

خرید کتاب های کنکور

با تخفیف ویژه

۹  
ارسال رایگان

Medabook.com



مدابوک



دریافت برنامه ریزی و مشاوره

از مشاوران رتبه برترا

مو<sup>۰</sup> کنکوری آیدی نوین

۰۲۱ ۳۸۴۴۲۵۴



به نام پروردگار مهندسی

# فیزیک تجربی دوازدهم

مفاهیم، تعاریف، تصاویر و فرمول‌ها

مهندس حسن محمدی



مهروماه

## مقدمه

یکی از دغدغه‌های بزرگ دانش‌آموزان توی چند سال اخیر این بوده که با این کتاب درسی پر از نکته که کوچک‌ترین جزئیاتش، مثال‌هاش، پرسش‌ها و تمرین‌های بدون جوابش 😔 مستقیماً توی امتحانات نهایی و کنکور به عنوان سؤال و تست مطرح میشه چیکار کنن؟ جواب این سؤال مهم و طولانی همینجاست! یکم صبر کنید تا دونه دونه بهتون بگم چه لقمه خوشمزه‌ای 😊 برآتون آوردم:

**لقمه اول:** همه مفاهیم کتاب درسی، شکلا و توضیحاتشون، فرمول‌ها و نکاتشون رو توی این لقمه برآتون آماده کردم. اما این لقمه وقتی جذاب‌تر میشه که بدونید سؤال‌ای امتحان نهایی چند سال اخیر، تمرین‌ها و پرسش‌های مهم کتاب که به مثال تبدیل شدن رو لابه‌لای درسنامه برآتون خیلی شیک چیدم تا بردید بخونید و لذت‌شو ببرید. هنوز تموم نشده؛ یه سورپرایزم دارم! اگه میخوايد آخر هر فصل خودتونو محک بزنید، چنتا سؤال خوب و چالشی به عنوان محتوای افزوده برآتون توی سایت گذاشتیم 😎

**لقمه دوم:** تمام پرسش‌ها، فعالیت‌ها و آزمایش‌های روتی این لقمه با جوابشون برآتون آوردم تا بتونید خوب خوب کتاب رو هضم کنید!

**لقمه آخر:** یک لقمه شگفت‌انگیز؛ اسمش تعاریف و فرمولنامه‌ست جاشم آخر کتابه! فرمول‌ها و تعاریف همه فضلا رو یکجا آوردم تا بتونید توی کمتر از ۱ ساعت کل کتاب رو بیلعید!

خیلی تلاش کردیم تا کتاب کامل‌جامعی رو برآتون آماده کنیم اما کتاب کوچیکه و محدودیت حجم همیشه اذیتمون میکنه. اما اصلاً

نگران نباشید چون چیزی کم نگذاشتیم و یه سری سوال ترکیبی جون‌دار و پاسخ فعالیت‌ها و آزمایش‌های رو به عنوان محتوای افزوده تو سایت برآتون آپلود کردیم که با اسکن کردن کدی که میبینید میتوانید راحت دانلودش کنید.



حرف آخر: ببینید بچه‌ها من ادعا می‌کنم این کتاب کوچیک با تمام جمع و جور بودنش کتابیه که می‌توانید با خوندنش از پس هر آزمونی بریایید! از امتحانای تشریحی و تستی مدرسه گرفته تا امتحان نهایی و کنکور! پس قورتش بدید  قبل اینکه امتحانا شما رو قوت بدن.

## تشکر و سپاس فراوان از:

در اینجا لازمه از کلیه عزیزانی که در به چاپ رسیدن کتاب سهیم بودن تشکر کنم:

- جناب آقای احمد اختیاری، مدیر محترم انتشارات، که همیشه با اعتمادشون به جوون‌ترها، به اونها امید می‌بخشن.
- جناب آقای محمد حسین انوشه مدیر محترم شورای تألیف و جناب آقای نصرالله افضل مدیر و ناظر علمی گروه فیزیک که فرصت نوشتن این کتاب رو به من دادن.
- سرکار خانم مهندس مهدیه اسکندری مسئول تألیف گروه فیزیک که باید بگم کل زحمات از صفر تا صد روی دوششون بوده و توی این یک دو خط نمیشه به هیچ شکلی از ایشون تشکر کرد.
- جنای آقای محسن فرهادی مدیر هنری، سرکار خانم سمیرا سیاوشی مدیر تولید و جناب آقای میلاد صفائی مدیر فنی که زحمت کشیدن تا کتاب با بهترین کیفیت به‌دست شما برسه.
- شما دبیران و دانش‌آموزان عزیزی که قراره کتاب رونقد کنید و نظراتتونو از طریق پل ارتباطی  @physics\_mehromah با ما در میون بزارید.

ارادتمند شما

حسن محمدی

# فهرست

لقمه دو

لقمه اول

۴۴

۸

حركت بر خط راست

فصل (۱)

۹۳

۶۲

ديناميک

فصل (۲)

۱۶۸

۱۰۲

نوسان و امواج

فصل (۳)

۲۲۰

۱۸۰

آشنايی با فيزيک اتمی و هسته‌ای

۲۲۵

لقمه آخر

## مفاهیم، تعاریف، نکته‌ها و روابط

### لقمه اول

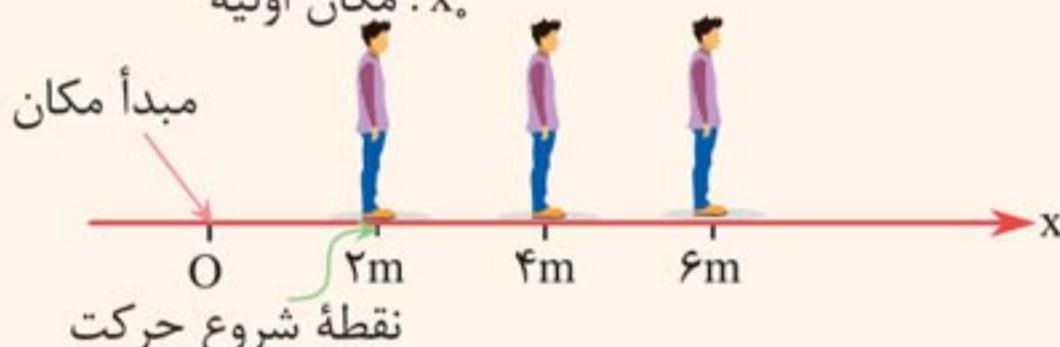
#### مفهوم اولیه حرکت

**مبدأ مکان:** نقطه  $x = 0$  روی محور  $x$ ، که به آن مبدأ مکان یا مبدأ گفته می‌شود.

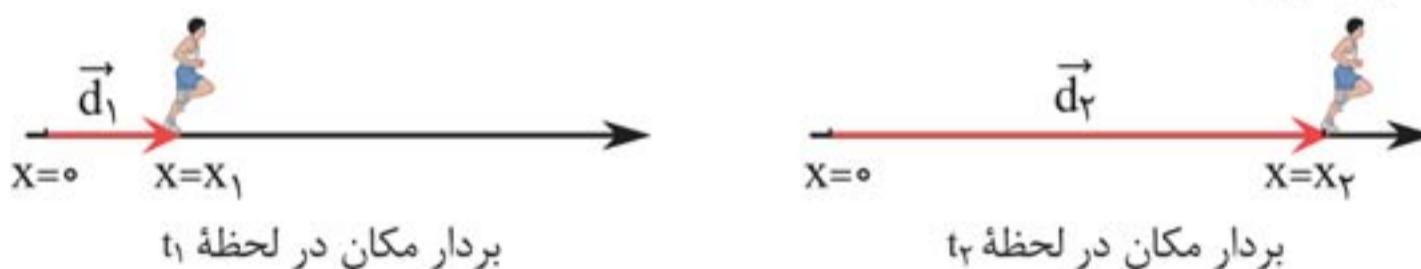
**مکان اولیه ( $x_0$ ):** به مکان جسم در لحظه  $s = 0$  (مبدأ زمان)، مکان اولیه می‌گویند.

**تذکر:** هیچ‌گاه مبدأ مکان را با مکان اولیه متحرک اشتباه نگیرید.  
(ممکن است گاهی این اتفاق بیفتاداما لزوماً این گونه نیست)

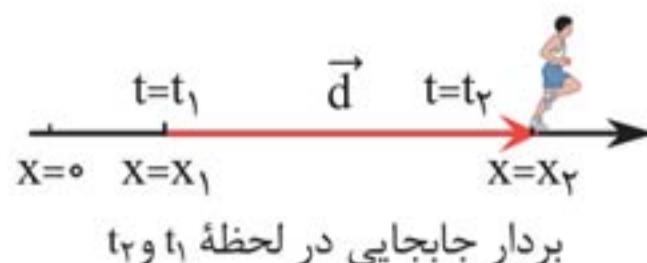
$x_0$ : مکان اولیه



**بردار مکان:** برداری است که مبدأ مکان را به مکان جسم در هر لحظه متصل می‌کند.



**بردار جابه‌جایی ( $\vec{d}$ ):** پاره خط جهت‌داری است که مکان آغازین حرکت را به مکان پایانی حرکت وصل می‌کند.



## مهره‌ماه

### حرکت بر خط راست

$$\vec{d} = \vec{d}_2 - \vec{d}_1 \xrightarrow{\substack{\vec{d}_2 = x_2 \vec{i} \\ \vec{d}_1 = x_1 \vec{i}}} \vec{d} = x_2 \vec{i} - x_1 \vec{i}$$

$$= (x_2 - x_1) \vec{i} = \Delta x \vec{i}$$

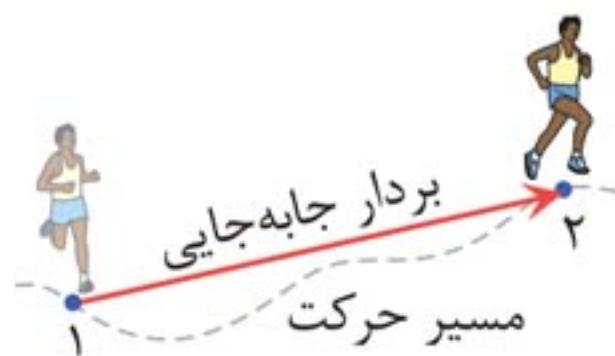
**تذکر:** در این فصل چون فقط حرکت در یک بعد را بررسی می‌کنیم،  $\vec{i}$  را کنار می‌گذاریم و جابه‌جایی را به صورت  $d = \Delta x$  می‌نویسیم و چون روی خط راست دو جهت ممکن است وجود داشته باشد، در این صورت برای هر جابه‌جایی دو حالت زیر را داریم:

جابه‌جایی در جهت مثبت محور  $x$   $\rightarrow \Delta x > 0$

حالت ۱:

جابه‌جایی در خلاف جهت محور  $x$   $\leftarrow \Delta x < 0$

حالت ۲:



**مسافت ( $\ell$ ):** طول مسیر پیموده شده توسط متحرک را مسافت می‌نامند. دقت کنید که مطابق شکل مقابل، مسافت پیموده شده به مسیر حرکت بستگی دارد، در حالی که جابه‌جایی فقط به نقطه ابتدایی و انتهایی حرکت وابسته است.

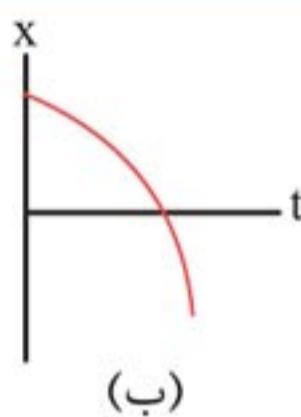
همچنین دو نکته زیر را هم به خاطر داشته باشید:

۱ جابه‌جایی کمیتی برداری و مسافت کمیتی نرده‌ای است.

۲ همواره داریم: مسافت طی شده ک اندازه جابه‌جایی

**تذکر:** تنها در صورتی که متحرک در یک بازه زمانی روی خط راست حرکت کند و تغییر جهت ندهد، مسافت طی شده در آن بازه با اندازه جابه‌جایی برابر است.

۴ اگر مکان ثانویه بالاتر از مکان اولیه باشد جابه‌جایی مثبت و اگر مکان ثانویه پایین‌تر از مکان اولیه باشد، جابه‌جایی منفی است.

