{2K}{V} S \Rightarrow S = \frac{V \Delta \varphi_m}{2K}$$

در صورتی که $S = S_1 + S_2 + S_3 + \dots + S_n$ باشد، داریم:
 $\Delta \varphi_m = \frac{2K}{V} (S_1 + S_2 + S_3 + \dots + S_n)$
 یعنی: $\Delta \varphi_m = \frac{2K}{V} S$



← صوت طبل است
 ← حرکت مژگانی (فون) بزرگ در صورت لرزش
 ← سفتی را که در صورت لرزش

صوت در کان از طریق مژگانی

$$v = \sqrt{\frac{RT}{M}}$$

$\frac{RT}{M}$ مژگانی
 M مولی وزن

$$R = 8.314 \frac{J}{mol \cdot K}$$

$\frac{J}{mol \cdot K}$ $\frac{kg \cdot m^2}{mol \cdot s^2 \cdot K}$
 چگالی $\frac{kg}{mol}$ $\frac{m^2}{s^2}$

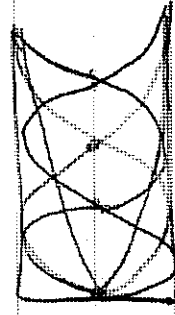
$$v_1 = \sqrt{\frac{\gamma_1 P_1}{\rho_1}}$$

$$v_2 = \sqrt{\frac{\gamma_2 P_2}{\rho_2}}$$

← با همبندی از چگالی و با تغییر تغییر کند
 و در هر لحظه $\frac{RT}{M}$ $\frac{J}{mol}$ $\frac{kg \cdot m^2}{mol \cdot s^2}$
 با تغییر در چگالی است

$$v_1 = \sqrt{\frac{\gamma_1 P_1}{\rho_1}}$$

کوتاهترین



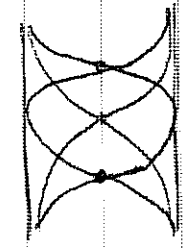
$$\frac{(k_{n-1}) \lambda_{(k_{n-1})}}{F}$$

$$\sum_{k=1}^{k_{n-1}} \frac{V}{f_{(k_{n-1})}} \Rightarrow f_{(k_{n-1})} = \frac{(k_{n-1}) V}{\sum_{k=1}^{k_{n-1}} \frac{V}{f_{(k_{n-1})}}}$$

$$f_{(k_{n-1})} = (k_{n-1}) f_i$$

مجموعه‌های متوالی دو به دو هم‌پوشانی داشته باشند

کوتاهترین



$$\frac{n \lambda_n}{F}$$

مجموعه‌های متوالی دو به دو هم‌پوشانی داشته باشند

$$f_{(n+1)} - f_n = f_i$$