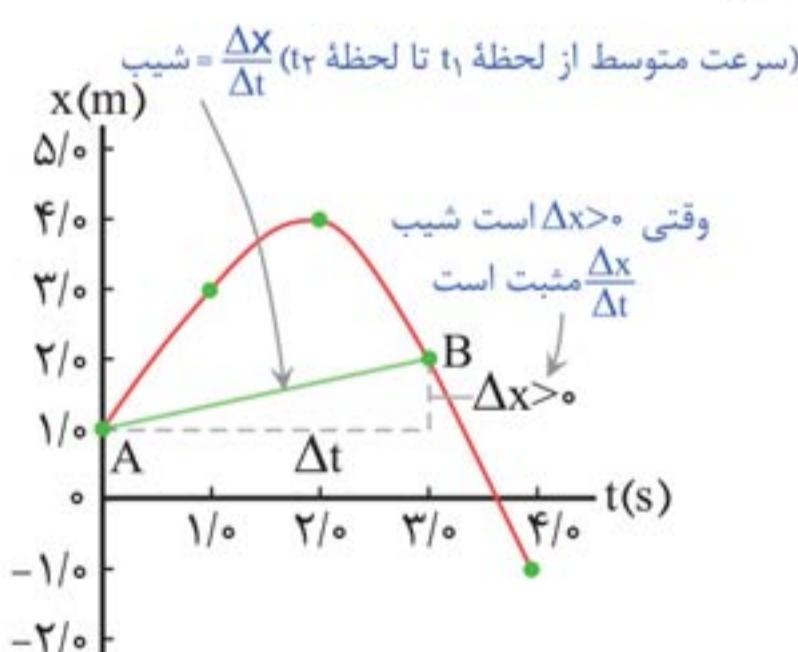


**مثال ۱۶:** با توجه به شکل مقابل، توضیح دهید کدام‌یک از نمودارهای مکان - زمان (الف) یا (ب) می‌تواند نشان‌دهنده نمودار مکان - زمان متحرک باشد؟ (تجربی-شهریور ۹۸)

**پاسخ:** نمودار (ب)؛ در برخی نقاط نمودار (الف)، متحرک در یک لحظه در دو مکان است که این امکان‌پذیر نیست!

### تعیین سرعت متوسط به کمک نمودار مکان - زمان

مطابق شکل، سرعت متوسط متحرک بین دو لحظه دلخواه، برابر شیب خطی است که نمودار مکان - زمان را در آن دو لحظه قطع می‌کند. مثلاً سرعت متوسط بین  $t_1 = 0\text{ s}$  و  $t_2 = 3\text{ s}$  برابر است با شیب خط AB؛ بنابراین داریم:



$$v_{av} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} = \frac{2 - 1}{3 - 0} = \frac{1}{3} \text{ m/s}$$

## مهره‌ماه

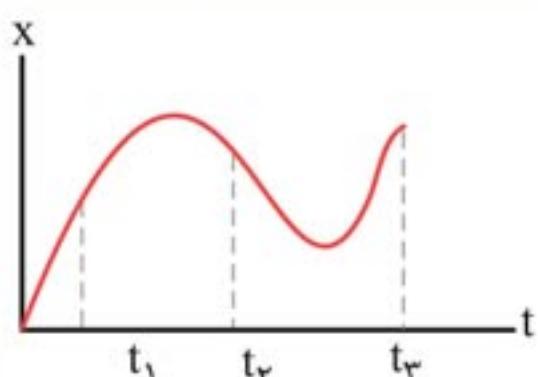
### حرکت بر خط راست

در مورد علامت سرعت متوسط از روی نمودار  $x - t$  به جدول زیر توجه کنید:

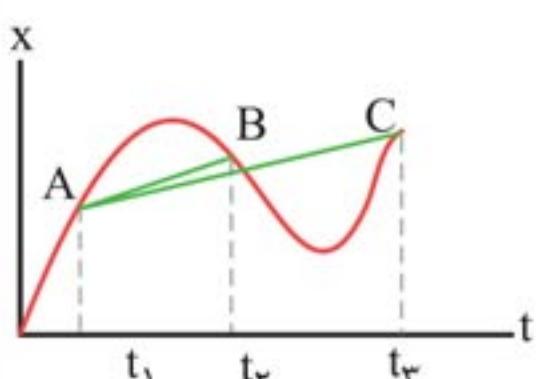
فصل  
۱

شیب خط	علامت $v_{av}$
مثبت	+ : سرعت متوسط در جهت محور $x$
منفی	- : سرعت متوسط در خلاف جهت محور $x$

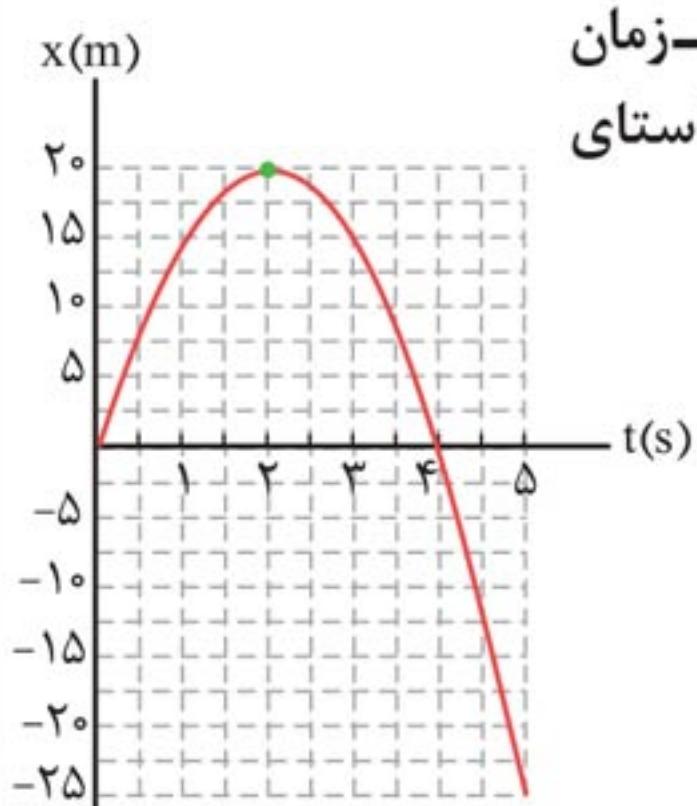
**نکته:** اگر شیب نمودار مکان-زمان یک متوجه در طول حرکت ثابت باشد، سرعت متوسط در هر بازه زمانی دلخواه یکسان است.



**مثال ۵:** نمودار مکان-زمان متوجه کی که بر روی محور  $X$  حرکت می‌کند، مطابق شکل مقابله است. سرعت متوسط این متوجه را در بازه‌های زمانی  $t_1$  تا  $t_2$  و  $t_2$  تا  $t_3$  با هم مقایسه کنید.



شیب خط  $AB >$  شیب خط  $AC$   
 $\Rightarrow v_{av_{t_2-t_1}} > v_{av_{t_3-t_1}}$



**مثال ۶:** شکل مقابله نمودار مکان-زمان خودرویی را نشان می‌دهد که در راستای خط راست حرکت می‌کند.

الف) سرعت و تندی متوسط را در بازه زمانی  $t_1 = 1\text{ s}$  تا  $t_3 = 3\text{ s}$  پیدا کنید.

ب) سرعت متوسط و جهت آن را در بازه زمانی  $t_1 = 1\text{ s}$  تا  $t_5 = 5\text{ s}$  به دست آورید.

■ پاسخ: (الف)

$$\left. \begin{array}{l} t_1 = 1\text{s} \Rightarrow x_1 = 15\text{m} \\ t_3 = 3\text{s} \Rightarrow x_3 = 15\text{m} \end{array} \right\} \Rightarrow \Delta x = 0 \Rightarrow v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = 0 \text{ m/s}$$

$$\ell = |20 - 15| + |15 - 20| = 10\text{m}$$

$$\Rightarrow s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{10}{3-1} = 5\text{m/s}$$

**تذکر:** در محاسبه مسافت دقت کنید که متحرک در لحظه  $t_2 = 2\text{s}$  تغییر جهت داده است.

$$\left. \begin{array}{l} t_1 = 1\text{s} \Rightarrow x_1 = 15\text{m} \\ t_5 = 5\text{s} \Rightarrow x_5 = -25\text{m} \end{array} \right\} \Rightarrow v_{av} = \frac{x_5 - x_1}{t_5 - t_1} \quad (\text{ب})$$

$$= \frac{-25 - 15}{5 - 1} = -10\text{m/s} \xrightarrow{v_{av} < 0}$$

در خلاف جهت محور  $x$

## تندی و سرعت لحظه‌ای

تندی متحرک در هر لحظه از زمان را **تندی لحظه‌ای** می‌نامند. در حالی که اگر در گزارش تندی لحظه‌ای، به جهت حرکت متحرک نیز اشاره شود، در واقع **سرعت لحظه‌ای** ( $\vec{v}$ ) که یک کمیت برداری است را گزارش کرده‌ایم.

- **نکته‌ها:**
  - ۱ عقربه تندی سنج خودرو، تندی لحظه‌ای رانشان می‌دهد و هیچ گونه اطلاعی در خصوص جهت حرکت خودرو به مانمی‌دهد.
  - ۲ منظور از سرعت و تندی، همان سرعت و تندی لحظه‌ای است.
  - ۳ هرگاه متحرک در جهت مثبت محور  $x$  حرکت کند،  $v > 0$  و هرگاه در خلاف جهت محور  $x$  حرکت کند،  $v < 0$  است. دقت کنید که تندی، یک کمیت نرده‌ای و همواره مثبت است.

## تمرین‌ها، فعالیت‌ها و پرسش‌ها

### لقمه دوم

#### پرسش ۱-۱

۱. شکل (الف) شخصی را در حال پیاده‌روی در راستای خط راست و بدون تغییر جهت، از مکان ۱ به مکان ۲ نشان می‌دهد. مسیر حرکت و بردار جابه‌جایی شخص را روی شکل مشخص و اندازه بردار جابه‌جایی را با مسافت مقایسه کنید.



۲. شخص پس از رسیدن به مکان ۲، بر می‌گردد و روی همان مسیر به مکان ۳ می‌رود (شکل ب). مسیر حرکت و بردار جابه‌جایی شخص را روی شکل مشخص و اندازه بردار جابه‌جایی را با مسافت پیموده شده مقایسه کنید.



۳. شکل (پ) مسیر حرکت ماه به دور زمین را نشان می‌دهد. وقتی ماه در جهت نشان داده شده در شکل، از مکان ۱ به مکان ۲ می‌رود، مسیر حرکت و بردار جابه‌جایی آن را روی شکل مشخص و اندازه بردار جابه‌جایی آن را با مسافت پیموده شده مقایسه کنید.

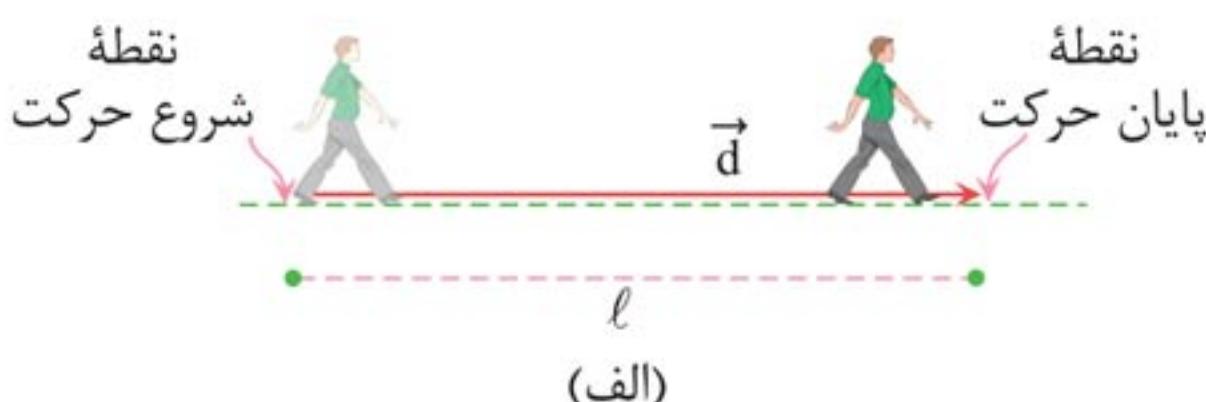


## مهره‌ماه

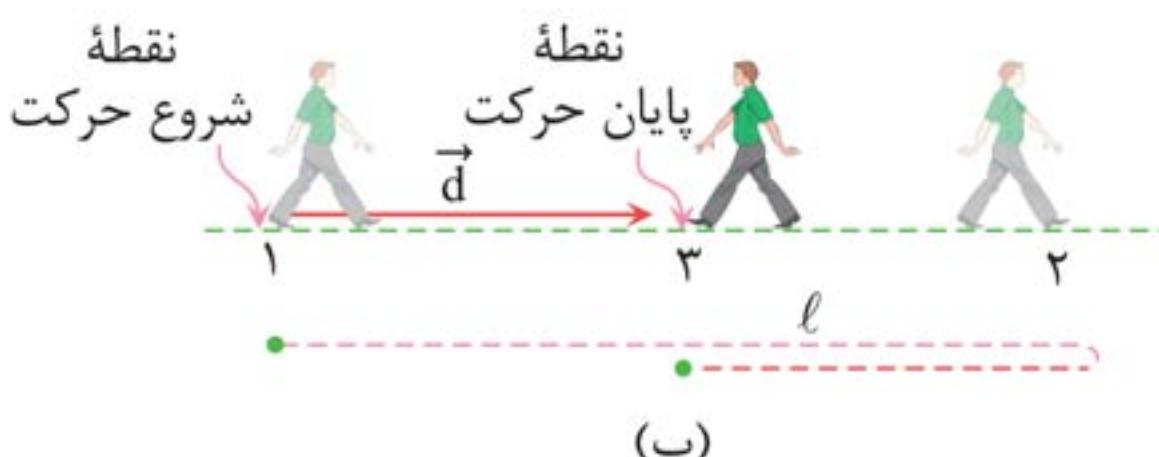
### حرکت بر خط راست

پیش‌نیاز

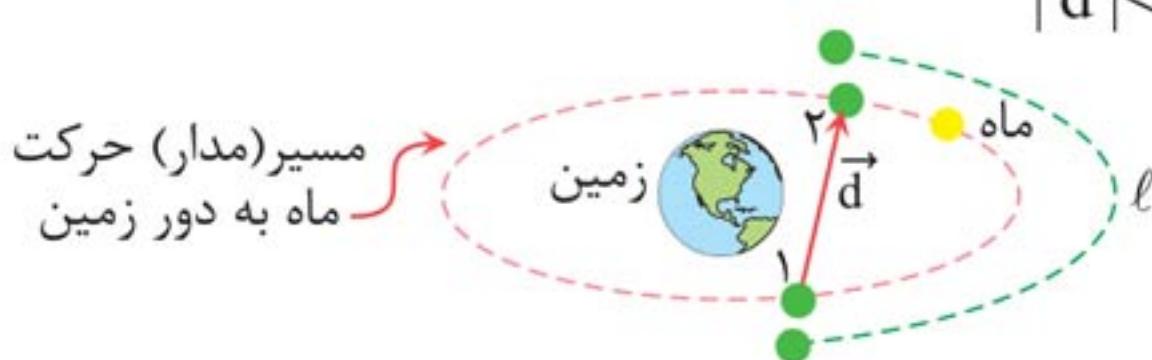
■ پاسخ: ۱) چون متحرک روی خط راست و در یک جهت ثابت حرکت کرده است (تغییر جهت نداده است)، مسافت و اندازه جابه‌جایی برابرند.



۲) به این دلیل که متحرک تغییر جهت داده است، مسافت و جابه‌جایی برابر نیستند و مسافت طی شده بیشتر از اندازه جابه‌جایی است.  $| \vec{d} | < l$



۳) به علت تغییر جهت، اندازه جابه‌جایی کوچک‌تر از مسافت طی شده است:  $| \vec{d} | < l$



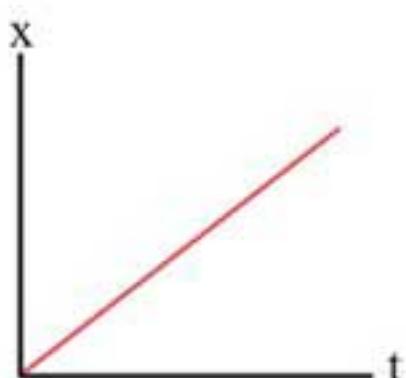
### پرسش ۱

در چه صورت اندازه سرعت متوسط با تندی متوسط آن برابر است؟ برای پاسخ خود می‌توانید به شکل‌های پرسش ۱-۱ نیز توجه کنید.

■ پاسخ: اگر متحرک در یک بازه زمانی روی خط راست و در یک جهت ثابت حرکت کند، در آن بازه زمانی، تندی متوسط با اندازه سرعت متوسط برابر است.

### پرسش ۱-۴

از روی نمودار مکان-زمان توضیح دهید در چه صورت سرعت لحظه‌ای متحرک همواره با سرعت متوسط آن برابر است.

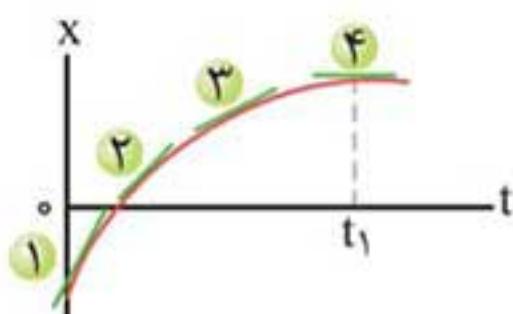


**پاسخ:** اگر شیب نمودار مکان-زمان یک متحرک مطابق شکل در طول حرکت ثابت باشد، سرعت متوسط در هر بازه زمانی دلخواه یکسان و برابر سرعت متحرک در هر لحظه دلخواه است.

### پرسش ۱-۵

شکل مقابل نمودار مکان-زمان متحرکی را نشان می‌دهد که در امتداد محور  $x$  در حرکت است.  
الف) از لحظه صفر تا لحظه  $t_1$  سرعت متحرک رو به افزایش است یا کاهش؟

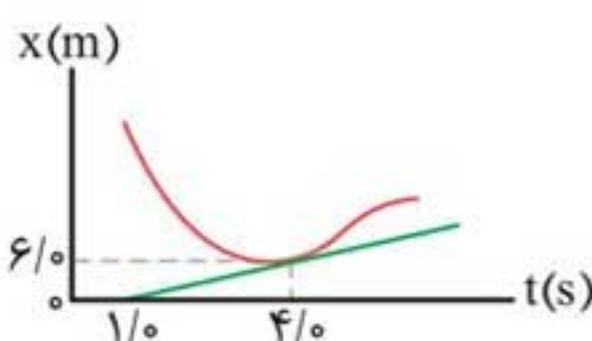
ب) اگر در لحظه  $t_1$  خط مماس بر منحنی موازی محور زمان باشد، سرعت متحرک در این لحظه چقدر است؟



**پاسخ:** الف) چون شیب خط مماس بر نمودار مکان-زمان که نشان‌دهنده سرعت متحرک است کاهش می‌یابد، بنابراین سرعت متحرک نیز رو به کاهش است.

شیب خط  $4 > \text{شیب خط } 3 > \text{شیب خط } 2 > \text{شیب خط } 1$   
سرعت در حال کاهش است  $\Rightarrow$   
ب) خط مماس بر منحنی در لحظه  $t_1$  موازی محور زمان است، بنابراین شیب آن برابر صفر و سرعت متحرک در این لحظه صفر است.

### تمرین ۱-۳



شکل مقابل نمودار مکان-زمان متحرکی را نشان می‌دهد. خط مماس بر منحنی در لحظه  $t = 1/10$  رسم شده است. سرعت متحرک را در این لحظه پیدا کنید.

۵۰

## مفاهیم، تعاریف، نکته‌ها و روابط

### لقمه اول

نیرو

وقتی جسمی را می‌کشیم یا هُل می‌دهیم، به آن نیرو وارد می‌کنیم. در واقع، نیرو حاصل برهم کُنش یا اثر متقابل دو جسم بر یکدیگر است.

**نکته‌ها:** ۱ نیرو کمیتی برداری است که آن را با  $\vec{F}$  نشان می‌دهند. بنابراین علاوه بر اندازه، جهت نیز دارد.



هنگام وارد کردن نیرو به توپ باید جهت و اندازه نیروی وارد بر توپ به گونه‌ای باشد که توپ به مکان موردنظر بازیکن برخورد کند.

۲ یکای نیرو در SI،  $\text{kg} \cdot \text{m} / \text{s}^2$  است که به آن نیوتون (N) می‌گویند و آن را به کمک نیروسنج اندازه می‌گیرند.

۳ تأثیر نیرو بر یک جسم می‌تواند شکل‌های متفاوتی داشته باشد، مانند به حرکت درآوردن، متوقف کردن، کاهش یا افزایش اندازه سرعت، تغییر جهت یا تغییر شکل و....

### قوانین حرکت نیوتون

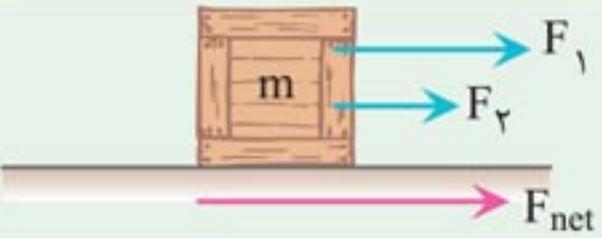
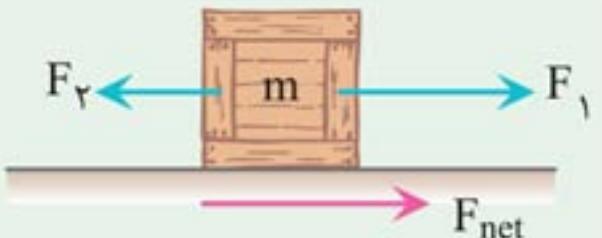
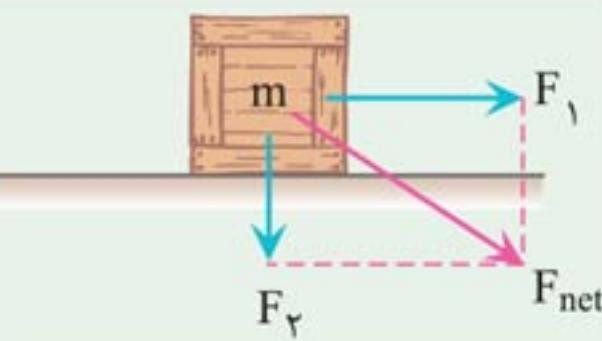
ارتباط بین نیروها، چگونگی حرکت جسم و ارتباط بین نیروهایی که دو جسم به یکدیگر وارد می‌کنند با سه قانون بیان می‌شود که نقطه مشترک همهٔ قوانین مفهوم نیروی خالص ( $F_{\text{net}}$ ) است. بنابراین ابتدا از نیروی خالص صحبت می‌کنیم و در ادامه سه قانون نیوتون را شرح می‌دهیم.

#### نیروی خالص ( $F_{\text{net}}$ )

وقتی بر جسمی چند نیرو اثر کند، برایند آنها را نیروی خالص می‌گویند و آن را با  $F_{\text{net}}$  نشان می‌دهند. در جدول زیر چند نمونه مهم از محاسبه  $F_{\text{net}}$  با دو نیروی  $F_1$  و  $F_2$  مشاهده می‌کنید.

# مهره‌ماه

## دینامیک

$F_{net}$	شکل	وضعیت نیروها
$F_{net} = F_1 + F_2$		هم‌جهت
$F_{net} = F_1 - F_2$		خلاف جهت
$F_{net} = \sqrt{F_1^2 + F_2^2}$		عمود بر هم
$\vec{F}_{net} = (F_{x1} + F_{x2})\vec{i} + (F_{y1} + F_{y2})\vec{j}$	$\vec{F}_1 = F_{x1}\vec{i} + F_{y1}\vec{j}$ $\vec{F}_2 = F_{x2}\vec{i} + F_{y2}\vec{j}$	$\vec{j}, \vec{i}$

☞ **تذکر:** اگر به جسم بیشتر از دو نیرو اثر کند:  
 $F_{net} =$  (مجموع نیروهای مخالف حرکت) - (مجموع نیروهای موافق حرکت)

### قانون اول نیوتون

یک جسم حالت سکون یا حرکت با سرعت ثابت خود را حفظ می‌کند مگر آنکه نیروی خالصی (غیر صفر) به آن وارد شود؛ یعنی وقتی نیروهای وارد بر جسمی متوازن باشند، همچنان ساکن باقی می‌ماند و اگر در حال حرکت باشد، سرعت جسم تغییر نمی‌کند و ثابت می‌ماند.

☞ **تذکر:** متوازن بودن نیروهای وارد بر جسم به چه معناست؟ اگر نیروهایی که به یک جسم به صورت همزمان اثر می‌کنند، اثر یکدیگر را خنثی کنند (برایند آن‌ها برابر صفر شود)، می‌گوییم نیروهای وارد بر جسم متوازن‌اند.

# مهره‌ماه

## دینامیک

**نکته‌ها:** ۱ یک نیوتون برابر مقدار نیروی خالصی است که به جسمی به جرم یک کیلوگرم، شتابی برابر  $1 \text{ m/s}^2$  می‌دهد.

۲ اگر سرعت حرکت جسمی ثابت باشد:  $a = 0 \Leftrightarrow \vec{F}_{\text{net}} = 0$

۳ دقت کنید که نیروی خالص برابر با جمع برداری تک‌تک نیروهای وارد بر جسم است.

**مثال ۲:** سه نیرو، هم‌زمان بر وزنهای به جرم ۵ kg اثر می‌کنند.

اگر بردار نیروهای در SI به صورت  $\vec{F}_1 = 10\vec{i} + 20\vec{j}$ ,  $\vec{F}_2 = 20\vec{i} - 50\vec{j}$  و  $\vec{F}_3 = -10\vec{j}$  باشند، بزرگی شتاب حاصل از این نیروها چند متر بر مجدور ثانیه خواهد شد؟

$$\vec{F}_{\text{net}} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3 = m\vec{a}$$

■ پاسخ:

$$\Rightarrow (20\vec{i} - 50\vec{j}) + (10\vec{i} + 20\vec{j}) + (-10\vec{j}) = 5\vec{a}$$

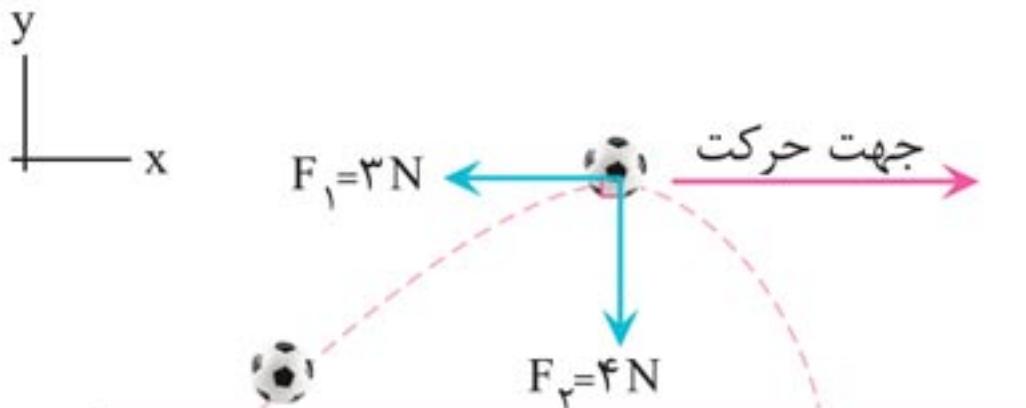
$$\Rightarrow \vec{a} = 6\vec{i} - 8\vec{j} \Rightarrow |\vec{a}| = \sqrt{6^2 + 8^2} = 10 \text{ m/s}^2$$

**مثال ۳:** شکل زیر، نیروهای وارد بر توپ فوتبال به جرم ۵۰ g را

نشان می‌دهد که در آن  $F_1$  نیروی مقاومت هوا و  $F_2$  نیروی وزن توپ

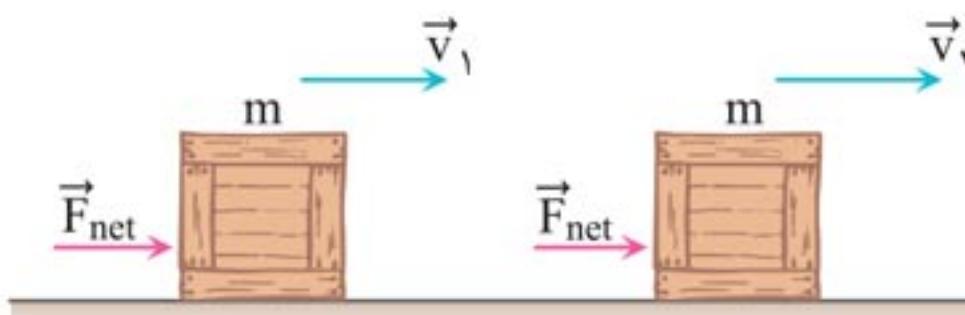
است. بزرگی شتاب توپ در این نقطه چند متر بر مجدور ثانیه است؟

(از نیروهای دیگر وارد بر توپ صرف نظر شود.)



## تکانه و قانون دوم نیوتون

اگر مطابق شکل تحت اثر نیروی خالص  $\vec{F}_{net}$ ، سرعت جسم در مدت  $\Delta t$  از



$\vec{v}_2$  به  $\vec{v}_1$  برسد، قانون دوم نیوتون را می‌توان برای این جسم به شکل صفحه بعد نوشت:

$$\vec{F}_{net} = m\vec{a} = m \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t} \xrightarrow[\text{جرم جسم (m)}]{\substack{\text{با فرض ثابت بودن} \\ \text{بردار سرعت جسم}}} \vec{F}_{net} = \frac{\Delta(m\vec{v})}{\Delta t}$$

به حاصل ضرب جرم جسم در بردار سرعت آن تکانه می‌گویند و آن را با  $\vec{p}$  نشان می‌دهند.

$$(kg \cdot m) \xleftarrow[\text{جرم جسم (kg)}]{\substack{\text{رابطه قانون دوم} \\ \text{نیوتون}}} \vec{p} = m \vec{v} \xrightarrow[\text{تکانه (s / m)}]{\substack{\text{بردار سرعت جسم}}} (m / s)$$

$$\vec{F}_{net} = \frac{\Delta \vec{p}}{\Delta t} \xrightarrow{\text{تغییر تکانه جسم}}$$

بنابراین تعریف دیگری می‌توان برای قانون دوم نیوتون ارائه کرد: «تغییر تکانه یک جسم در بازه زمانی  $\Delta t$ ، برابر نیروی خالص وارد بر جسم در این بازه است.»

**نکته‌ها:** ۱ تکانه کمیتی برداری هم‌جهت با بردار سرعت است.

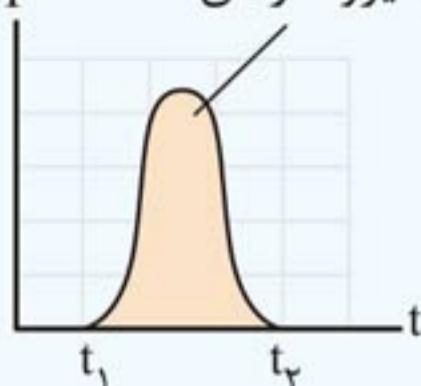
۲ از نگاه دیگری می‌توان گفت تغییر تکانه حاصل‌ضرب نیرو در مدت

زمان تأثیر آن است:

۳ انرژی جنبشی یک جسم را بر حسب تکانه آن نیز می‌توان نوشت:

$$K = \frac{1}{2}mv^2 \xrightarrow{p=mv} K = \frac{p^2}{2m}, \quad K = \frac{pv}{2}$$

مساحت محصور بین نمودار تغییر تکانه برابر با مساحت سطح زیر نمودار نیرو - زمان است.

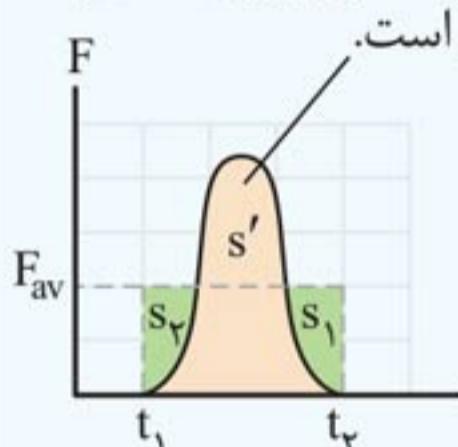


نیرو - زمان با محور  $t$ ، برابر با تغییر تکانه جسم است.

اگر نیروی خالص وارد بر جسم ثابت نباشد، در مدت زمان اثر نیرو،

$$\vec{F}_{av} = \frac{\Delta \vec{p}}{\Delta t}$$

تغییر تکانه ناشی از نیروی متوسط تکانه نیروی واقعی برابر با تغییر متغیر با زمان است.



با توجه به نمودار، می‌توان سطح مستطیل مربوط به نیروی متوسط را برابر با تغییر تکانه گرفت؛ زیرا مجموع  $s_1$  و  $s_2$  با  $s'$  برابر است.  
( $s' = s_1 + s_2$ )

**مثال ۱۸:** شخصی به جرم  $60\text{ kg}$  از یک بلندی روی یک تشک سقوط می‌کند. اگر تنیدی او در هنگام رسیدن به تشک  $5\text{ m/s}$  باشد و پس از  $2\text{ s}$  متوقف شود، اندازه نیروی متوسطی که تشک بر او وارد می‌کند، چقدر است؟  
(ریاضی-دی ۹۷)

$$F_{av} = \frac{\Delta p}{\Delta t} \quad \Delta p = m \Delta v \rightarrow F_{av} = \frac{m(v_2 - v_1)}{\Delta t}$$

$$\Rightarrow |F_{av}| = \left| \frac{60 \times (0 - 5)}{2} \right| = 150\text{ N}$$

■ پاسخ:

## لقمه دوم

## تمرین‌ها، فعالیت‌ها و پرسش‌ها

### پرسش ۱-۲



در شکل زیر یک کشتی در حال حرکت را می‌بینید که نیروهای وارد بر آن متوازن‌اند. کدام نیروهای اثر یکدیگر را خنثی کرده‌اند؟

■ **پاسخ:** نیروی شناوری و نیروی وزن اثر یکدیگر را خنثی می‌کنند. نیروی پیشران و مقاومت نیز اثر یکدیگر را خنثی می‌کنند.

### پرسش ۲-۲

در فیلمی علمی - تخیلی، موتور یک کشتی فضایی که در فضای تهی خارج از جو زمین و دور از هر سیاره و خورشید در حرکت است، از کار می‌افتد. در نتیجه حرکت کشتی فضایی گند می‌شود و می‌ایستد. آیا امکان وقوع چنین رویدادی وجود دارد؟ توضیح دهید.

■ **پاسخ:** بر طبق قانون اول نیوتون، وقتی نیروهای وارد بر جسمی متوازن باشند (برایند نیروهای وارد بر آن صفر باشد)، اگر جسم در حال حرکت باشد، سرعت جسم تغییر نمی‌کند و ثابت می‌ماند. بنابراین امکان رخداد چنین اتفاقی وجود ندارد.

### پرسش ۳-۲

الف) چرا حرکت سریع مقوا در شکل (الف)، سبب افتادن سکه در لیوان می‌شود؟



(الف)



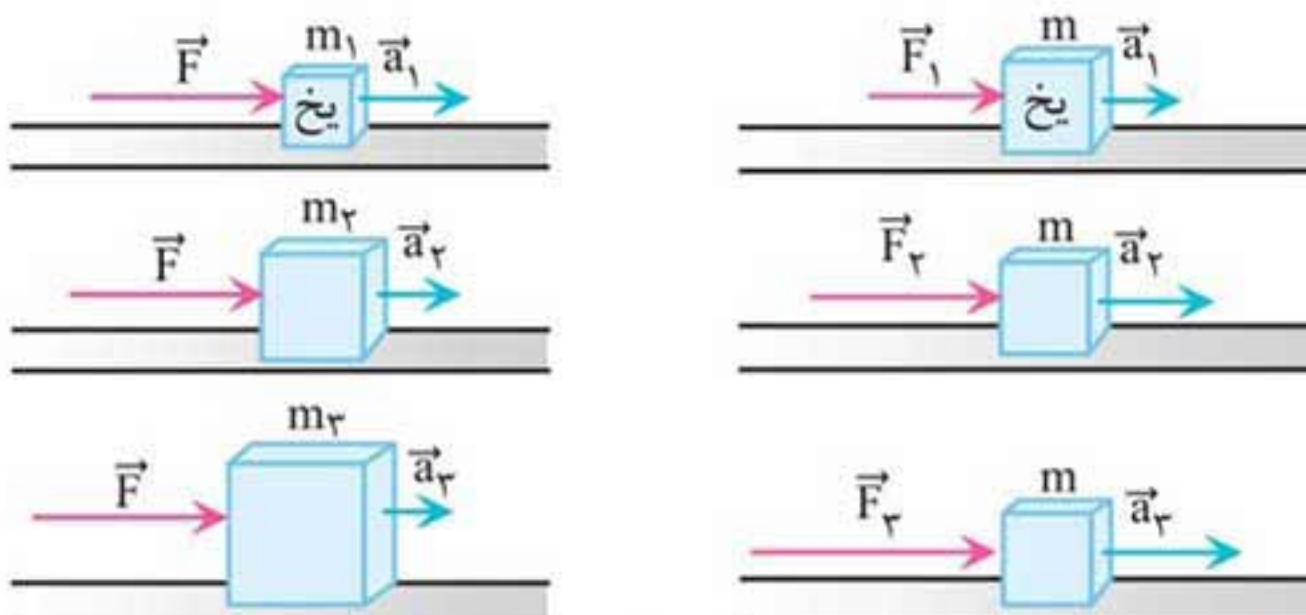
ب) چرا در شکل (ب)، اگر به آرامی نیروی وارد بر گوی سنگین را زیاد کنیم نخ بالای گوی پاره می‌شود، اما اگر ناگهان نخ را بکشیم، نخ پایین آن پاره می‌شود؟

■ **پاسخ:** الف) بر طبق قانون اول نیوتون، جسم تمایل دارد وضعیت سکون خود را حفظ کند. بنابراین با حرکت سریع مقوا، سکه در راستای افقی ساکن مانده و به درون لیوان می‌افتد.

(ب) ب) در حالت اول چون جسم لختی کمتری از خودنشان می‌دهد، بازیاد شدن نیرو به صورت تدریجی نخ بالایی زودتر پاره خواهد شد. در کشیدن ناگهانی نخ، لختی جرم گلوله سبب می‌شود که در فاصله زمانی کوتاه، ضربه ناگهانی وارد شده به نخ بالایی منتقل نشود و نخ پایینی زودتر پاره می‌شود.

### پرسش ۴-۲

در شکل‌های زیر، قطعه یخ‌ها روی یک سطح افقی بدون اصطکاک قرار دارند. تفسیر خود را از این شکل‌ها بیان کنید.



■ **پاسخ:** در شکل‌های سمت راست، که جرم جسم ثابت است، با افزایش نیرو، شتاب حرکت جسم افزایش می‌یابد.

در شکل‌های سمت چپ، که نیروی وارد شده ثابت است، با افزایش جرم جسم، شتاب حرکت کاهش می‌یابد.

### پرسش ۵-۲

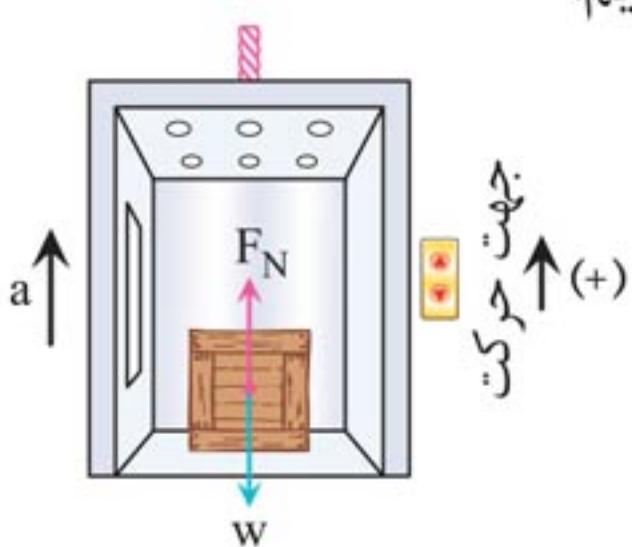
شخصی در حال هُل دادن جعبه‌ای سنگین روی سطح افقی است و این جعبه در جهت این نیرو حرکت می‌کند. با توجه به این که نیرویی که

# مهره ماه

## دینامیک

پ) آسانسور در حالی که به طرف بالا حرکت می‌کند، متوقف شود.  
ت) آسانسور در حالی که به طرف پایین حرکت می‌کند، متوقف شود.

■ **پاسخ:** جهت بالا را مثبت در نظر می‌گیریم.

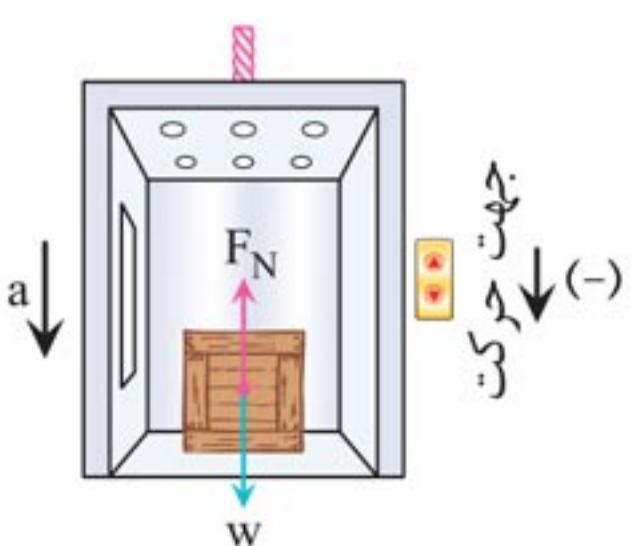


$$F_N - mg = ma \quad (\text{الف})$$

$$\Rightarrow F_N = m(g + a)$$

$$\Rightarrow F_N > mg$$

عددی که ترازو نشان می‌دهد، از وزن شخص بیشتر است.

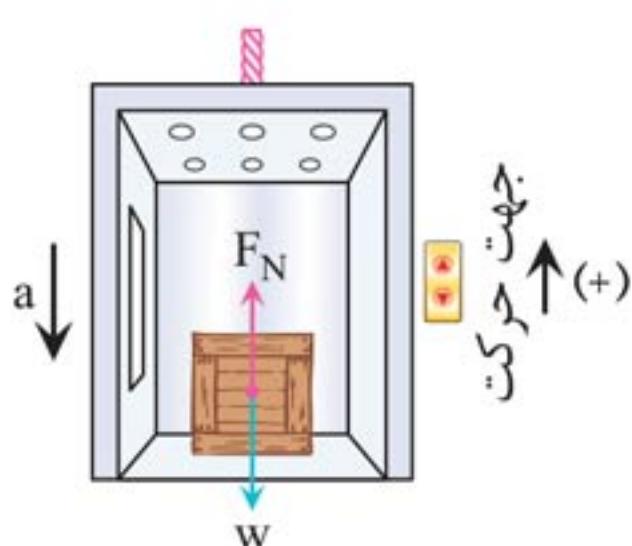


$$F_N - mg = -ma \quad (\text{ب})$$

$$\Rightarrow F_N = m(g - a)$$

$$\Rightarrow F_N < mg$$

عددی که ترازو نشان می‌دهد، از وزن شخص کمتر است.

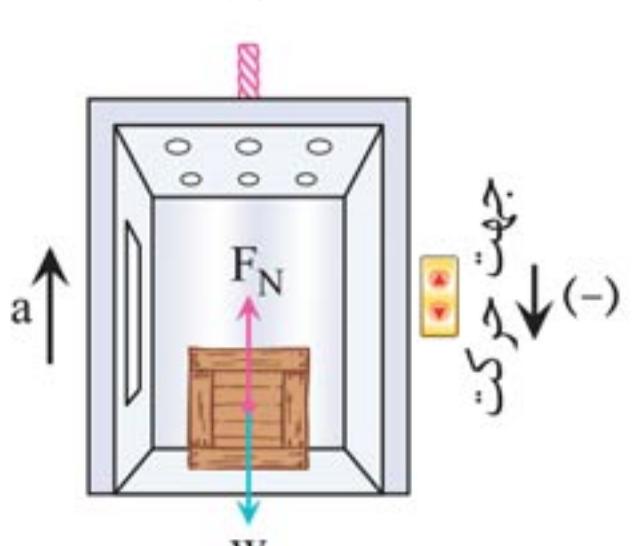


$$F_N - mg = -ma \quad (\text{پ})$$

$$\Rightarrow F_N = m(g - a)$$

$$\Rightarrow F_N < mg$$

عددی که ترازو نشان می‌دهد، از وزن شخص کمتر است.



$$F_N - mg = ma \quad (\text{ت})$$

$$\Rightarrow F_N = m(g + a)$$

$$\Rightarrow F_N > mg$$

عددی که ترازو نشان می‌دهد از وزن شخص بیشتر است.

## مفاهیم، تعاریف، نکته‌ها و روابط

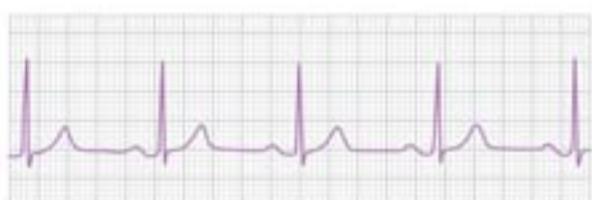
### لقمه اول

#### حرکت نوسانی

به حرکت‌های پی‌درپی و مداوم روبه‌جلو و عقب یا بالا و پایینِ جسم، حرکت نوسانی می‌گویند.

#### مفاهیم اولیه

**نوسان دوره‌ای:** نوسان‌هایی را که هر دور آن در دوره‌های دیگر تکرار شود، نوسان دوره‌ای می‌نامند.



شکل مقابل، تصویری از ضربان‌نگ (ریتم) قلب یک شخص را نشان می‌دهد که در هر دقیقه ۶۵ بار می‌زند که نمونه‌ای از یک نوسان دوره‌ای است.

**چرخه (سیکل):** نقش‌های تصویر ریتم قلب که به‌طور منظم در حال تکرار هستند را چرخه (سیکل) گویند.

☞ **تذکر:** نوسانگر: جسمی است که در نوسان است!

**دوره تناوب (T):** مدت زمان انجام یک چرخه کامل (نوسان کامل) را دوره تناوب می‌نامند.

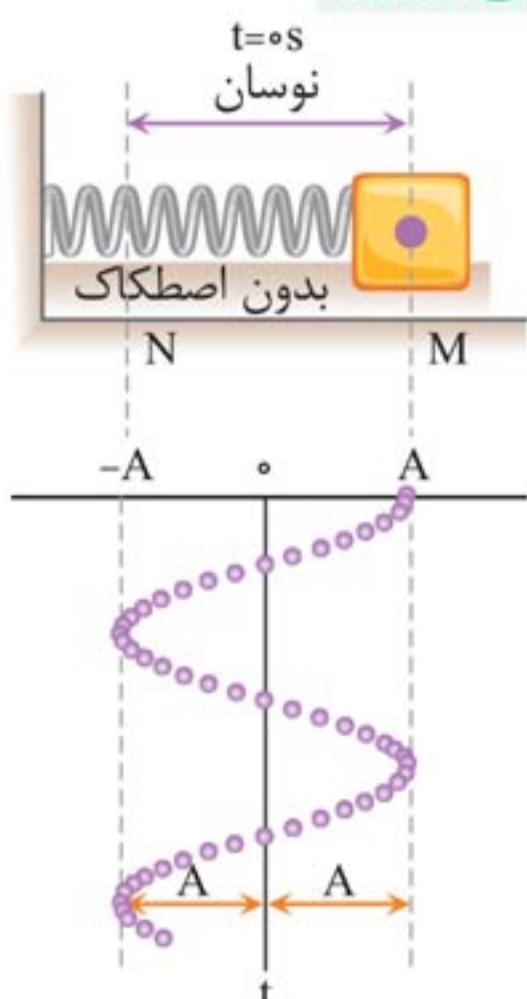
**بسامد (فرکانس) (f):** تعداد نوسان‌های انجام شده (تعداد چرخه‌ها) در هر ثانیه، بسامد (فرکانس) نامیده می‌شود.

☞ **تذکر:** بسامد عکس دوره تناوب است.

$$f = \frac{1}{T}$$

بسامد (Hz) ←  $f$  → دوره تناوب (s)

## معادله و نمودار مکان - زمان حرکت هماهنگ ساده



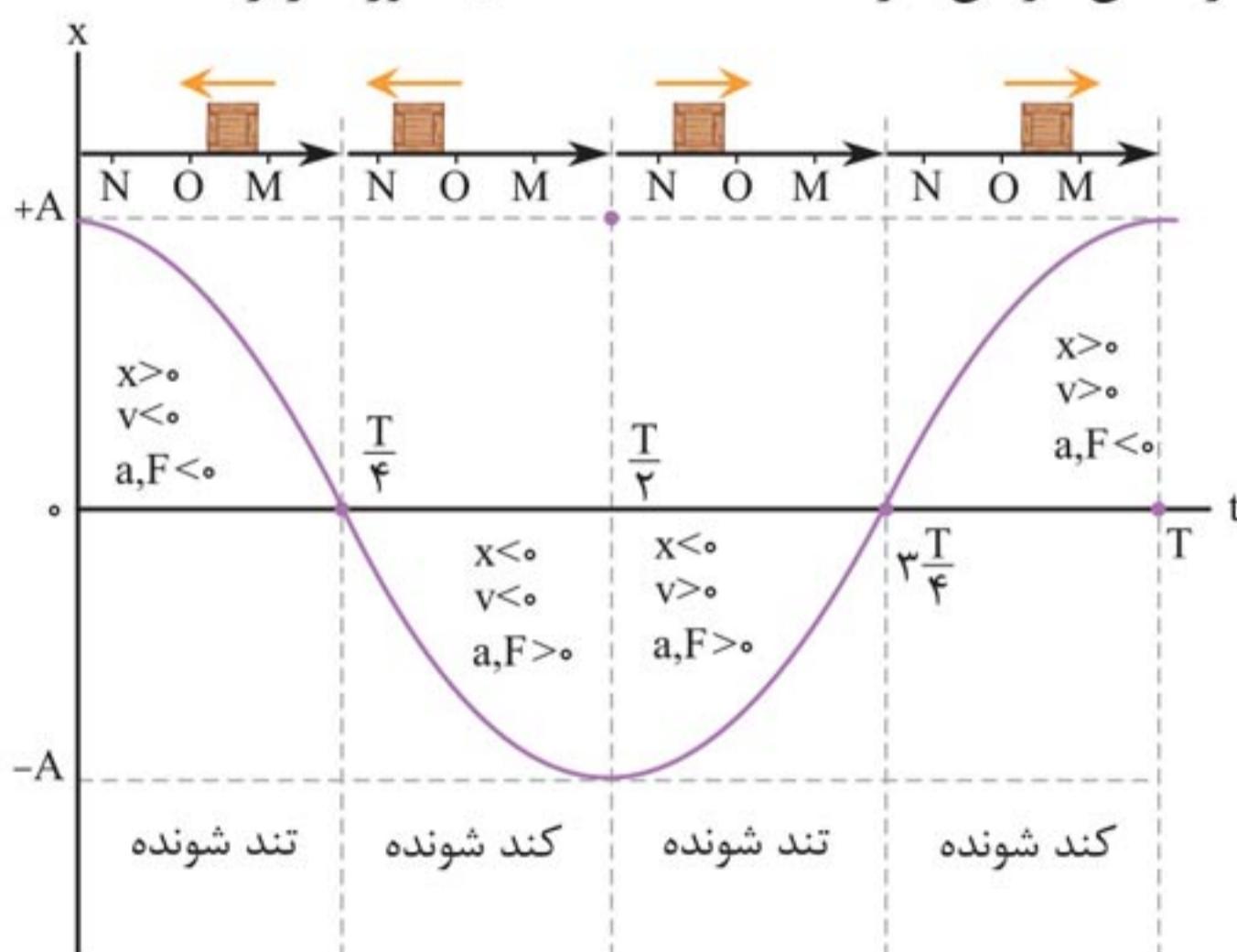
اگر جسم متصل به فنری را مطابق شکل روی سطح افقی بدون اصطکاکی کشیده و سپس رها کنیم و مکان جسم را در زمان‌های متوالی ثبت کنیم، به نمودار سینوسی می‌رسیم که در زیر سامانه جرم-فنر نشان داده شده است. اگر نوسانگر در لحظه  $t = 0\text{ s}$  از مکان  $x = +A$ ، از حالت سکون حرکت خود را شروع کند، در این صورت، معادله مکان-زمان به صورت زیر است:

$$x(t) = A \cos(\omega t)$$

شناسه تابع کسینوس  
(rad)  
(m)

دامتنه نوسان (m)

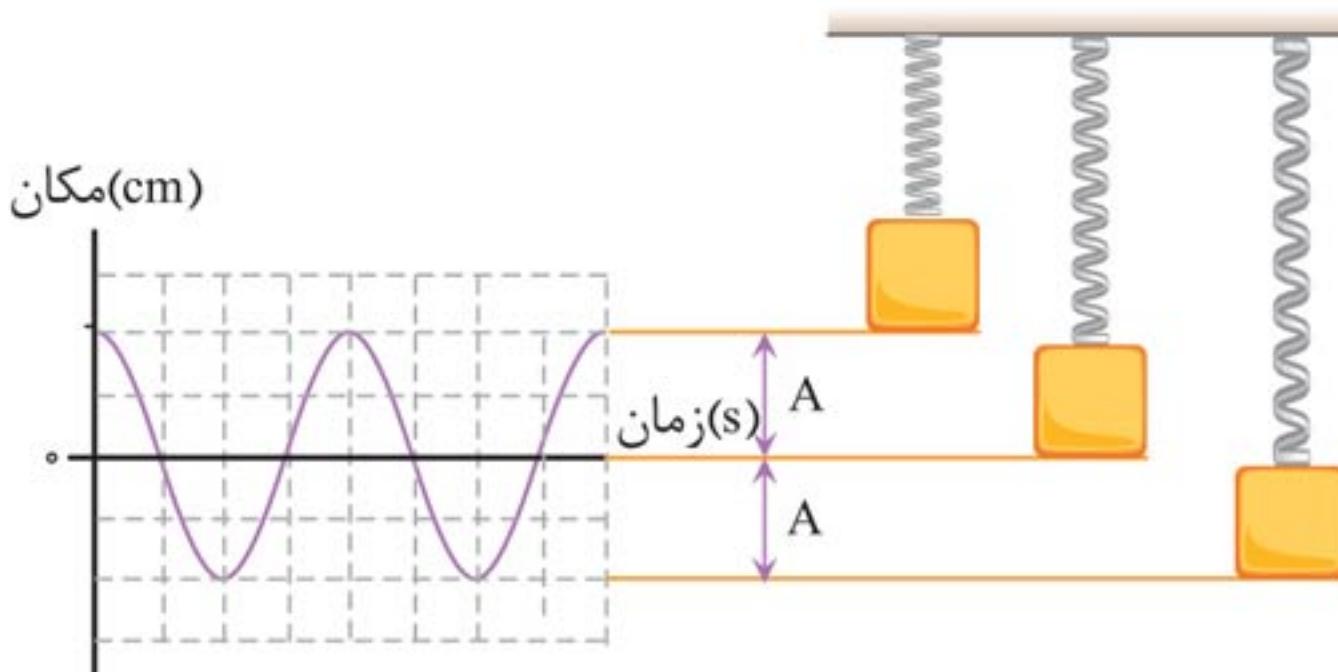
نمودار مکان-زمان حرکت هماهنگ ساده به صورت زیر است:



# مهره‌ماه

## نوسان و امواج

**مثال ۱:** با توجه به شکل زیر، جرمی متصل به یک فنر با بسامد  $5 \text{ Hz}$  و دامنه  $10 \text{ cm}$  به طور هماهنگ در امتداد قائم نوسان می‌کند. پس از گذشت  $\frac{1}{15} \text{ s}$  از رها شدن جرم از بالای نقطه تعادل، جابه‌جایی جرم نسبت به نقطه تعادل چقدر است؟



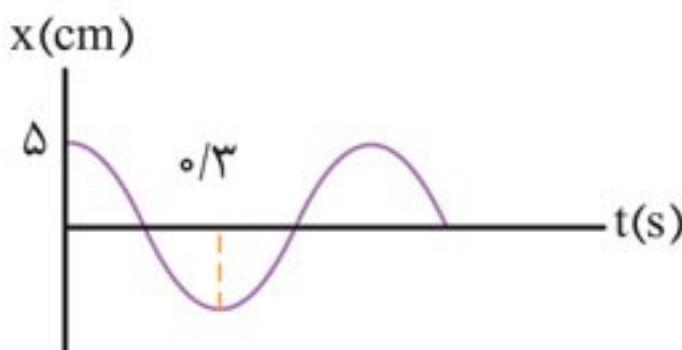
**پاسخ:** با استفاده از رابطه  $x = A \cos \omega t$ ، جابه‌جایی نسبت به نقطه تعادل جرم-فنر را محاسبه می‌کنیم:

$$A = 10 \text{ cm} = 0.1 \text{ m}$$

$$f = 2/5 \text{ Hz} \Rightarrow \omega = 2\pi f = 2\pi \times 2/5 = 5\pi \text{ rad/s}$$

$$t = \frac{1}{15} \text{ s}$$

$$\Rightarrow x = A \cos \omega t \Rightarrow x = 0.1 \cos(5\pi \times \frac{1}{15}) = 0.05 \text{ m}$$



**مثال ۲:** نمودار مکان-زمان یک حرکت هماهنگ ساده به شکل مقابل است.

الف) دوره این حرکت چقدر است؟

ب) معادله حرکت آن را بنویسید.

## مهره ماه

### نوسان و امواج

■ پاسخ: با استفاده از رابطه  $v = \sqrt{\frac{F}{\rho A}}$  داریم:

$$\frac{v_B}{v_A} = \sqrt{\frac{F_B}{F_A} \times \frac{\rho_A}{\rho_B} \times \frac{A_A}{A_B}} \quad \begin{matrix} \rho_B = \frac{1}{2} \rho_A \\ A_B = 2 A_A \end{matrix}$$

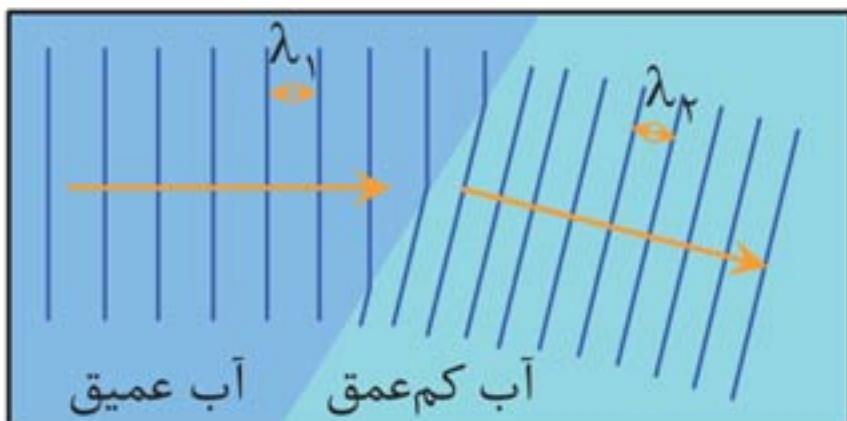
$$\frac{v_B}{v_A} = \sqrt{1 \times \frac{2 \rho_B}{\rho_B} \times \frac{A_A}{2 A_A}} \Rightarrow \frac{v_B}{v_A} = 1$$

حالا با استفاده از رابطه  $\lambda = \frac{v}{f}$  داریم:

$$(\text{f}) \quad \frac{\lambda_B}{\lambda_A} = \frac{v_B}{v_A} = 1$$

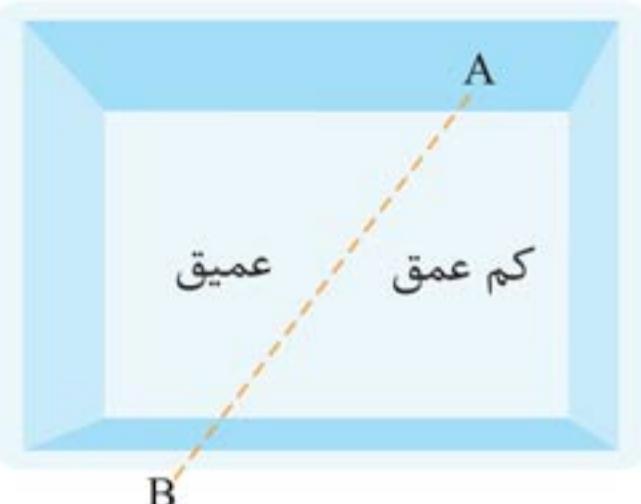
### شکست امواج سطحی آب

همان طور که می‌دانیم،  
تندی امواج روی سطح آب  
به عمق آب بستگی دارد؛  
مشاهده می‌شود که با ورود



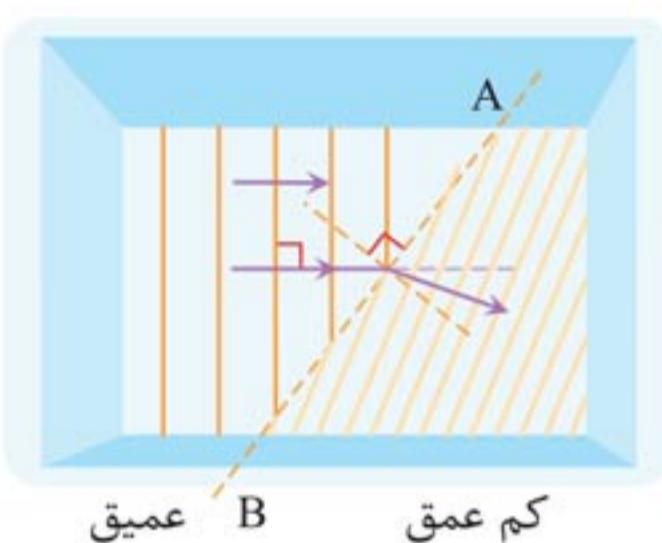
آب از بخش عمیق به بخش کم عمق، تندی موج سطحی کاهش می‌یابد. در نتیجه آن بخش از جبهه موج که زودتر به ناحیه کم عمق می‌رسد، چون با تندی کمتری حرکت می‌کند، از بقیه جبهه موج که هنوز وارد این ناحیه نشده است، عقب می‌افتد و فاصله بین جبهه‌های موج و در نتیجه طول موج کاهش یافته ( $\lambda_2 < \lambda_1$ ) و مطابق شکل، جبهه‌های موج در مرز دو محیط می‌شکنند و جهت انتشارشان تغییر می‌کند.

**مثال ۳۳:** در تشت موج شکل زیر، خط AB، مرز میان دو ناحیه

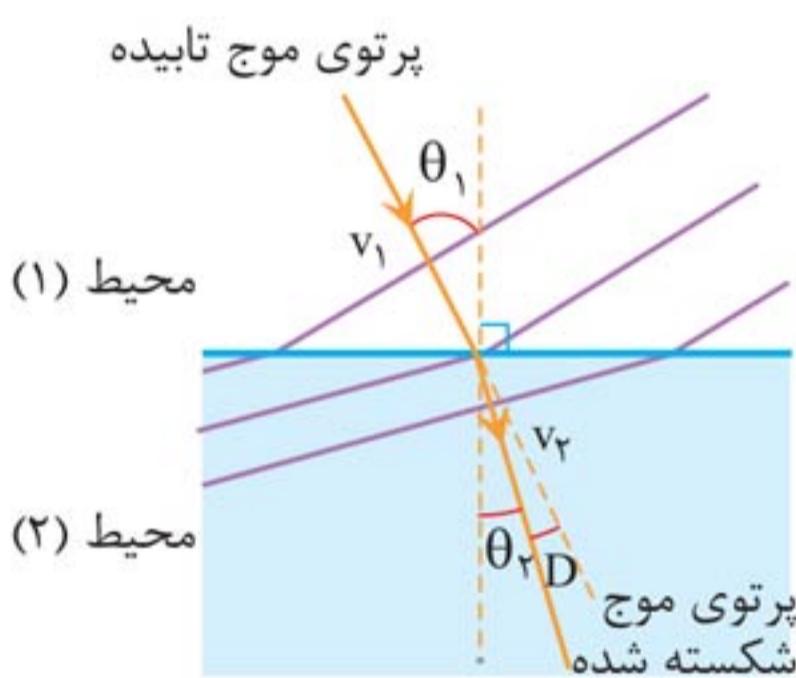


کم عمق و عمیق را نشان می‌دهد.  
موج تختی در ناحیه عمیق ایجاد می‌شود. وضعیت جبهه‌های موج مربوط به این تشت را رسم کنید.

■ **پاسخ:** فاصله جبهه‌های موج (طول موج) در ناحیه کم عمق (که



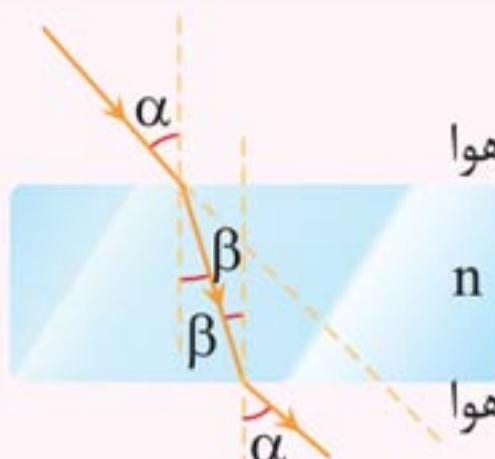
تندی کمتری دارد) باید کمتر از ناحیه عمیق (که تندی بیشتری دارد) باشد. همچنین، پرتو موج در عبور از مرز جدایی دو محیط باید مطابق شکل شکسته شده و به خط عمود نزدیک‌تر شود.



جهة موجی با زاویه تابش  $\theta_1$  از محیط اول وارد محیط دوم می‌شود و با زاویه  $\theta_2$  شکست پیدا می‌کند (شکل با فرض  $v_2 < v_1$  رسم شده است).

### قانون شکست عمومی

اگر مطابق شکل، جبهه‌های موج تختی به طور مایل از محیط (۱) وارد محیط (۲) شوند، می‌شکنند و پرتوهای موج که همواره عمود بر جبهه‌های موج هستند، در عبور از این مرز تغییر جهت می‌دهند.

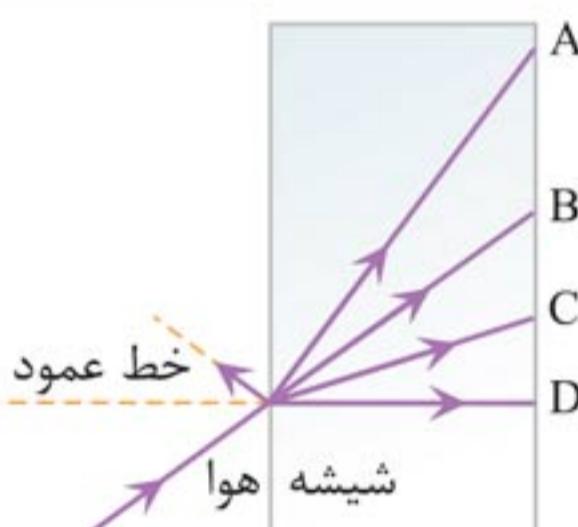


نکته: تیغه متوازی السطوح: مطابق

شکل پرتو نوری از هوا وارد یک تیغه شیشه‌ای شده است و سپس از آن خارج شده است. مشاهده می‌کنیم که:

۱ پرتو نور در داخل شیشه به خط عمود نزدیک‌تر است.

۲ پرتو ورودی به تیغه با پرتو خروجی از آن موازی است (انحراف صفر است)

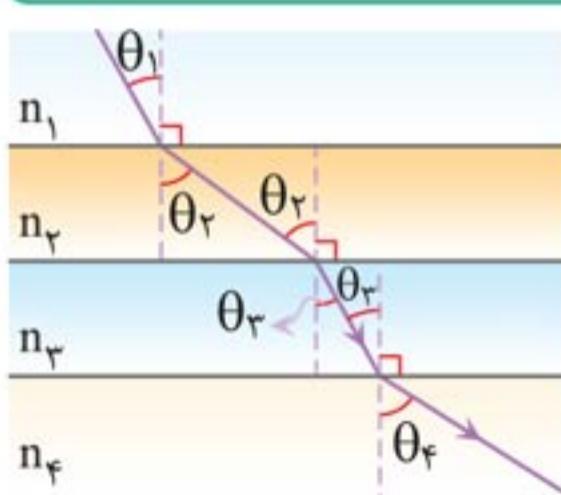


مثال ۳۶: شکل مقابل پرتویی را نشان

می‌دهد که از هوا وارد شیشه شده است.

کدام گزینه‌های A تا D، می‌تواند پرتوی داخل شیشه را نشان دهد؟

پاسخ: شیشه ضریب شکست بیشتری نسبت به هوا دارد، بنابراین پرتو در ورود به آن دچار شکست شده و به خط عمود نزدیک می‌شود پس پرتوی C پاسخ سؤال است.



عبور نور از محیط‌های متواالی موازی

شکل، مسیر عبور پرتو نور از چند محیط شفاف متواالی با سطوح موازی را نشان می‌دهد. با استفاده از رابطه شکست اسنل داریم:

$$n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2 = n_3 \sin \theta_3 = n_4 \sin \theta_4$$

## تمرین‌ها، فعالیت‌ها و پرسش‌ها

لقمه دوم

### پرسش ۱-۳

بسامد ضربان قلب مربوط به نمودار شکل ۲-۳ چقدر است؟

■ پاسخ:



$$T = \frac{1}{65} \text{ min} = 0.92 \text{ s}$$

$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{0.92} = 1.08 \text{ Hz}$$

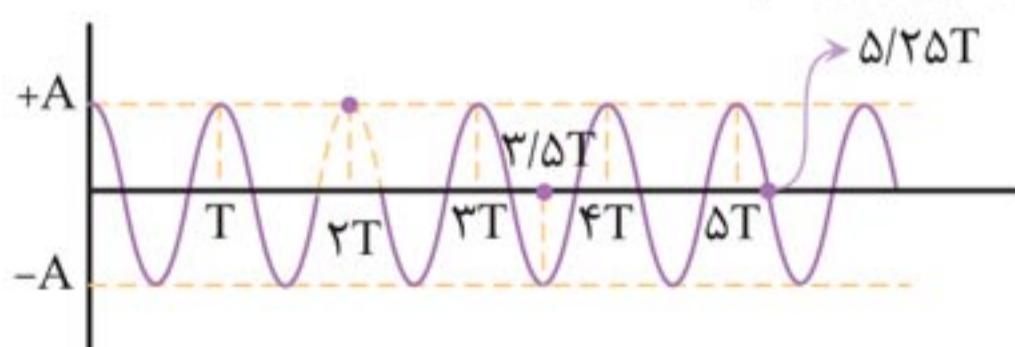
### تمرین ۱-۳

ذره‌ای در حال نوسان هماهنگ ساده با دوره تناوب  $T$  است. با فرض این که در  $t = 0$  ذره در  $x = +A$  باشد، تعیین کنید در هر یک از لحظات زیر، آیا ذره در  $x = -A$ ، در  $x = +A$ ، در  $x = 0$  خواهد بود؟

الف)  $t = 5/25T$  ، ب)  $t = 3/5T$  ، پ)  $t = 2T$

(راهنمایی: برای پاسخ به این تمرین، ساده‌تر آن است که چند دوره از یک نمودار کسینوسی را رسم کنید)

■ پاسخ:



الف)  $x = +A : t = 2T$

ب)  $x = -A : t = 3/5T$

پ)  $x = 0 : t = 5/25T$

■ پاسخ: ابتدا با توجه به این که فاصله بین دو برآمدگی متوالی برابر طول موج است، داریم:

$$\lambda = 10 \text{ cm}$$

حالا با استفاده از رابطه زیر، طول موج در ناحیه کم عمق را محاسبه می کنیم:

$$\frac{v}{\text{عمیق}} = \frac{\lambda}{\text{کم عمق}} \Rightarrow \frac{v}{\text{عمیق}} = \frac{\lambda}{10} \Rightarrow \lambda = 4 \text{ cm}$$

### تمرین ۱۰-۳

در تمرین ۹-۳ با فرض این که زاویه تابش امواج برابر  $30^\circ$  باشد، زاویه شکست چقدر می شود؟

■ پاسخ: با استفاده از قانون شکست عمومی داریم:

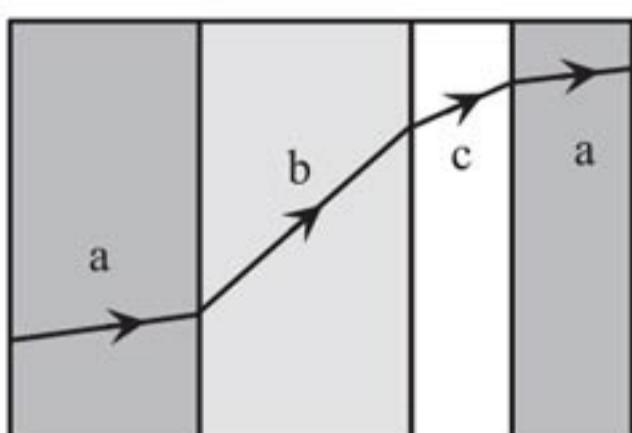
$$\frac{\sin \theta_2}{\sin \theta_1} = \frac{v_2}{v_1}$$

(ناحیه (۲) کم عمق، ناحیه (۱) عمیق)

$$\frac{\theta_1 = 30^\circ}{v_2 = 0/4 v_1} \rightarrow \frac{\sin \theta_2}{\sin 30^\circ} = \frac{0/4 v_1}{v_1} \Rightarrow \sin \theta_2 = 0/2$$

$$\Rightarrow \theta_2 = \theta_r = 11/53^\circ$$

### پرسش ۹-۳

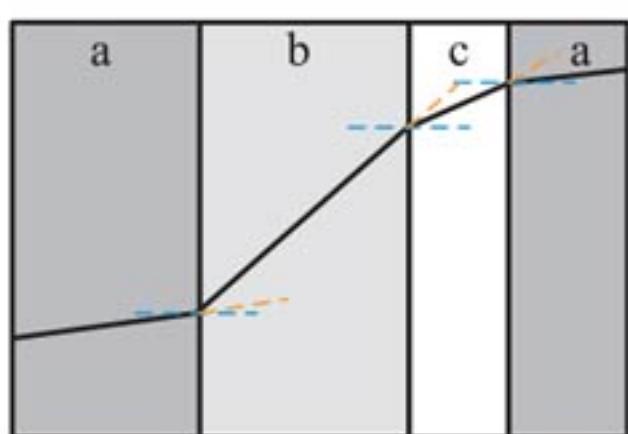


شکل رو به رو یک پرتوی موج الکترومغناطیسی را نشان می دهد که با عبور از محیط اولیه a، از طریق محیط های b و c به محیط a بازمی گردد. این محیط ها را برحسب تندی موج در آنها از بیشترین تا کمترین مرتب کنید.

■ پاسخ: در محیط b پرتو از خط عمود دور می شود: نور از محیطی با تندی کمتر به محیطی با تندی بیشتر وارد شده است.

## مهره‌ماه

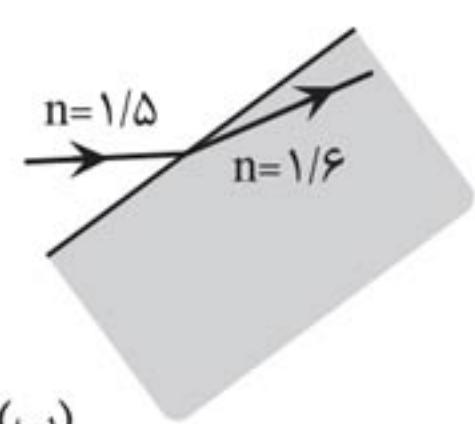
### نوسان و امواج



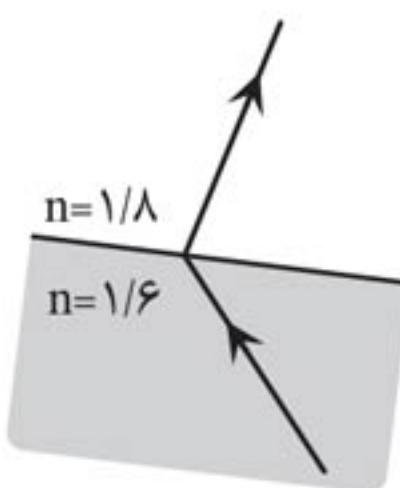
در محیط c پرتو به خط عمود نزدیک شده است: تندی در محیط c کمتر از b است. در محیط a نیز پرتو به خط عمود نزدیک شده است: تندی در محیط a کمتر از c است. بنابراین  $v_b > v_c > v_a$  می‌باشد.

### پرسش ۱۰-۳

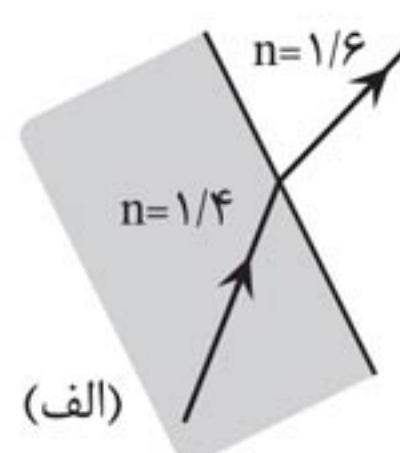
کدامیک از سه شکل زیر یک شکست را نشان می‌دهد که از لحاظ فیزیکی ممکن است؟



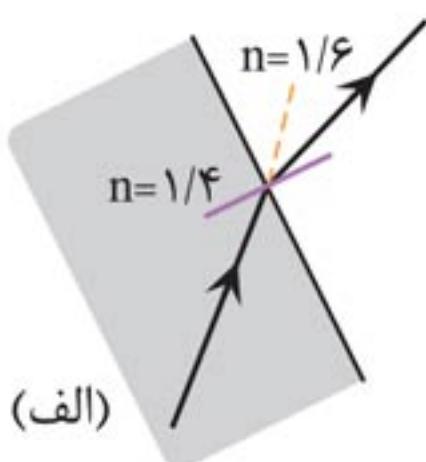
(ب)



(ب)

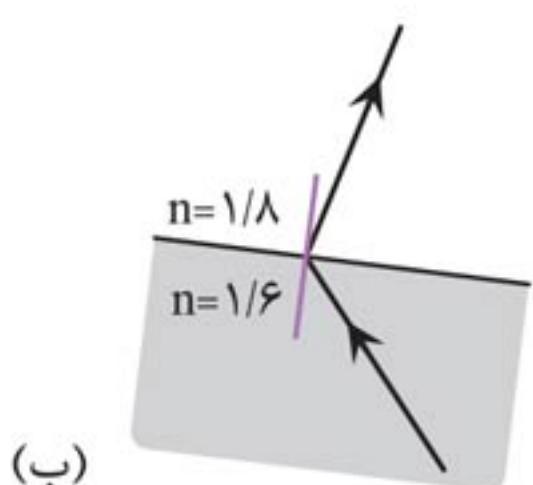


(الف)



(الف)

■ **پاسخ:** در شکل (الف)، پرتو از محیطی با ضریب شکست کمتر وارد محیطی با ضریب شکست بیشتر شده و به خط عمود نزدیک شده است که از لحاظ فیزیکی امکان‌پذیر است.



(ب)

در شکل (ب) پرتو در سوی درستی شکسته نشده است و امکان شکستن در سوی نشان داده شده وجود ندارد.

## مفاهیم، تعاریف، نکته‌ها و روابط

لقمه اول

### فیزیک کلاسیک و فیزیک جدید

علی‌رغم موفقیت فیزیک کلاسیک در توصیف گسترۀ وسیعی از پدیده‌های فیزیکی، در ابتدای قرن بیستم، پدیده‌های مشاهده و آزمایش‌هایی انجام شد که تبیین آنها به کمک فیزیک کلاسیک ممکن نبود. تلاش برای توضیح رفتار برخی پدیده‌های فیزیکی منجر به بنیان‌گذاری نظریه‌هایی از جمله نظریه نسبیت خاص، نسبیت عام و نظریه کوانتومی شد که امروزه به آن فیزیک جدید می‌گویند.

**نظریه نسبیت خاص:** به مقایسه پدیده‌های فیزیکی در تندری‌های بسیار زیاد و قابل مقایسه با تندری نور می‌پردازد.

**نظریه نسبیت عام:** مربوط به مطالعه هندسه فضا-زمان و گرانش است.

**نظریه کوانتومی:** پدیده‌های فیزیکی در مقیاس‌های بسیار کوچک، مانند اتم‌ها و ذره‌های سازنده آن‌ها را مورد مطالعه قرار می‌دهد.

### اثر فوتوالکتریک و فوتون

مطابق شکل (الف) اگر به کلاهک برق‌نمایی با بار منفی، نور فرابنفش تابیده شود، انحراف ورقه‌های آن کاهش می‌یابد.



(الف)



(ب)

این در حالی است که مطابق شکل (ب) اگر نور فرابنفش را با یک نور مرئی جایگزین کنیم، تغییری در انحراف ورقه‌های برق‌نما ایجاد نمی‌شود.



مهرماه

**کمیت کوانتمی:** کمیتی گسته است که مضرب درستی از مقدار پایه یا کوانتم آن کمیت است. انرژی موج الکترومغناطیسی کمیتی کوانتمی است که مضرب درستی از انرژی یک فوتون ( $hf$ ) است.

$$E = n h f = n h \frac{c}{\lambda} \rightarrow$$

↑

تندی انتشار موج در خلا →  
 طول موج نور فرودی →  
 تعداد فوتون‌ها

**تذکر:** توان تابشی یک منبع نور تکفام با بسامد  $f$  برابر است با:

$$P = \frac{E}{t} = \frac{n h f}{t} = \frac{n h c}{\lambda t}$$

**مثال ۱:** توان باریکه نور خروجی از لیزری  $600$  میکرووات است.

اگر توان ورودی این لیزد  $W^3$  باشد:

الف) بازده این لیزر چند درصد است؟

ب) اگر طول موج یاریکه نور خروجی،  $660\text{ nm}$  باشد، در هر ثانیه

چند فوتوں از این لیزر گسیل می شود؟

$$(c = 3 \times 10^8 \text{ m/s}, h = 6.626 \times 10^{-34} \text{ J}\cdot\text{s})$$

$$P_2 = 6.0 \mu\text{W} , P_1 = 3.0 \text{W} \quad \blacksquare \text{ پاسخ: (الف)}$$

$$R_a = \frac{\text{توان خروجی}}{\text{توان ورودی}} \times 100 = \frac{600 \times 10^{-6}}{30} \times 100 = 0.002\%$$

$$E = Pt \rightarrow nh \frac{c}{\lambda} = Pt \xrightarrow{\lambda = 660 \times 10^{-9} \text{ m}, t = 1 \text{ s}} P = 600 \times 10^{-6} \text{ W} \quad (\text{b})$$

$$\frac{n \times 6 / 6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{66.0 \times 10^{-9}} = 6.0 \times 10^{-6} \times 1$$

$$\Rightarrow n = 2 \times 10^{15}$$

**نکته‌ها:** ۱ برای به دست آوردن بلندترین طول موج (کمترین بسامد) فوتون گسیلی مربوط به یک رشته با توجه به معلوم بودن  $n'$ ،  $n = n' + 1$  قرار می‌دهیم.

۲ برای به دست آوردن کوتاه‌ترین طول موج (بیشترین بسامد) فوتون گسیلی مربوط به یک رشته با توجه به معلوم بودن  $n'$ ،  $n = \infty$  قرار می‌دهیم.

**مثال ۳:** طول موج سومین خط طیفی اتم هیدروژن در رشته بالمر ( $n' = 2$ ) چند نانومتر است؟ ( $R \approx 10^{-1} \text{ nm}^{-1}$ ) (تجربی - خرداد ۹۸)

**پاسخ:** سومین خط طیفی اتم هیدروژن در رشته بالمر ( $n' = 2$ ،  $n = 5$ ) به ازای  $n = 5$  به دست می‌آید:

$$\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right) \Rightarrow \frac{1}{\lambda} = 10^{-1} \times \left( \frac{1}{2^2} - \frac{1}{5^2} \right)$$

$$\Rightarrow \frac{1}{\lambda} = \frac{21 \times 10^{-1}}{100} \Rightarrow \lambda = 476 / 2 \text{ nm}$$

**مثال ۴:** کوتاه‌ترین طول موج رشته پاشن ( $n' = 3$ ) در اتم هیدروژن را به دست آورید. ( $R = 10^{-1} \text{ nm}^{-1}$ ) (ریاضی - خرداد ۹۸)

**پاسخ:** کوتاه‌ترین طول موج، با  $n = \infty$  متناظر است. در این صورت

$$\frac{1}{\lambda} = R \left( \frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right) \text{ داریم:}$$

$$R = \frac{1}{100} \text{ nm}^{-1}, n' = 3$$

$$\frac{1}{\lambda} = \frac{1}{100} \times \left( \frac{1}{3^2} - \frac{1}{\infty} \right) = \frac{1}{900} \Rightarrow \lambda = 900 \text{ nm}$$

## مهره‌ماه

آشنایی با فیزیک اتمی و هسته‌ای

چهارم	سوم	دوم	اول	صفر	نیمه‌عمر
$\frac{N_0}{16} = 1$	$\frac{N_0}{8} = 2$	$\frac{N_0}{4} = 4$	$\frac{N_0}{2} = 8$	$N_0 = 16$	تعداد هسته‌های باقی‌مانده

رابطه نیمه‌عمر:

اگر تعداد هسته‌های مادر اولیه در یک نمونه پرتوza  $N_0$  باشد، پس از گذشت زمان  $t$  تعداد هسته‌های پرتوزای باقی‌مانده از رابطه زیر به دست می‌آید:

تعداد هسته‌های پرتوزای باقی‌مانده

$$N = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n \quad \begin{matrix} \uparrow \\ \text{تعداد نیمه‌عمرها سپری شده} \end{matrix} \rightarrow \begin{matrix} \downarrow \\ \text{تعداد هسته‌های پرتوزای اولیه} \end{matrix}$$

تعداد هسته‌های پرتوزای اولیه

☞ **تذکر:** تعداد نیمه‌عمرها سپری شده ( $n$ )، از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$n = \frac{t}{T_{\frac{1}{2}}} \quad \begin{matrix} \text{مدت زمان سپری شده (s)} \\ \rightarrow \end{matrix} \quad \begin{matrix} \text{مدت زمان نیمه‌عمر ماده پرتوزا (s)} \\ \rightarrow \end{matrix}$$

فصل ۲

☞ **مثال ۱۹:** پس از گذشت ۵ نیمه‌عمر یک ماده پرتوزا، چه کسری از ماده پرتوزای اولیه، باقی می‌ماند؟ (تجربی- شهریور ۹۸)

$$n = 5$$

▪ پاسخ:

$$N = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n \Rightarrow \frac{N}{N_0} = \left(\frac{1}{2}\right)^5 = \frac{1}{32}$$

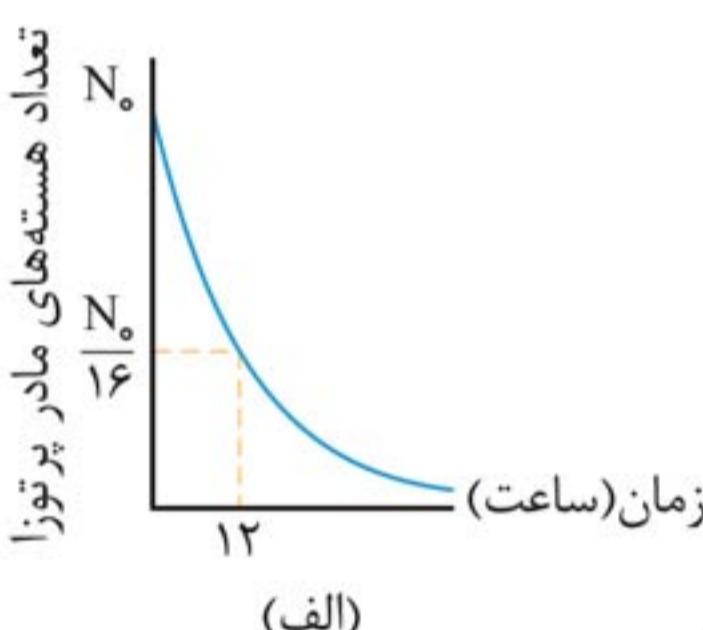
☞ **مثال ۲۰:** نیمه‌عمر بیسموت ۲۱۲، حدود یک ساعت است. پس از گذشت ۵ ساعت، در نمونه‌ای از این بیسموت چه کسری از ماده اولیه باقی می‌ماند؟ (تجربی- خرداد ۹۸)

■ پاسخ: ابتدا تعداد نیمه عمرهای سپری شده را محاسبه می کنیم:

$$n = \frac{t}{T_1} \xrightarrow{\substack{t=5 \\ \text{ساعت}}} n = \frac{5}{\frac{1}{2}} = 5$$

حالا با استفاده از رابطه  $N = \left(\frac{1}{2}\right)^n N_0$ ، پاسخ سؤال را به دست می آوریم:

$$\frac{N}{N_0} = \left(\frac{1}{2}\right)^n = \left(\frac{1}{2}\right)^5 = \frac{1}{32}$$



**مثال ۲۱:** شکل مقابل نمودار تغییرات تعداد هسته‌های مادر پرتوزا موجود در یک ماده پرتوزا را برحسب زمان نشان می دهد. نیمه عمر این ماده پرتوزا چند ساعت است؟ (تجربی-دی ۹۷)

■ پاسخ: ابتدا با استفاده رابطه  $N = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n$ ، تعداد نیمه عمرهای سپری شده را محاسبه می کنیم:

$$N = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n \xrightarrow{\text{نمودار}} \frac{N_0}{16} = N_0 \left(\frac{1}{2}\right)^n \Rightarrow \frac{1}{16} = \frac{1}{2^n} \Rightarrow n = 4$$

حالا با استفاده از رابطه  $n = \frac{t}{T_1}$ ، نیمه عمر ( $T_1$ ) ماده پرتوزا را محاسبه می کنیم:

$$n = \frac{t}{T_1} \xrightarrow{\substack{n=4 \\ t=12 \\ \text{ساعت}}} 4 = \frac{12}{T_1} \Rightarrow T_1 = \frac{12}{4} = 3 \text{ ساعت}$$

## مهره‌ماه

آشنایی با فیزیک اتمی و هسته‌ای

■ پاسخ: با توجه به جدول تناوبی داریم:

الف) عدد اتمی  $F$  برابر  $9 = Z$  است، بنابراین داریم:

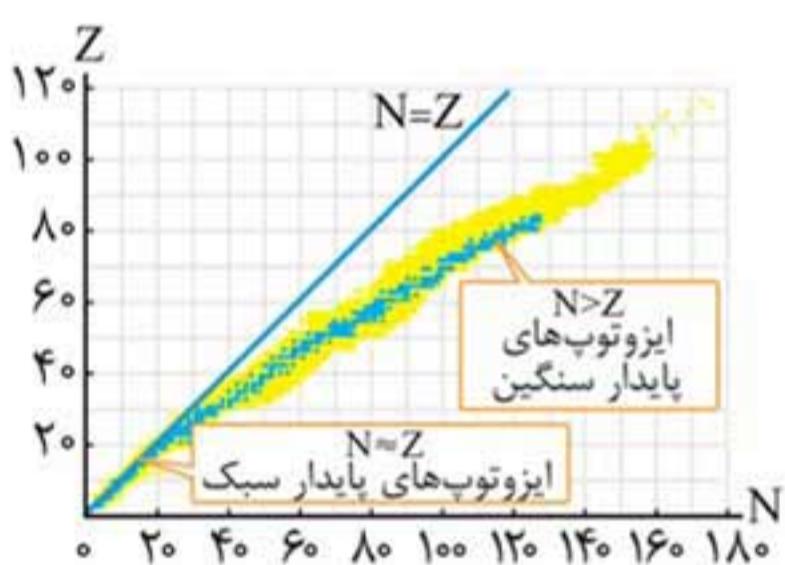
$$A = Z + N = 9 + 10 = 19 \Rightarrow {}^{19}_9 F_1.$$

ب) عدد اتمی قلع برابر  $50 = Z$  است، بنابراین داریم:

$$A = Z + N = 50 + 66 = 116 \Rightarrow {}^{116}_{50} Sn_{66}$$

### پرسش ۲-۴

هر نقطه آبی‌رنگ در نمودار شکل زیر نشان‌دهنده یک هسته پایدار است. با توجه به این نمودار به پرسش‌های زیر پاسخ دهید.



الف) نسبت تعداد نوترون به تعداد پروتون ( $N/Z$ ) برای هسته‌های پایدار مختلف، ثابت است یا متفاوت؟ توضیح دهید.

ب) ایزوتوپ‌های مختلف، یک عنصر را چگونه می‌توان با استفاده از این نمودار تشخیص داد؟

■ پاسخ: الف) تا حدود  $Z = 20$ ، نسبت  $\frac{N}{Z}$  برابر یک است ولی به تدریج با

افزایش  $Z$ ، تعداد نوترون‌های درون هسته افزایش بیشتری یافته به طوری

که پس از  $Z = 50$ ، به ازای افزایش یک پروتون، چندین نوترون به هسته

اضافه شده و نسبت  $\frac{N}{Z}$  متفاوت است.

ب) به ازای عدد اتمی ( $Z$ ) معین، با شمارش تعداد نقطه‌های آبی‌رنگ و زردنگ در امتداد محور  $N$  می‌توان تعداد ایزوتوپ‌های هر عنصر را مشخص کرد

# حرکت بر خط راست - فرمولنامه

## فصل ا

۱ تندی متوسط

$$s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} \rightarrow (m)$$

مسافت  
زمان حرکت (s)

۲ سرعت متوسط

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} \rightarrow (m)$$

جابه جایی  
زمان حرکت (s)

۳ شتاب متوسط

$$a_{av} = \frac{\Delta v}{\Delta t} \rightarrow (m/s)$$

تغییرات سرعت  
زمان حرکت (s)

۴ معادله مکان - زمان در حرکت با سرعت ثابت

مکان اولیه متحرک (m)



$$x = vt + x_0$$



سرعت متحرک (m/s)

۵ معادله سرعت - زمان در حرکت با شتاب ثابت

مدت زمان حرکت (s)



$$v = at + v_0 \rightarrow (m/s)$$



شتاب متحرک (m/s²)

۶ معادله سرعت متوسط در حرکت با شتاب ثابت

سرعت نهایی متحرک (m/s)



$$v_{av} = \frac{v + v_0}{2} \rightarrow (m/s)$$